# 木材の静的負荷による温度の変化(第2報)<sup>†</sup> 引張負荷による温度変化<sup>\*1</sup>

## 今山延洋\*\*

# The Temperature-change Caused by a Static Load Applied to Wood II.<sup>†</sup>

## The temperature-change caused by a tensile load\*1

### Nobuhiro Imayama\*<sup>2</sup>

A previous paper<sup>1</sup>) reported an investigation of the temperature-change caused by a static compressive load applied to wood. This paper reports an investigation of the temperature-change caused by a static tensile load applied to wood. J. P. Joule reported on the thermoelastic effect<sup>2)3)4)</sup> on wood by a tensile load in 1869,<sup>5)</sup> but after that, it seems that there are no reports on this subject. Reports on the temperature-change in the plastic region of stress-strain curves are not within the scope of this paper.

The experimental material and methods used in this study were the same as described in the previous report.<sup>1)</sup> The shape of the specimen is shown in Figure 1. The load was applied along the grain of wood.

The results were:

(1) Up to proportional limit of the stress-strain curve, the temperature-change caused by the load is proportional to the stress and strain (Figs. 3 and 4). As is obvious from the results of the load-unload experiment, the temperature-change is reversible up to the proportional limit (Figs. 6 and 7(a)). The thermoelastic effect in an adiabatic state is expressed by equation (1). As the stress-rate greatly increases, the adiabatic state will be approximated. Then, as shown in Figure 9, the measured values approach the calculated value which is obtained by substituting c = 0.395 cal/g°C,  $\alpha = 3.57 \times 10^{-6}$ /°C,  $\rho = 0.61$  g/cm<sup>3</sup>, and T = 288°K into equation (2) where c is the specific heat,  $\alpha$  is the coefficient of linear expansion,  $\rho$  is the density, and T is the absolute temperature scale. It can be concluded that the temperature-change caused by the stress up to the proportional limit is the thermoelastic effect in both cases of tension and of compression (Fig. 9).

(2) Above the proportional limit, the temperature-change caused by the stress above the proportional limit is proportional to the strain rate (Fig. 5). As is obvious from the results of the load-unload experiment, the temperature-change above the proportional limit is irreversible (Figs. 7(b) and 8). The pattern of the stress-temperature-change curve of the load-unload experiment up to the proportional limit is the same as the pattern above the proportional limit. Also its pattern is unique compared with that of compression.

(3) Comparing the stress-temperature-change curve with the stress-strain curve, we can easily determine the proportional limit in the stress-strain curve. It can be concluded that the proportional limit agrees with the elastic limit under the conditions of this experiment, and that the elastic limit can be defined as the point where the temperature-change caused by the load becomes irreversible.

木材に静的引張負荷を与えたときに発生する温度の変化について述べた。応力-ひずみ線図における 比例限度内の領域では,圧縮の場合とは逆に可逆的な温度降下を示す。一方,比例限度以上の領域では 圧縮と同様に不可逆的な発熱温度変化を示すことがわかった。

<sup>†</sup> Report I: This Journal, 27, 529 (1981)

\*1 Received January 5, 1981. 本報告の一部は第 27回日本木材学会大会(1977年4月,京都)において発表した。

\*2 静岡大学教育学部 Faculty of Education, Shizuoka University, Shizuoka 836

#### 1. 緒 言

前報<sup>1)</sup>において, 圧縮負荷による温度変化の挙動とそ の基本的性質を明らかにした。本実験では, 負荷の方向 が圧縮とは逆の引張による温度変化について報告する。 Joule が 1869 年に木材を引張負荷したときの温度変化 を熱弾性効果<sup>2~4)</sup>として報告<sup>5)</sup>しているのみである。一 方, 塑性的性質を示す領域の温度変化については報告が 見られないようである。このように, 圧縮と同様に引張 負荷による温度変化の基本的性質が明らかにされていな い。本報告では引張負荷による温度変化の挙動を, 前 報<sup>1)</sup>と同様に応カーひずみ線図の比例限度を境として考 察を加え, さらに圧縮と関連させて基本的性質を明らか にした。

#### 2. 実験方法

実験方法、温度検出方法等は前報と同様であるのでその概要のみを記す。

供試材は髄から数えて42年輪のマカンバ(Betula Maximowicziana Regel)である。試験片は髄から数え て17年輪以上の辺材部より作製した。試験片の形状を Fig.1 に示す。試験片の気乾比重は0.61,含水率は12.2 %,実験温度は室温(15~20℃)であり,負荷方向は繊維 方向である。荷重試験機はアムスラー型試験機を用い, ひずみ測定には新興通信社製ひずみゲージS104を用い た。

温度変化の測定には直径 0.1 mmの銅ーコンスタンタ ンの5列の熱電対列を用いた。これによって1対の熱電 対の時の5倍の出力を得ることができるので,この出力 を前報<sup>1)</sup>と同様に増幅器を通さずに,直接に理研電子社 製記録計SP-H7Vのフルスケール100 μVレンジに印 可させることによってほとんど雑音を除去することがで きた。この熱電対およびひずみゲージは試験片中央部ま さ目面にそれぞれ隣接して貼付した。



Figure 1 Shape and dimension of tensile test specimen.

#### 3. 結果と考察

試験片に静的引張荷重が負荷されると、一例をFig.2 に示すように、圧縮の場合<sup>1)</sup>とは逆に試験片の温度は降 下する。図は温度変化( $\theta$ )、応力( $\sigma_t$ )およびひずみ( $\varepsilon_t$ ) について破壊までの時間変化を示している。温度変化は 実験開始時の試験片の温度を基準とした。荷重は一定速 度で増加させた。図から明らかなように、温度変化の前 半はほぼ直線的に降下するが、後半は直線的な降下から はずれ、徐々に曲線的に上昇する。このような温度変化 の値は非常に小さく、最低値で約-5×10<sup>-2</sup> C程度であ る。これらの値は負荷速度によって若干異なるが、温度 変化の形は本実験で用いられた負荷速度の範囲(105~ 677 kg/cm<sup>2</sup>/min)では全く同じ経過を示した。





Stress-rate =  $214 \text{ kg/cm}^2/\text{min}$ .

#### 3.1 比例限度内の温度変化

応力およびひずみと温度変化との関係を,それぞれ Fig.3 および Fig.4 に示す。図中,PL は応力-ひずみ 線図の比例限度を表わす。図から明らかなように,応力 ー温度変化線図,ひずみー温度変化線図とも比例限度ま では直線関係を示し,その後比例限度を越えると直線か らはずれる。これらの結果から,比例限度内の温度変化 は応力やひずみと比例関係にあることがわかる。

#### 3.2 比例限度以上の領域の温度変化

比例限度を越えて荷重が増加すると, Fig. 3 や Fig. 4 から明らかなように,温度変化は応力およびひずみとの 直線関係からはずれ,比例限度内の温度変化とその性質 を異にしていることを示唆している。

前報1)の圧縮においては比例限度以上の領域をひずみ



Figure 3 Relationship between tensile stress ( $\sigma_t$ ) and temperature-change ( $\theta$ ). Note: PL: Proportional limit. Stress-rate = 214 kg/cm<sup>2</sup>/min.



- Figure 4 Relationship between tensile strain ( $\varepsilon_t$ ) and temperature-change ( $\theta$ ), and relationship between tensile stress ( $\sigma_t$ ) and strain ( $\varepsilon_t$ ).
  - Note: PL: Proportional limit.
    - $\varepsilon_{\rm p}$ : Plastic strain.

 $\theta_p$ : Plastic temperature-change. Stress-rate = 214 kg/cm<sup>2</sup>/min.

速度との関係によって検討したが、Fig.2からわかるように、引張においては破壊に至る過程でひずみ速度の大きな変化がみられない。そこで、ここでは次に定義する 塑性ひずみとの関係を求めた。まず、Fig.4において塑 性ひずみと塑性温度を定義する。図において応力および 温度変化の線の比例限度内の直線を延長し、これらの直 線と同一応力に対応したひずみおよび温度変化の実測値



Figure 5 Relationship between plastic temperature-change ( $\theta_p$ ) and plastic strain ( $\epsilon_p$ ). Note: Stress-rate = 214 kg/cm<sup>2</sup>/min.

との差を、それぞれ塑性ひずみ( $\varepsilon_p$ )、塑性温度( $\theta_p$ )と する。塑性ひずみの二乗をとって塑性温度との関係をみ ると、Fig.5に示すように両者の間にほぼ比例関係が存 在しており、比例限度以上の領域を一つの領域としてみ ることができる。

3.3 負荷一除荷による温度変化

3.3.1 比例限度内の温度変化

負荷の最大応力が比例限度内となるような負荷-除荷 実験をおとない,応力やひずみが元に戻ったとき温度変 化もゼロになるか否かによって,比例限度内の負荷によ る温度変化の可逆性を検討した。

負荷のはじめから除荷の終りまでの時間変化にともなう温度変化の一例を,応力およびひずみの変化とともに Fig.6に示す。負荷と除荷の過程で負荷速度ができるだ



Figure 6 Variation of stress ( $\sigma_t$ ), strain ( $\varepsilon_t$ ), and temperature-change ( $\theta$ ) in load-unload tensile test up to proportional limit. Note: t: time.

け同じになるようにした。Fig.6の場合,負荷の最大値 は550 kg/cm<sup>2</sup> であり,比例限度の平均値890 kg/cm<sup>2</sup> よりも低い。図から明らかなように,除荷により応力や ひずみが実験開始時と同じ状態に戻るとき温度も元に戻 った。しかし,除荷の形は負荷の形と左右対称でなく, 除荷のはじめで急な温度上昇を示し,後半ではほとんど 横ばいとなる。

応力と温度変化の関係をFig.7(a)に示した。負荷と 除荷の順序を実線の矢印で示す。この場合の応力ーひず み線図は負荷,除荷ともにそれぞれ直線となり,両者は ほとんどかさなる。図から明らかなように,負荷の形は Fig.3と同様にほとんど直線である。しかし,除荷時は はじめ温度が急に上昇し,後半は横軸に平行で零に戻る。 このように,圧縮の場合<sup>1)</sup>とくらべると,負荷時と除荷 時の軌跡線がかさならず特徴的な形を示す。しかしなが ら,応力が元に戻るといずれの実験においても温度も元 に戻ることから,比例限度内における温度変化は,圧 縮<sup>1)</sup>と同様に可逆的であると考えられる。



- Figure 7 Relationship between tensile stress ( $\sigma_t$ ) and temperature-change ( $\theta$ ) in loadunload test.
  - Note: (a) up to proportional limit. (b) above proportional limit. ----> : loading process. ----> : unloading process. PL: Proportional limit.

3.3.2 比例限度以上の領域の温度変化

一般に, 塑性領域を経験した材料は負荷がなくなって もひずみは完全には元に戻らず, ここで生じた非弾性的 なエネルギーは熱などに変換され, いわゆる不可逆性を 示すと考えられる。

最大応力が比例限度を越えた場合の負荷-除荷による 時間変化に対する温度変化の一例を,応力およびひずみ の変化とともに Fig.8 に示した。この場合も,負荷速度



Figure 8 Variation of stress  $(\sigma_t)$ , strain  $(\varepsilon_t)$ , and temperature-change  $(\theta)$  in load-unload tensile test above proportional limit. Note: PL: Proportional limit.

は負荷時と除荷時でできるだけ同じになるようにした。 負荷のときの温度変化の形はFig.2と同じである。除荷 のはじまりは温度曲線が最小値を過ぎて少し上向きにな った点である。この点と比例限度内の直線を延長した線 との差が,比例限度を越えてから温度変化した分である。 除荷がはじまるとすぐに急な傾きで温度が上昇し値が 正になる。後半はゆるやかな温度変化をし,最後に温度 上昇分を残して除荷が終る。除荷終了時において,ひず みの残留分を明確には認めることができなかった。この 温度上昇分は,負荷時に比例限度を越えてから正の方向 へ温度変化した大きさにほぼ相当している。

この温度変化を応力との関係でみるとFig.7(b)にな る。温度は負荷が最大となるところではFig.3と同じで あるが,除荷がはじまると前半は急に上昇し,後半は変 化がゆるやかとなり,最後に温度上昇分が残って終る。 Fig.7の(a)と(b)は同じ形を示した。圧縮の場合<sup>1)</sup>と 異なって,なぜこのような形をとるのかは今後の課題で ある。図から明らかなように,応力が零になっても正の 温度変化が残っており,これは負荷時に比例限度を越え てから最大応力に達するまでの間に生じた正の方向の温 度変化分に相当している。

以上のように,比例限度以上の領域における温度変化 は不可逆的であり,したがって発熱変化と考えることが できるであろう。

3.4 熱弾性効果

材料に弾性応力が断熱的に作用した場合の温度変化の

一次の近似式は,前報<sup>1)</sup>において次式で与えられた。

$$\theta = \frac{\alpha T E}{\rho c} \cdot \epsilon = \frac{\alpha T}{\rho c} \cdot \sigma \tag{1}$$

ここで、θは試験片の温度変化、αは線膨張係数、Eは 等温ヤング率、εはひずみ、σは応力である。また、σ= $E \cdot ε$  と仮定し、圧縮応力を正、引張応力を負にとっ た。

圧縮の場合<sup>1)</sup>と同様に、 $\rho = 0.61 \text{ g/cm}^3$ 、c = 0.395 cal/gr.  $\mathbb{C}^{6)}$ 、 $\alpha = 3.57 \times 10^{-6}/\mathbb{C}^{7)}$ 、 $T = 288^{\circ}\text{Kを用い計算}$ すると Fig. 9 (b)となる。 図から明らかなように、負荷 速度が増し周囲からの熱の流入が少なくなると考えられ るほど、断熱状態の計算値に近づくことがわかる。

Fig. 9(a)は前報<sup>1)</sup>で示した圧縮の結果ある。(a), (b)を合わせてみると、図から明らかなように、圧縮お よび引張の負荷速度が増し、周囲との熱の出入が少なく なるほど断熱状態の計算値、つまり(1)式に近づき、圧 縮と引張の両方を(1)式は表わしている。

以上のように、引張負荷による比例限度内の温度変化 は、引張負荷に対して温度は降下し、応力やひずみと比 例関係にあり、さらに可逆的で、負荷速度の増加にとも ない断熱状態の計算値に近づくことから,この現象は熱 弾性効果であり,圧縮と引張は一つの式で表現できると 考えられる。

従来, 引張応力-ひずみ線図における比例限度の決定 には非常に難しいものがあった。しかし,以上の実験結 果から,応力-温度変化線図やひずみ-温度変化線図と 対応させることにより,比例限度の決定が非常に容易に なると考えられる。

また、本実験の範囲内では比例限度と弾性限度が一致 しているとみることができ、さらに、温度変化が不可逆 的になる限界として弾性限度を定義することができると 考えられる。

#### 4. まとめ

木材に静的引張負荷を与えたとき,引張負荷による温 度変化の現象は,比例限度を境として相反する性質をも つ二つの領域が存在することが確かめられ,次のような 基礎的知見が得られた。

1) 応力-ひずみ線図の比例限度内においては、圧縮 とは逆に、温度は荷重の増加とともに降下し、応力やひ



- Figure 9 Relationship between stress ( $\sigma$ ) and temperature-change ( $\theta$ ) with various stress-rates in both cases of tension and of compression.
  - Note: (a): compression. (b): tension.

----: calculated curve by equation (1).

Compressive stress is plus and tensile stress is minus.

ずみと比例関係が存在する。その性質は可逆的であり, この現象は圧縮と同様に熱弾性効果といえる。

2) 比例限度以上の領域においては, 圧縮と同様に温 度は上昇し, その性質は不可逆的である。したがって, この温度変化は発熱変化といえる。

3)本実験の範囲内では,温度変化が不可逆的になる 限界として弾性限度を定義することができるであろう。

#### 文 献

1) 今山延洋:木材誌, 27, 529 (1981)

2) M.J. Sinnott: "固体物性", 丸善, p. 286 (1972)

- J. Wulff: "材料科学入門皿", 岩波書店, p. 42 (1967)
- 4) R.A.Swalin: "固体の熱力学", コロナ社, p.24 (1970)
- 5) J. P. Joule: Phil. Trans., Collected Papers, 1, 413 (1859)
- 6) 林業試験場編: "新版木材工業ハンドブック",丸善, p. 158 (1973)
- 7) 梶田 茂編:"木材工学", 養堅堂, p. 249 (1961)