

## 静岡大学博士論文

# 熱電子発電器出力特性に及ぼす 光照射効果





2000年4月

大学院電子科学研究科 応用電子工学専攻

鄭 偉

#### 概要

熱エネルギーを電気エネルギーに変換する発電方式の1つに熱電子発電がある。この研究は既に数10年の歴史があり、核エネルギーを利用する宇宙用から化石燃料の燃焼熱を利用する地上用熱電子発電器まで、その用途に応じた種々の方式が研究されている。この分野ではロシア、アメリカおよびオランダが先行した研究を行っている。旧ソ連は宇宙用の原子炉熱電子発電器トパーズを開発して人工衛星コスモスでの搭載実験に成功しているが、変換効率7%、出力7kWの性能はほぼ実用レベルに達していると考えられる。

熱電子発電では、エミッタからの熱電子により形成される負の空間電 位の緩和が問題となるが、発電器内に封入したセシウムの電離と電極間 距離の短縮(1 mm 以下)が効果を挙げている。本研究では、太陽光を エネルギー源とする光照射型熱電子発電器の開発を目的として、その基 本動作を解明する。セシウム原子は極めて低い励起電圧と電離電圧を有 するために、太陽光の短波長成分でセシウム原子の光励起・電離を、同 時に長波長成分でエミッタの加熱を行えば、太陽光の有する全波長成分 の有効利用が可能になる

光照射が可能な熱電子発電器を製作し、光源として太陽光スペクトル に類似のキセノンランプを用いて実験を行った。なお、簡単のために、 エミッタはヒータ電流により加熱され、その温度はヒータ電流を調節す ることにより 1100 Kから 1600 Kまで可変できる。また、セシウム蒸気 温度は電気炉の温度調節により 400 Kから 500 Kまで変化できる。ラン プの電気入力は 4.5 kW であるが、発電器内への可視光入力は 200 W 程 度であることが実験により測定された。発電器の動作条件が整うと、わ ずか 3 秒間の光照射によっても出力特性は著しく改善され、出力電流の 増大や非点火モードから出力の大きな点火モードへの遷移が生じた。こ のモード遷移に関しては、空間電荷中和度α<10<sup>-2</sup>、熱電子電流密度 *J*<sub>eR</sub>>10<sup>-3</sup> (A/cm<sup>2</sup>)およびエミッタ仕事関数φ>2.2 eV の 3 つの条件が必要で あることが判った。モード遷移は、主として電極間のセシウムの光電離 がトリガとなって体積電離が促進されたために実現されたと考えられる。

### Abstract

The present paper is subjected to the research on a light illumination type thermionic energy converter, i.e., Solar TEC, aimed to utilize the solar energy. Based on the understanding of cesium atomic and molecular processes such as ionization and excitation induced by electron collisions and solar light illumination, the improvement of TEC output characteristics has been carried out theoretically and experimentally.

The most TEC problems are concerned with the relaxation of negative space potential in front of the emitter because thermionic electron current to the collector is significantly suppressed by the negative potential near the emitter, which results in the limitation of output power. In the present work, the solar light illumination to TEC has been proposed from the viewpoint of TEC improvement for the effectual use of energy in nature. Because of the low excitation and ionization energies of cesium atom, solar light with wavelength shorter than 800 nm can excite or ionize cesium atoms, while that with longer wavelength will be consumed to heat up the emitter. Therefore, "Solar TEC" will be able to use whole energy of solar light from UV to infrared wavelength.

The light illumination type TEC was manufactured and illuminated by a xenon short arc lamp radiation with spectrum similar to that of solar light. The emitter temperature was varied from 1100 to 1600K, lower than that of the conventional TEC. The cesium gas temperature was ranged from 400 to 500 K. It is confirmed that the illumination could make a remarkable increase of the output current, especially in unignited mode operation. Moreover, under certain conditions, transition from unignited to ignited mode, which can generate much larger output power than unignited mode, could be carried out by the illumination in only 3 seconds.

The conditions were investigated by analyzing the experimental results and summarized as follows: a) a space charge neutrality is smaller than  $10^{-2}$ , b) thermionic electron current density from the emitter is larger than  $10^{-3}$  (A/cm<sup>2</sup>), c) an emitter work function is higher than 2.2 eV. Those conditions have such physical meanings that the electron produced by cesium atom photoexcitation or photoionization at the bottom of negative space potential near the emitter will be accelerated to the collector and induce the cesium atom ionization in the interelectrode space, which will establish the ignited mode.

本論文の英文名:

Effects of light illumination on output characteristics of thermionic energy converter.

	E	次		
第1章 序 論	•••••	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •	1
1.1 はじめに			•	1
1.2 熱電子発電器研究の経緯				2
1.3 本研究の目的及び本論文の構成	戉			5
第1章の参考文献				8
第2章 熱電子発電器の主要な物理理	見象			9
2.1 序 論				9
2.2 電極表面の諸現象				9
2.2.1 熱電子放出				9
2.2.2 表面電離				12
2.2.3 仕事関数				14
2.3 発電器内プラズマの諸現象				16
2.3.1 セシウム原子のエネルギ	一準位			16
2.3.2 衝突励起				16
2.3.3 衝突電離				18
2.3.4 脱励起				20
2.3.5 再結合				20
2.3.6 拡散				21
2.4 空間電荷中和度と空間電位分	币			23
2.5 結 論				26
第2章の参考文献				27
第3章 熱電子発電器の動作モード・	• • • • • • • • • • • • • • • •	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		29
3.1 序 論		· .		29
3.2 理想モード熱電子発電器				30
3.3 セシウム封入型熱電子発電器				37
3.3.1 低圧型熱電子発電器				37
3.3.2 高圧型熱電子発電器				42
3.4 結 論			•	48
第3章の参考文献				49
第4章 熱電子発電器動作特性の計	算機シミコ	レーション・・		51
4.1 序 論				51
4.2 プラズマ中の粒子保存と運動	量保存			51
4.3 点火モードの出力特性シミュ・	ーレション			53
4.4 熱電子発電器の課題				58
4.5 結 論				61
第4章の参考文献				62
第5章 光照射型熱電子発電器の動作	乍原理	• • • • • • • • • • • • • • • • • • • •		64
5.1 序 論				64
5.2 補助放電による熱電子発電器	出力特性の	改善		64

この水香がという。プラク密度部所	66
5.3 光電離センリムノフスマの密度評価	00
5.4 光電離による空間電荷中和度の改善	69
5.5 電極での光電子放出	70
5.6 結 論	71
第5章の参考文献	73
第6章 光照射型熱電子発電器の出力特性	74
6.1 序 論	74
6.2 生齡裝置	74
6.2 八秋夜世 (21 半昭財刑執雲子発雲哭の構造	74
	75
	ן אר דר
6.2.3 エミッタ温度およびセンリム烝気温度の測定	77
6.2.4 熱電子発電器出力特性の測定方法	/8
6.2.5 熱電子発電器の動作条件	80
6.3 熱電子発電器の出力特性	82
6.3.1 非点火モード動作の出力特性	82
6.3.2 光照射による非点火モードから点火モードへの遷移	87
633 光照射による点火モード出力特性の改善	88
	89
	93
0.3.3 山川村江の光电限域への定修	04
0.4 山川付性に影響9 る油安糸	94
6.4.1 空間電位分布の変化と出力電圧	94
6.4.2 電極シース電圧と点火モードの発生および維持条件	95
6.4.3 セシウム圧力が出力特性に及ほす影響	97
6.5 結 論	98
第6章の参考文献	100
	100
第7章 光電離センワムノフスマのノローノ測定	102
	102
7.2 ラングミュアプローフの埋論	102
7.2.1 シングルプローブ理論	102
7.2.2 仕事関数を考慮したプローブ理論	105
7.2.3 プローブからの電子放出を考慮したプローブ理論	108
7.2.4 プローブ特性の計算方法	109
7.3 実験装置	113
74 実験結果	114
7/1 プローブからの執電子放出及75光電子放出	114
742 エミッタ温度乃びセシウム蒸気温度とプローブ特性	116
7.4.2 エミック価皮及びビックム流入価値をしていて、1011	110
/.4.3 兀照別时の熟電丁光電品センリムノノスマの	110
	119
7.4.4 光照射時のエミッタシース電圧に関する考察	123
7.5 結 論	124
第7章の参考文献	126
第8章 結 論	128
謝 辞	132
研究業績一覧	133

iv

記号リスト

A:Richardson 定数 d:電極間隔(mm)  $D_{a}$ : 両極性拡散係数(cm<sup>2</sup>/s) D<sub>a</sub>:電子拡散係数(cm<sup>2</sup>/s) D<sub>i</sub>:イオン拡散係数(cm<sup>2</sup>/s) e:電子の素電荷、1.6×10<sup>-19</sup>(C) E:電子のエネルギー(eV) *E*<sub>R</sub>:Fermi 準位(eV) *E*;:真空準位(eV) f(E):電子のエネルギー分布関数 f(u):電子の速度分布関数 h:Planck 定数、6.63×10<sup>-34</sup>(J·s) Ic:コレクタに流入する総電流(A)  $I_{e}$ :電子電流(A) I<sub>n</sub>:エミッタに流入する総電流(A) I\_c:コレクタに流入する電子電流(A) I<sub>-F</sub>:エミッタに流入する電子電流(A) I...:プローブから放出される電子電流(A) I...:プローブに流入する電子電流(A) Ier:エミッタから放出される熱電子電流(A) I..:プローブの電子飽和電流(A) *I*::イオン電流(A) *I*<sub>ic</sub>:コレクタに流入するイオン電流(A) *I*:::エミッタに流入するイオン電流(A) I.r:エミッタから放出されるイオン電流(A) Iin:プローブに流入するイオン電流(A) I.::プローブのイオン飽和電流(A) *I*<sub>n</sub>:プローブ電流(A) J<sub>-m</sub>: プローブから放出される電子電流密度(A/cm<sup>2</sup>)  $J_{a}$ :熱電子放出電流密度(A/cm<sup>2</sup>) J<sub>s</sub>:プローブの電子飽和電流密度(A/cm<sup>2</sup>)  $J_{ir}$ :エミッタから放出されるイオン電流密度(A/cm<sup>2</sup>)  $J_{i::}$ プローブのイオン飽和電流密度 $(A/cm^2)$ J:発電器の出力電流密度(A/cm<sup>2</sup>) J:発電器の短絡電流密度(A/cm<sup>2</sup>)

v

k:Boltzmann 定数、1.38×10<sup>-23</sup>(J/K) *m*:電子の質量(kg) N:セシウム原子密度(cm<sup>-3</sup>) *n*<sub>a</sub>:電子密度(cm<sup>-3</sup>) n<sub>a</sub>:エミッタ近傍の電子密度(cm<sup>-3</sup>)  $n_{ax}$ :励起原子密度(cm<sup>-3</sup>) n;:イオン密度(cm<sup>-3</sup>) *n*<sub>in</sub>:エミッタ近傍のイオン密度(cm<sup>-3</sup>) n<sub>m</sub>:空間電位最小の位置における電子密度(cm<sup>-3</sup>) *n*<sub>n</sub>:プラズマ密度(cm<sup>-3</sup>)  $n_{\rm p:}$ :光照射により生成されるプラズマ密度(cm<sup>-3</sup>)  $P_{cs}$ :セシウム圧力(Torr) *P*<sub>in</sub>:入射光の単位面積強度(W/cm<sup>2</sup>) P<sub>m</sub>:発電器の最大出力密度(W/cm<sup>2</sup>) R:電離能率  $S_{p}$ :プローブの表面積(cm<sup>2</sup>)  $S_{\rm F}$ :エミッタの表面積(cm<sup>2</sup>)  $S_{c}$ :コレクタの表面積(cm<sup>2</sup>) T:金属温度(K)  $T_{c}$ :コレクタ温度(K) T<sub>cs</sub>:セシウム蒸気温度(K)  $T_{r}$ :エミッタ温度(K) T:電子温度(K) T<sub>ac</sub>:コレクタシース内の電子温度(K)  $T_{\text{eF}}$ :エミッタシース内の電子温度(K) T:イオン温度(K)  $T_{w}$ :タングステン温度(K) u,:プローブとエミッタ間の電位差(V) V<sub>1</sub>:プローブバイアス電圧(V) V<sub>c</sub>:コレクタシース電圧(V) V<sub>4</sub>:空間電位最小値とコレクタ電位の差(V) V<sub>n</sub>:点火電圧(V) V<sub>F</sub>:エミッタシース電圧(V) V:浮動電位(V)  $V_{\rm H}$ :ヒータ電圧(V) V::セシウム原子の電離電圧(V) V<sub>m</sub>:空間電位最小值(V)

V:発電器の出力電圧(V)  $V_{p}$ :プローブシース電圧(V) V.:空間電位(V) ΔV:空間電位最小値とエミッタ電位の差(V) x:電極間の位置座標(mm) x<sub>m</sub>:空間電位最小値となる位置の位置座標(mm) *u*:電子速度の x 成分 (cm/s) v:電子速度の v 成分 (cm/s) w:電子速度のz成分(cm/s) v<sub>a</sub>:電子の速度(cm/s) v:イオンの速度 (cm/s) α:空間電荷中和度 β:セシウムの表面電離確率 β.:再結合係数 *φ*:金属の仕事関数(eV)  $\phi_c$ :コレクタの仕事関数(eV)  $\phi_{r}$ :エミッタの仕事関数(eV) *φ*:プローブの仕事関数(eV) *φ*<sub>w</sub>:タングステンの仕事関数(eV)  $\Gamma$ :流束(cm<sup>-2</sup>s<sup>-1</sup>) Γ<sub>a</sub>:セシウム原子の流束(cm<sup>-2</sup>s<sup>-1</sup>) Γ<sub>a</sub>:電子の流束(cm<sup>-2</sup>s<sup>-1</sup>)  $\Gamma_{sr}$ :エミッタから放出される熱電子の流束(cm<sup>-2</sup>s<sup>-1</sup>) Γ<sub>i</sub>:イオンの流束(cm<sup>-2</sup>s<sup>-1</sup>)  $\Gamma_{ii}$ :エミッタから放出されるイオンの流束(cm<sup>-2</sup>s<sup>-1</sup>) σ:衝突断面積(cm<sup>-2</sup>)  $\sigma_{ex}$ :励起衝突断面積(cm<sup>-2</sup>)  $\sigma_i$ :電離衝突断面積(cm<sup>-2</sup>) u:電子の移動度(cm<sup>2</sup>·s<sup>-1</sup>V<sup>-1</sup>) u:イオンの移動度(cm<sup>2</sup>·s<sup>-1</sup>V<sup>-1</sup>) *v*:光の振動数(s<sup>-1</sup>) v:電子の衝突周波数(s<sup>-1</sup>) *v*:イオンの衝突周波数(s<sup>-1</sup>) λ<sub>\*</sub>:電子と原子の衝突平均自由行程(mm) λ<sub>a</sub>:電子とイオンの衝突平均自由行程(mm) ξ:無次元化された電極間の位置座標 ψ:無次元化された空間電位

## 第1章 序 論

1.1 はじめに

ここ数年来、二酸化炭素(CO<sub>2</sub>)などによる地球の温暖化問題が提起さ れている。主に、膨大な化石燃料の消費によって引き起こされる地球規 模の大気汚染が原因といわれている。また、硫黄酸化物や窒素酸化物な どによる酸性雨なども、地球環境上大きな問題となっている。1998 年 10 月に地球温暖化防止京都国際会議で CO<sub>2</sub>の排出規制を盛り込んだ"地球 環境京都宣言"が採決されたが、地球温暖化問題は今後益々世界的に注 目されることは間違いないであろう。この様な背景の下では、人類が主 要なエネルギー源として使用している化石燃料を有効利用することが重 要な課題になっている。これに加えて、化石燃料に代わる新たなエネル ギー源の研究開発<sup>1)</sup>は一層重要になるものと思われる。

化石燃料を多量に消費している発電所では発電効率向上のために、熱 効率の高い再熱再生サイクルの導入や廃熱の利用などいろいろな工夫が なされている。熱電子発電器(Thermionic Energy Converter)はガスタービ ンと蒸気タービンの複合プラントなどの前段階に組み込んでトッピン グ・システムとして利用することにより発電効率を向上させることがで き、試験的ではあるが良好な結果<sup>2)</sup>が得られている。

熱電子発電器は燃料電池、MHD 発電あるいは熱電気発電と同様、機 械的な回転部を持たずに発電する直接発電方式の一種と位置付けられる。 すなわち、高温電極のエミッタから放出された熱電子は、低温電極のコ レクタで捕集され、外部回路を流れて再びエミッタに戻る過程で熱エネ ルギーを電気エネルギーに変換する方式である。熱電子発電器は構造が 単純であり可動部がないため騒音を生じないこと、小型軽量でメンテナ ンスが容易であることなどの優れた特徴を持っている。熱電子発電器の 応用としては、宇宙開発や海底探査用電源など、原子力エネルギーを熱 源として燃料補給が困難な特殊な環境で使われる電源等が考えられるが、 最近では都市ガスを燃料とする家庭用ボイラーと組み合わせてコージェ ネレーションシステム<sup>3)</sup>として利用する試みが行われている。

熱電子発電器では高い効率で高出力電流を得るためには、エミッタを 2000K 以上加熱する必要がある。熱源としては燃料補給の必要がなく、 多量の熱を安定に供給できる原子力エネルギーが最適と考えられた。 1950年代に旧ソ連及びアメリカによって宇宙開発が始められた頃から、 燃料電池、太陽電池や熱電素子とともに宇宙での使用に有利な特性を備 えた宇宙用電源の一つとして、熱電子発電器の開発研究が本格的に開始 された<sup>4)</sup>。

本論文では自然エネルギーの一つである太陽エネルギーを利用する熱 電子発電器の開発を目指す。このため、光照射型熱電子発電器の基本原 理及び動作特性を調べることを研究目的としている。この光照射型熱電 子発電器では、太陽光の短波長成分によって、熱電子発電器内にセシウ ム原子を励起又は電離させて正イオンを生成し、これにより熱電子発電 器内の負の空間電荷を中和させる。また、同時に長波長成分でエミッタ の加熱を行って熱電子放出を引き起こし高出力電流を取り出すことを目 的とする。

#### 1.2 熱電子発電器研究の経緯

熱電子発電器研究の歴史は 19 世紀末に逆のぼることができる。熱電 子放出現象は 1885 年 Edison により発見されたが、その後 1902 年に Richardson によってこの現象が理論と実験により詳しく研究され、熱電 子放出の理論が確立された。1915 年には、ドイツの Goettingen 大学の W.Schlichter によって、はじめて真空形熱電子発電器による発電実験が 行われた。Schlichter はこの熱電子発電器を熱力学的に考察し、その熱 過程をカルノーサイクルに対応できると考えた。すなわち、電子が高温 電極(エミッタ)から等温で蒸発する過程、蒸発した電子が断熱的に低温 電極(コレクタ)に到達する過程、低温電極で等温的に疑縮する過程、

9

および低温電極から外部負荷を通って再び加熱電極にもどる過程の4つ の過程に対応できると考えた。彼の実験データを基にして、得られたカ ルノー変化効率は1.5×10<sup>-9</sup>%<sup>5)</sup>であった。当時の技術レベルが低いこと もあるが、真空型熱電子発電器では出力並びに発電効率が著しく低い。 この理由はエミッタ近傍に負の電荷を持つ熱電子が集積し、エミッタよ りも低い空間電位が形成されるためである。

負の空間電荷を中和するために、1941年に旧ソ連の Gurtovoy、 Kovalenko らにより発電器内にセシウム蒸気を封入するアイデアが提案 された。その後、旧ソ連やアメリカによる宇宙開発が本格化してからは、 宇宙での使用に適した熱電子発電器の研究が注目されることとなった。 熱電子発電器にセシウムが封入された結果、発電効率は 5~10%に飛躍 的に向上した。発電効率の向上の原因はセシウム正イオンによって、発 電器内の空間電荷が中和されたことによるものと考えられた。さらに電 極表面へのセシウム吸着によって、電極の仕事関数が広い範囲にわたっ て安定に調節できること <sup>の</sup>が立証されたが、エミッタ仕事関数を下げれ ば熱電子が多量に放出され、発電効率の向上につながると思われる。こ れ以来現在まで、セシウム封入型熱電子発電器が研究の主流となってい る。なお、セシウムを封入ガスとして利用する理由は、これが全元素中 で電離電圧が最も低いことによるものである。

一方、1957 年の旧ソ連によるスプートニク打ち上げ以来、人類の宇宙空間の利用は、現在に至るまで、着々と進められてきた。特に、放送衛星や気象衛星などによる情報提供は、いまや我々の日常生活に欠かせないものとなっている。衛星一個当たりの所要電力は 2000 年代には 100 kW 級以上に達すると予想される <sup>7)</sup>。電気出力が 100kW 以上になると原子力エネルギーを熱源として利用する発電方式が、発電器の重量や経済性の面で有利であるとされている。

原子炉を熱源とする熱電子発電器として、旧ソ連で世界で始めて製作 された「TOPAZ」(水素化ジルコニウム(ZrH)減速炉、電気出力 5~10kW)

3

がある。この熱電子発電原子炉には1号機から3号機まであり、1970年 から1973年にかけて製作され、長時間運転(例えば3号機では、約3000 時間)が行われた。現在では、TOPAZの実績に基づいて、5~10kW級 の熱電子発電炉が旧ソ連で実験的に使用されている。1987年及び1988 年の両年には、人工衛星コスモスにTOPAZを搭載し、宇宙での試運転<sup>4)</sup> に成功している。約20基の海洋偵察衛星(the Soviet Radar Ocean Reconnaissance Satellite (RORSAT))には、熱電子発電原子炉が搭載されて いるといわれている。

一方のアメリカでの研究は 1960 年代前半に航空宇宙局(NASA)が中心 となって行なった SET(Solar Energy Thermionic Conversion System)計画<sup>8)</sup> に始まる。この計画の目的は、火星探査機の主電源として使用するため の数百 W級の太陽熱電子発電装置の開発であった。その後研究開発の方 向は、宇宙用電源として原子炉を熱源とする比較的大容量の炉内形熱電 子発電原子炉の開発へと進んだ。しかし、太陽電池技術の進歩と当時大 電力需要の背景がなかったこと及びスペース・シャトル計画の開始など による予算上の制約もあって、これらの開発はすべて 1972 年に中止す るに至った。その後は、火力発電プラントなどのトッピング・システム として、熱電子発電器を利用するための要素技術の研究が続けられてい る。同じ時期に、旧ソ連とアメリカに加えて、フランス、ドイツ、オラ ンダ、スウェーデンなどの欧州諸国でもこの分野の研究が隆盛となっ た。フランスとドイツでは 1967 年頃からテレビの衛星放送用に熱電子 発電原子炉(ITR-Incore Thermionic Reactor 計画)の燃料要素の開発が開始 され、2000時間以上の照射実験に成功した。一方、天然ガスの燃焼熱を 利用する小規模な熱電子発電器が、工場或いは家庭におけるコジェネレ ーションシステムとしての利用を想定して、オランダの Wolff 等により 開発された。セントラルヒーティング用ガス燃焼熱電子発電器 TECTEM では熱出力 3kW、電気出力 300W、発電効率 7%の熱電併給が可能である。 また、TECTEM を基礎として、利用目的の相違に応じた数種類の 15kW 以下 TECBURNER という熱電子発電器の開発が進んでいる。

表 1.1 にこれまでの熱電子発電器研究の経緯 4)を示す。

Table 1.1. Historical Summary of Major Thermionic Energy Converter programs <sup>4</sup>

							-		-		
Designation	Elementary cesium	Ignited	nited cesium		Advano		nced mo	ode	Advanced mode		
Basic physics	diode exploration diode consolidatio		tion		exploration			Very high temperature		ture	
Applications	Solar Radioisotope	Therm	Thermionic nuclear			Fossil-fueled system exploration			Advanced reactor exploration		
reprications	exploration	development						TI	TFE technology recovery		r <b>y</b>
19	957 196	5		1973	19	075	1	1983	1985		1990
USSR thermionic programs											
Basic physics	Unignited cesiun diode exploration	Comprehensive basic physical definition of cesium diode divergence and the second divergence and			on p. explora tion	tion					
Applications	Solar, Radioisotope &	ż	TOPAZ reactor ion development		TOPAZ reactor experiments		TOPA test explo	Z flight & system ration	TOPAZ develop	ment	
	nuclear reactor explo	ration			Hi de	High power TFE development		High	High power reactor exploration		ution
1956 1962 1965 1970 1975 1979 1987											
West Europe programs											
Basic physics	Ignited cesium diode consolidation <sup>1</sup>			Ignited r	nod emit	e ter <sup>2</sup>		Ignited	mode explo	oration <sup>4</sup>	
Applications	Thermionic nuclear f element developmen	uel y <sup>1</sup>	Fossi Auxil		il fueled iliary power <sup>3</sup> F		Fossil fi	Fossil fueled diode development <sup>5</sup>			
	1965	- 1	973 19	975		1982	2 198	5		199	0

U.S. Thermionic Program

1: German, France 2: German, Netherlands 3: German 4:Sweden 5:Netherlands

#### 1.3 本研究の目的及び本論文の構成

二酸化炭素の発生を減らすために、前述したように、化石燃料の有効 的な利用あるいは新しいエネルギー源を開発することが求められてい る。熱電子発電器はエミッタを高温に加熱する必要があるが、熱電子発 電器の応用できる適当な熱源は多くない。また、高温動作のために、電 極材料などの化学的、機械的な安定性が問題となり、現段階では発電器 の寿命が短く、信頼性に乏しいといった欠点がある。そこで、本研究は 低温で動作する光電離により生成されるセシウムイオンを空間電荷の中 和に用いる光照射型熱電子発電器の開発を目的とする。光源として太陽 エネルギーを用いるので自然エネルギーの有効利用にも結びついた研究 と位置づけられる。

本論文は次のような構成と内容になっている。

第1章 序 論

第2章 熱電子発電器の主要な物理現象

第3章 熱電子発電器の動作モード

第4章 熱電子発電器動作特性の計算機シミューレション

第5章 光照射型熱電子発電器の動作原理

第6章 光照射型熱電子発電器の出力特性

第7章 光電離セシウムプラズマのプローブ測定

第8章 結 論

先ず、第1章では、熱電子発電器が宇宙用電源を始め、地上用のコージェネレーションシステムとして利用可能な直接エネルギー変換装置であることを述べている。次に、これまでの熱電子発電器の研究経緯について紹介し、最後に、本研究の目的及び論文の構成について述べる。

第2章では熱電子発電器の主要な物理現象について解説する。熱電子 放出、セシウムの表面電離、仕事関数などの基本概念から説明し、セシ ウムプラズマの基礎過程、すなわち衝突励起、電離、脱励起、再結合及 び拡散などを考察し、さらに熱電子発電器内の重要なパラメータである 空間電荷中和度を紹介する。これによって熱電子発電器の基本的な物理 現象を理解する。

第3章では各種の熱電子発電器の動作条件及び動作モードについて述べる。真空型熱電子発電器に始まり、セシウム封入低圧型及び高圧型熱電子発電器の特徴並びに電極間隔や空間電荷中和度などの出力特性への影響を述べる。また、セシウム高圧型熱電子発電器の2種類の動作モー

ドである非点火モードと点火モードの動作条件及び特徴についても述べる。

第4章では実用性の高いセシウム高圧型熱電子発電器の点火モードに ついて述べる。プラズマ内の粒子数の保存則及び運動量の保存則から出 力特性を記述する方程式の導出を紹介するとともに、点火モードの出力 動作特性解析用のシミューレションコードを紹介し、熱電子発電器の問 題点を指摘する。

第5章では光照射型熱電子発電器の基本原理について述べる。熱電子 発電器の出力特性の改善方法として補助放電の必要性を紹介し、光電離 によるプラズマ生成の有効性を述べる。光励起及び光電離理論を導入 し、光照射により生成されるセシウムプラズマ密度を見積もる。また、 光電離による電極間の空間電荷中和度の改善方法を考察し、最適な動作 条件を探す。

第6章では光照射型熱電子発電器の出力特性について述べる。製作し た光照射型熱電子発電器の構造から発電実験の結果までを紹介し、光照 射により非点火モード及び点火モードの出力特性が改善されること、点 火モードへの遷移が促進されることなどを示す実験結果を紹介するとと もに、それらのエミッタ温度及びセシウム蒸気温度依存性などについて 考察する。また、光照射により出力特性の改善が現れる条件を実験結果 から検討する。

第7章では光照射により生成されるセシウムプラズマのプローブ測定 について述べる。プローブ理論の紹介に始まり、セシウムプラズマの特 徴、プローブ測定で得られたプラズマ密度及びそのエミッタ及びセシウ ム蒸気温度依存性を考察し、光照射により生成されるセシウムプラズマ の特性を考察する。

最後に第8章では本研究で得られた成果を総括し、本研究の意義を再 確認すると共に、残された解決されるべき課題について述べる。 第1章の参考文献

- 1. 高橋 清、浜川圭弘、後川昭雄: 太陽光発電、森北出版社、1980.
- 2. 神藤正士:"熱電子発電器研究開発の現状"、プラズマ・核融合学会誌、7(1994)1045.
- L.R. Wolff, W.B. Veltkamp, V.I. Yarigin: Proc. 2<sup>nd</sup> Intersoc. Conf. on Nuclear Power Eng. in Space, PTI Sukhumi, Georgia, 1991, p.72.
- 4. N. S. Rasor: "Thermionic Energy Conversion Plasma", IEEE Trans. Plasma Sci., 19 (1991) 1191.
- 5. 清水定明: "*Cs 封入型熱電子コンバータの出力特性解析*"、電子技術総合研究所研 究報告第 906 号(1989).
- V. C. Wilson: "Conversion of Heat to Electricity by Thermionic Emission", J. Appl. Phys., 30 (1959) 475.
- 7. 近藤駿介: "宇宙用原子炉開発の現状"、日本原子力学会誌、28(1986)587.
- V. A. Kuzenetov: Thermionic Electrical Power Generation, Julich, Germany, 1 (1972) 365.

## 第2章 熱電子発電器の主要な物理現象

2.1 序 論

熱電子発電器は熱電子放出により熱エネルギーを電気エネルギーに変 換する装置である。本章では熱電子発電器における最も基本的な物理現 象、すなわち熱電子放出、表面電離、仕事関数などの電極の表面現象及 び電極間のセシウムプラズマの諸過程について述べる。また、熱電子発 電器の出力特性を支配する空間電荷中和度を紹介する。熱電子発電器の 出力を取り出すには熱電子放出が基本となるが、表面電離や体積電離に よる正イオンの生成も極めて重要であることを指摘する。

2.2 電極表面の諸現象

2.2.1 熱電子放出

温度を有する金属内の自由電子は金属内部で熱運動をしており、その エネルギー分布は、Fermi-Dirac 分布則<sup>1,2)</sup>にしたがうことが知られてい



図 2.1. 0(K)及び T(K)における金属中の自由電子のエネルギー分布

静岡大学大学院電子科学研究科

る。図 2.1 に Fermi-Dirac の分布を示す。

金属温度が十分低い場合( $T \rightarrow 0(K)$ )、自由電子は伝導体の最低の準位(E = 0)から、Fermi 準位( $E = E_F$ )と呼ばれるエネルギー準位までに分布している。金属が高温に加熱されると、 $E_F$ 付近のエネルギー分布が変化し、 $E_F$ 以上のエネルギーを持つ電子が増加することになる。この電子の一部が、金属と外部空間との境界面に存在するエネルギー障壁に打ち勝って金属の外部へ飛び出すことになる。これが熱電子放出現象である。この障壁ポテンシャルを  $E_i$ と表すと、これと Fermi 準位の差は金属の仕事関数 $\phi$ と呼ばれ、 $e\phi=E_i-E_F$ で与えられる。Fermi-Dirac のエネルギー分布則より、 $E \sim E + dE$ なるエネルギー帯域に存在する単位体積当たりの電子数は、以下のようになる:

$$f(E)dE = \frac{(4\pi/h^3)(2m_e)^{3/2}\sqrt{E}dE}{1 + \exp[(E - E_F)/kT]}$$
(2-1)

ここで、*m*。は電子の質量、*T* は金属の絶対温度、*h* は Planck プランク定 数、*k* は Boltzmann 定数である。(2-1)式から分かるように、*T*<sub>E</sub>=0 のとき、 f(*E*)は *E* < *E*<sub>F</sub> で *E*<sup>1/2</sup> に比例し、*E* ≥ *E*<sub>F</sub> では *f*(*E*)=0 となる。このため、*T*=0(K) の時は Fermi 準位 *E*<sub>F</sub>以上のエネルギーをもつ電子が存在しないことが判 る。高温になると、電子のエネルギーが Fermi 準位を超えることができ、 さらに、*E*<sub>1</sub> より高くなると電子が金属から飛び出すことができる。いま、 電子が金属に垂直方向のみに飛び出す場合に考えると、*E*<sub>1</sub> より大きいエ ネルギーを持つ電子、言いかえれば、x 方向に (2*E*<sub>1</sub>/*m*<sub>0</sub>)<sup>1/2</sup> 以上の速度を持 つ電子は金属から飛び出すことができる。金属面に垂直方向を x、これ に垂直方向を y、z とし、x、y、z に対応する電子の速度成分を *u*,*v*,*w* と 表わすと、式(2-1)の中の E は  $\frac{1}{2}m_{e}(u^{2}+v^{2}+w^{2})$ に書きかえることができる。 x 方向の速度成分が *u* と *u*+*du* の間にある電子の金属表面の単位面積及び 単位時間あたりの電子数は

$$uf(u)du = \frac{2m_{e}^{3}}{h^{3}}\exp(\frac{E_{F}}{kT})\int_{-\infty}^{\infty}dv\int_{-\infty}^{\infty}dw\exp\left[-\frac{m_{e}}{2kT}(u^{2}+v^{2}+w^{2})\right]udu$$
(2-2)

で与えられる。ここで、式(2-1)の分母の1は $E \ge E_i$ のとき $exp[(E - E_i)/kT_E)]$   $\gg$ 1となるので省略することができる。式(2-2)をuに関して( $2E_i/m_e$ )<sup>1/2</sup> $\le u < \infty$ にわたって積分し電子の電荷eを掛ければ、熱電子放出電流密度 $J_{eR}$ が得られる。すなわち、

$$J_{eR} = e \int_{\sqrt{2E_i/m_e}}^{\infty} uf(u) du = \frac{4\pi e m_e k^2}{h^3} T^2 \exp(-\frac{e\phi}{kT}) = AT^2 \exp(-\frac{e\phi}{kT})$$
(2-3)

となる。ここで、A は Richardson 定数と呼ばれる。これは導出者にちなんで Richardson-Dushmann の式と呼ばれる。この式からわかるように、 $J_{eR}$ は $\phi$ と T に依存する。 $\phi$ が大きくなると、 $J_{eR}$ が減少し、 $\phi$ が小さくなると、 $J_{eR}$ が増加する。また、 $J_{eR}$ の T 依存性については Richardson-Dushmann式(2-3)を変形し、 $\ln(J_{eR}/T^2)$ を 1/T の関数として表わすと比例関係にあることがわかる。 $e=1.6 \times 10^{-19}$ (C)、 $m_e=9.1 \times 10^{-31}$ (kg)、 $h=6.63 \times 10^{-34}$  (Js)、 $k=1.38 \times 10^{-23}$ (J/K)などを用いて

$$\ln(J_{eR}/T^2) = 13.9 - 1.16 \times 10^4 \phi/T \tag{2-4}$$

を得る。図 2.2 の直線は、式(2-4)の $\phi$ をパラメータとしてプロットしたもので Richardson 直線 <sup>3)</sup>と呼ばれ、1/Tに比例することがわかる。この直



図 2.2. 仕事関数をパラメータにした Richardson プロット

<u>11</u> 静岡大学大学院電子科学研究科

線を実験的に求めれば、金属の仕事関数を求めることができる。すなわ ち、様々な T について J<sub>eR</sub>を測定して、その結果を Richardson 直線の形 でプロットすれば、曲線の勾配から¢が求まる。しかし、多くの場合¢は T の1次関数となっていて、理論値からかけ離れる場合が多い。この原因 は金属表面が均一でないことと、T によって金属表面状態が変化するこ とあるいは金属表面に吸着されたガス等が影響していることなどが考え られる。また、金属の表面における反射、量子力学的トンネル効果、あ るいは金属表面における電場の影響などもあって、実際はもっと複雑に なる。

#### 2.2.2 表面電離

熱電子発電器の特性に重要な影響を及ぼす表面現象の一つは表面電離 である。熱電子放出により電極近傍に負の電荷を持つ電子が累積される 結果、負の空間電位が形成され、引き続く熱電子の放出が妨げられる。 このため、電離電圧が低いセシウムを発電器内に封入して、セシウムの 正イオンを生成することにより、負の空間電荷の中和が図られる。つま り、セシウムの正イオンが電極間領域の負の空間電荷を中和するからで ある。セシウムの電離機構としては、セシウムがその電離電圧よりも高 い仕事関数を持つ高温の金属に附着することによって生じる表面電離と 電極間で高エネルギー電子との衝突により引き起こされる体積電離が考 えられる。後者は後の節で述べるが、本節では表面電離について説明す る。

セシウムの電離電圧 V<sub>i</sub>は全元素の中で最も低く、V<sub>i</sub>=3.89eV である。 一方、発電器のエミッタ電極としてはその仕事関数 φ<sub>E</sub> が V<sub>i</sub>よりも高い金 属が使用される。タングステンでは φ<sub>E</sub>=4.6eV であり、これを高温に加熱 すると、仕事関数より高いエネルギーの電子は電極から放出されるが、 これよりエネルギーが低く、かつ V<sub>i</sub>より高いエネルギーを持つ電子がタ ングステン内部に存在している。この状況下でセシウム原子がタングス

12

#### 静岡大学大学院電子科学研究科

テンに附着すると、セシウム原子はそれらの電子からエネルギーもらう ことによって電離される。また、セシウム原子から離れた電子はタング ステン内部に吸収される。電離したセシウムイオンの一部は電極から離 れ、電極間空間に移動することにより負の空間電荷を中和する。

金属表面から流れ出るイオン流束を計算するにあたっては、金属表面 に到達したイオン及びセシウム原子がイオンとなって表面から離れ去る 確率 $\beta$ を知る必要である。ここで、金属面に入射するセシウム原子及び イオンが平均的に表面に十分長い時間滞在するものとすると、セシウム イオンの放出流束 $\Gamma_{i+}$ はセシウム原子の入射流束 $\Gamma_{a-}$ とセシウムイオンの入 射流束 $\Gamma_{i-}$ を用いて $\Gamma_{i+} = \beta$  ( $\Gamma_{i-} + \Gamma_{a-}$ )と表される。 $\beta$ は Langmuir-Saha の電 離確率と呼ばれ、(2-5)で与えられる。

$$\beta = \left[1 + 2\exp\frac{e(V_i - \phi)}{kT}\right]^{-1}$$
(2-5)

電離確率 $\beta$ と仕事関数 $\phi$ の関係<sup>4)</sup>を図 2.3 に示す。 図から $\phi=V_i$ の時 $\beta=1/3$ になることが判る。セシウム封入型熱電子発電器の場合はエミッタの仕事関数 $\phi_E$ はエミッタ温度  $T_E$ とセシウム蒸気温度  $T_{cs}$ の比で決まるため、





13 静岡大学大学院電子科学研究科

表面電離を十分行なうにはそれらの温度比の選択が必要になる。

#### 2.2.3 仕事関数

セシウムが高温の金属電極に附着すると表面電離だけではなく、電極の仕事関数を低下させる。セシウムのもう一つのすぐれた点はその仕事 関数が 1.69eV と極めて低いことである。



図 2.4. セシウムを吸着したタングステン仕事関数のセシウム 及びタングステン温度依存性

セシウムを附着した金属表面の見かけの仕事関数は、金属とセシウム 蒸気の温度によって異なる。金属の仕事関数は裸の仕事関数からセシウムの仕事関数まで低下するので<sup>5)</sup>、セシウムの仕事関数が低いことはコレクタの仕事関数を低下させるため、熱電子発電にとっては有利である。Taylor と Langmuir<sup>6)</sup> はセシウム蒸気中のタングステン線からの熱電子放出電流を測定したところ、タングステンの仕事関数が吸着ガスの量によって著しく変化する現象を発見した。図 2.4 は、タングステン表面にセシウムが吸着した時のタングステン仕事関数 $\phi_{wx}$ 、電極温度  $T_w$ とセシウム 蒸気 温度  $T_{cs}$ の比に対する 依存性である。この曲線の2.2<( $T_w/T_{cs}$ )<4.5の部分の $\phi_w$ は以下の式により近似的に算出できる。

$$\phi_{W} = -8.136 + 29.776 \frac{T_{W}}{T_{Cs}} - 31.145 \left(\frac{T_{W}}{T_{Cs}}\right)^{2} + 15.262 \left(\frac{T_{W}}{T_{Cs}}\right)^{3} - 3.811 \left(\frac{T_{W}}{T_{Cs}}\right)^{4} + 0.477 \left(\frac{T_{W}}{T_{Cs}}\right)^{5} - 0.024 \left(\frac{T_{W}}{T_{Cs}}\right)^{6}$$
(2-6)

 $T_{\rm w}/T_{\rm cs}$ が大きい場合は、タングステン表面にはセシウムがないので、 この場合の $\phi_{\rm w}$ はタングステンの仕事関数 4.6eV となる。また $\phi_{\rm w}$ =4.6eV 一定の下では、 $T_{\rm w}$ の低下とともに熱電子放出電流密度  $J_{\rm eR}$  も減少する。 これに対して  $T_{\rm w}/T_{\rm cs}$ が低いところではセシウムが金属表面に吸着するの で、 $\phi_{\rm w}$ は低下する。この結果、 $T_{\rm w}$ の低下による  $J_{\rm eR}$ の減少効果に比べて  $\phi_{\rm w}$ が小さくなることによる  $J_{\rm eR}$ の増大効果の方が大きくなる。したがっ て、表面が実質上セシウムで完全に覆われてしまって $\phi_{\rm w}$ が 1.69eV に落 ち着くまでの範囲では、 $T_{\rm w}$ が下がると逆に  $J_{\rm eR}$ が増大することになる。 以上のように、熱電子放出電流密度  $J_{\rm eR}$ は金属の仕事関数 $\phi_{\rm w}$ の変化によ り複雑に変化する。 $J_{\rm eR}$ の 1/ $T_{\rm w}$ の依存性を Richardson-Dushmannの式(2-3) を用いて算出してプロットすると、図 2.5 に示すようにいわゆる S 字曲 線と呼ばれる特性が得られる。



図 2.5. セシウム吸着タングステンからの熱電子放出

#### 2.3 発電器内プラズマの諸現象

前述したように、セシウムを電極間に封入すると、電極間ではセシウ ム原子と電子との衝突による電離、いわゆる体積電離が生じる。本節で セシウムの体積電離について述べる。

2.3.1 セシウム原子のエネルギー準位

セシウム原子のエネルギー準位及び各準位間のエネルギー差 <sup>7)</sup>を図 2.6 に示す。基底準位は 6S で、基底準位から電離準位までのエネルギー差 は 3.89eV である。基底準位と電離準位の間には 6P、5D、7S、7P、6D、 8S、8P などの多く励起準位がある。セシウムの励起と電離は電子との衝 突によるものと放射光によるものとに分類される。図には励起及び電離 に必要な照射光波長も合わせて表示されている。



図 2.6. セシウム原子のエネルギー準位図 7)

#### 2.3.2 衝突励起

セシウム原子が電子と衝突すると、電子の一部のエネルギーはセシウ ム原子に与えられ、後者が励起される。すなわち、

> <u>16</u> 静岡大学大学院電子科学研究科

$$Cs + e \rightarrow Cs^* + e$$
 (2-7)

このような衝突励起過程の確率は粒子間の衝突断面積と両者の相対速 度に比例する。また、衝突断面積は励起に必要なエネルギーに依存する。 励起準位が低いほど必要なエネルギーが低く、衝突断面積が大きくなり、 励起確率が高くなる。逆に、励起準位が高くなると、励起に必要なエネ ルギーが大きくなり、衝突断面積が小さくなり、励起確率も低くなる。 例えば、電子温度 T。が 2000Kの時、第一励起準位 6P に励起される確率 は 10<sup>-11</sup>(cm<sup>3</sup>/sec)であるが、7P 準位への励起の場合はこれと比べると、10<sup>-4</sup> 倍になり、10<sup>-15</sup>(cm<sup>3</sup>/sec)以下になる<sup>3)</sup>。このように、第一励起準位まで に必要な励起エネルギーが低いので、第一励起準位原子は最も支配的で あると思われる。励起準位までの非弾性衝突断面積の算出法には古典量 子力学の Thomson の理論<sup>9)</sup>、Grizinski の理論<sup>10)</sup>、及び Born の近似理論 がある。第一励起準位までの衝突励起断面積は低エネルギーの範囲(3eV 以下)では三つの理論計算値がよく合っている。本節では Thomson 理論 の衝突断面積の算出方法を利用して衝突断面積oを算出する。エネルギ ー準位 k から l までの衝突断面積は下のようになる:

$$\sigma_{kl} = \begin{cases} 0, & \frac{mv^2}{2} < E_l - E_k, \\ \frac{2\pi e^4}{mv^2} \left(\frac{1}{E_l - E_k} - \frac{2}{mv^2}\right), & E_l - E_k < \frac{mv^2}{2} < E_{l+1} - E_k, \\ \frac{2\pi e^4}{mv^2} \left(\frac{1}{E_l - E_k} - \frac{2}{E_{l+1} - E_k}\right), & E_{l+1} - E_k < \frac{mv^2}{2} \end{cases}$$

$$(2-8)$$

ここで、 $E_k$ 、 $E_l$ 、 $E_{l+1}$ は k、l、l+1準位のエネルギーで、vは電子の速度である。第一励起準位の場合には $E_k=0$ 、 $E_l=1.4eV$ 、 $E_{l+1}=1.83eV$ となる。

図 2.7 は  $E_{k}$ =1.4eV として  $E_{l}$ を変化して算出した電子とセシウム原子との衝突による 6P 励起準位までの衝突断面積 $\sigma_{ex}$ を示す。なお、本論文では特別な説明をしない限り、励起は第一励起準位であることを意味する。



図 2.7. 6P 励起準位まで衝突断面積

#### 2.3.3 衝突電離

セシウムプラズマ中では衝突電離機構として、電子と基底準位のセシ ウム原子との衝突による直接電離、励起原子との衝突による累積電離、 および励起原子間の衝突による分子状イオンの発生が考えられる。すな わち、

$$Cs + e \rightarrow Cs^+ + e + e \tag{2-9}$$

$$Cs^* + e \rightarrow Cs^+ + e + e \tag{2-10}$$

 $Cs^* + Cs^* \rightarrow Cs^*_2 \rightarrow Cs^+_2 + e \tag{2-11}$ 

ここで Cs、Cs\*、Cs<sub>2</sub>\*、Cs<sup>+</sup>および Cs<sub>2</sub><sup>+</sup>はそれぞれセシウムの基底準位の 原子、励起原子、励起分子、原子状イオン、分子状イオンを現わす。

式(2-9)の過程は高エネルギー電子と基底準位のセシウム原子との衝突 によるもので、必要なエネルギーは 3.89eV であり、衝突断面積は電子 エネルギーに依存する。ここで、励起衝突過程に使用した古典的な Thomson 理論を用いて衝突電離断面積を求める。Thomson 理論によると、 エネルギー準位 k からの衝突による電離断面積は以下の式になる:

$$\sigma_{kion} = \begin{cases} 0, & E_{ion} - E_k > \frac{mv^2}{2}, \\ \frac{2\pi e^4}{mv^2} \left( \frac{1}{E_{ion} - E_k} - \frac{2}{mv^2} \right), & E_{ion} - E_k < \frac{mv^2}{2}, \end{cases}$$
(2-12)

図 2.8 は上式を使って算出した基底準位(*E*<sub>k</sub>=0)からの衝突電離断面積の電子エネルギー依存性を示す。



図 2.8. 基底状態からの衝突電離断面積の電子エネルギー依存性

式(2-10)の過程は各励起準位からの電離過程が含まれており、必要な エネルギーは高い励起準位から第一励起準位まで増加していく。前節に 述べたように、励起原子は主に第一励起準位原子が支配的であるので、 ここでも第一励起準位のみの原子が式(2-10)の過程により電離すること を仮定すると、電離に必要なエネルギーは 2.5eV となる。また衝突断面 積も Thomson 理論によって求めることができる。

次に式(2-12)の過程による分子状イオンの発生に関しては、電離のた めの余分なエネルギーをほとんど必要としない<sup>11,12)</sup>。何故ならば、二つ の第一励起準位のセシウム原子はあわせて 1.4eV+1.4eV=2.8eV の励起エ ネルギーを持ち、かつセシウム分子から二つセシウム原子への解離エネ ルギーは 0.45eV であり、それらのエネルギーの和は分子状イオンの生 成に必要なエネルギー 3.2eV より大きいからである。しかし、熱電子発電器における実験で質量分析器による測定結果によると、セシウム圧力が 1Torr 以上で電子のエネルギーが低い時を除けば、分子状イオンは原子状イオンと比べて無視できることも報告されている<sup>13)</sup>。

2.3.4 脱励起

励起原子の関わる過程として、電子との衝突により基底準位へもどる 脱励起、光の放射により低いエネルギー状態へ遷移する放射脱励起、励 起状態からの電離による消滅が考えられる。このうち励起からの電離は 前節で述べた。

電子との衝突による逆励起と自然減衰は下の式で与えられる。

$$Cs^* + e \rightarrow Cs + e$$

$$Cs^* \rightarrow Cs + hv$$

$$(2-13)$$

$$(2-14)$$

式(2-13)は電子との衝突によって、励起原子が励起準位から基底準位へ 戻り、失うエネルギーが電子を加速する。また、式(2-14)は励起原子が 自らの光放射により基底準位へ戻る。h はプランク定数であり、vは放射 脱励起によって放射された光の振動数で、励起準位と基底準位のエネル ギー差により決まる。

#### 2.3.5 再結合

イオンが電子と結合して中性粒子に戻る過程は再結合と呼ばれる。再結合<sup>14)</sup>としては、

 $Cs^+ + e \rightarrow Cs + hv$ 

二電子三体再結合:  $Cs^+$  + e + e → Cs + e ,

$$Cs^+ + e + e \rightarrow Cs^* + e ; \qquad (2-15)$$

放射再結合:

$$Cs^+ + e^- \rightarrow Cs^* + h\nu;$$
 (2-16)

及び解離再結合:  $Cs_{2}^{+}$  +  $e \rightarrow Cs + Cs + hv$ ,

$$Cs_{2}^{+} + e \rightarrow Cs^{*} + Cs + h\nu,$$

$$Cs_{2}^{+} + e \rightarrow Cs^{*} + Cs^{*} + h\nu,$$
(2-17)

が考えられる。

二電子三体再結合係数は熱平衡状態における詳細釣合の原理を利用す ることにより衝突電離断面積を次のようにして求めることができる。即 ち、熱平衡状態では式(2-15)の反応がバランスするので、あるエネルギ ー準位にある原子と電子との衝突により電離する割合と、二つの電子と イオンとの衝突によりそのエネルギー状態の原子を発生する割合とが等 しくなる。再結合係数に関しては Norcross と Stone<sup>15)</sup>の論文に詳しい記 述がある。

放射再結合では再結合により光子が放射される。この光が中性原子に 吸収されると、再びこれを励起させることができる。しかし、一般的に は放射再結合係数は二電子三体再結合係数より非常に小さいので、解析 する時には無視することができる。

式(2-17)の解離再結合は解離により二つの中性原子、一つの励起原子 と一つの中性原子或いは二つの励起原子が生成される場合が考えられ る。解離再結合係数は前述の二つ再結合係数と比べ大きな数値を持つ が、セシウムの圧力範囲とプラズマ中のセシウム分子状イオンの数によ って決まる。

2.3.6 拡散

電子及びイオンの衝突が多いセシウム圧力の高い場合には拡散現象を 理解する必要がある。点火モードはこの場合に該当する。荷電粒子の損 失では再結合の他に、半径方向および軸方向への拡散による損失がある。 プラズマ密度が高い時には電子とイオンの拡散は両極性拡散となる。い ま電子とイオン密度が等しい容器を考える。電子はイオンよりもずっと 速く壁に向かって拡散するので、正の電荷が残される。このため空間電 荷電界が電子を減速させイオンを加速する方向に発生する。デバイ長λ<sub>p</sub> が容器の寸法Lよりも小さいときにイオンはその周辺に電子をもち得て、 電子とイオンが一体となって拡散するが、反対にλ<sub>D</sub>>L となると、イオン と電子はそれぞれ無関係に拡散する。λ<sub>D</sub>∞(T/n)<sup>1/2</sup> であるからプラズマ密 度が高いほど両極性拡散になりやすい。

電子の平均自由行程λ。が L に比べて小さいとして、拡散と電界による 移動の両者を考慮すると、単位時間あたり単位面積を通過するイオンと 電子の流束はそれぞれ

$$\Gamma_i = n_i v_i = -D_i \nabla n_i + \mu_i nE \tag{2-18}$$

$$\Gamma_e = n_e v_e = -D_e \nabla n_e - \mu_e nE \tag{2-19}$$

となる。ここでµ。とµiは電子とイオンの移動度、D。と Diはそれぞれ電子とイオンの拡散係数である。これらの係数は以下のように定義される。

<u>e</u>	<u> </u>
$\mu_e = \frac{1}{m_e V_e}$	$\mu_i - M \nu_i$
$D_e = \frac{kT_e}{m_e v_e}$	$D_i = \frac{kT_i}{M\nu_i}$

ここで、 $v_e \ge v_i$  はそれぞれ電子とセシウム原子及びセシウムイオンとセシウム原子との衝突周波数である。 $\mu_e$  は電場の強い場所では電場に依存することが知られているが、通常プラズマ中では $\mu_e \ge \mu_i$  は定数として扱うことができる。また、プラズマでは  $n_i=n_e=n$ 、及び $\Gamma_i=\Gamma_e=\Gamma$ の関係が成立する。このことは両極性拡散によって単位時間に単位面積を通過して電子とイオンが同じ数だけ運ばれることを意味し、 $v_e=v_i$  となる。上の2式から *E* を消去すると荷電粒子の拡散流束は次の式で与えられる。

$$\Gamma = -D_a \nabla n \tag{2-20}$$

ここで D<sub>a</sub>は両極性拡散係数と呼ばれ、

$$D_a = \frac{\mu_i D_e + \mu_e D_i}{\mu_i + \mu_e} \tag{2-21}$$

で与えられる。

以上、電極間のプラズマの生成及び消滅過程を簡単にまとめたが、実

#### 静岡大学大学院電子科学研究科

際の電極間プラズマではこれらの反応過程が複雑にからんで生じて、三 次元でモデル化することが困難である。熱電子発電器内の物理現象を理 解するには、主要な反応過程に絞って現象を把握すれば、ある程度解析 可能なモデルを立てることができる場合も存在する。

#### 2.4 空間電荷中和度と空間電位分布

発電器内に生成される負の空間電荷はその出力を大きく制限する。本節では表面電離により生成されるセシウムイオンがエミッタ近傍の空間電荷を中和する様子を T<sub>E</sub>と T<sub>cs</sub>の依存性として分析し、空間電位との関係を述べる。

まず、エミッタ近傍に存在する熱電子と表面電離により生成されたイ オンの量を考察する。高温エミッタからの熱電子流東Γ<sub>eR</sub>と表面電離に より生成されるイオン流東Γ<sub>iL</sub>は以下に示す Richardson-Dushmann の式と Langmuir-Saha の式で与えられる。

$$\Gamma_{eR} = \frac{4\pi m_e k^2}{h^3} T_E^2 \exp\left(\frac{-e\phi_E}{kT_E}\right)$$
(2-22)

$$\Gamma_{\rm iL} = \frac{P_{\rm Cs}}{\left(2\pi M k T_{\rm Cs}\right)^{1/2} \left\{1 + 2\exp\left[\frac{e(V_{\rm i} - \phi_{\rm E})}{k T_{\rm E}}\right]\right\}}$$
(2-23)

ここで、添字 E はエミッタに関係するパラメータを意味し、P<sub>c</sub>。はセシ ウム蒸気圧で T<sub>cs</sub>の関数である。

$$P_{Cs} = 7.5 \times 10^{6} \exp\left(\frac{-0.75e}{kT_{Cs}}\right)$$
(2-24)

エミッタ直前のイオン密度と電子密度を n<sub>i</sub> 及び n<sub>e</sub> とすると、空間電荷中和度αは

$$\alpha = \frac{n_{\rm iE}}{n_{\rm eE}} = \sqrt{\frac{M}{m}} \frac{\Gamma_{\rm iL}}{\Gamma_{\rm eR}}$$
(2-25)

により定義される。

23 静岡大学大学院電子科学研究科



図 2.9. 空間電荷中和度α とエミッタ温度 T<sub>π</sub>

式(2-22)~(2-24)を使って、 $T_{\rm E}$ に対する空間電荷中和度 $\alpha$ の計算値を $T_{\rm cs}$ をパラメータとして図 2.9 に示す。セシウムの体積電離が無視できる場合、セシウムイオンはエミッタ電極表面での表面電離によって生成される。 $T_{\rm E}$ が低い時は、 $n_{\rm eE} \gg n_{\rm iE}$ であり、 $\alpha \ll 1$ となる。しかし、 $T_{\rm E}$ の上昇に伴ってエミッタ表面へのセシウム附着量が減少して $\phi_{\rm E}$ が低下してくると、熱電子流束がS字曲線に沿って変化する。このため、 $\alpha$ もS字曲線の変化と対応して変化する様子が図 2.9 から判る。S字曲線がピークとなる条件の下では $\Gamma_{\rm eR}$ が大きいため、 $\alpha$ が小さくなり、S字曲線の谷のところでは逆に $\alpha$ が最大となる。しかし、 $T_{\rm E}$ が上昇すると、 $\Gamma_{\rm iL}$ も同時に変化する。このため、 $\alpha$ の変化を正確に理解するには熱電子放出と表面電離の両方を考慮しなければならない。

上図をもっと分かりやすいように、 $\alpha = 1$ の条件を満たす  $T_{\rm E}$ と  $T_{\rm cs}$ の関係を  $T_{\rm E}$ - $T_{\rm cs}$ の平面にプロットすると、図 2.10 になる <sup>16-18)</sup>。この図を見ると、 $\alpha = 1$ の2本の線で平面が3つの領域に分けられることが判る。 $T_{\rm E}$ の低い領域では $\phi_{\rm E}$  が低いので、セシウムの表面電離が不充分であるが熱電子放出は多いため $\alpha < 1$ となり、エミッタ直前で電子が過剰になる。 $T_{\rm E}$ を高くすると、表面のセシウムが部分的に蒸発されて $\phi_{\rm E}$  が高くなり、熱電



図 2.10. T<sub>E</sub>と T<sub>Cs</sub> 平面上の空間電荷中和度

子放出が低下する。同時に、表面電離が増加してイオン密度が増大する。 このため、α>1 となり、エミッタ近傍でイオンが過剰になる。さらに、 *T*<sub>E</sub> が上がると、*T*<sub>cs</sub> の低い場合にはエミッタ表面に流入するセシウム原 子流束が少なく、表面電離で生成されるイオンが制限される。この時φ<sub>E</sub> はエミッタの裸の仕事関数と等しくなるが、エミッタが高温のため、多 量の熱電子放出が可能である。結果として、α<1 となる。一方、*T*<sub>cs</sub> が 高いところでは一部のセシウムがエミッタ表面にまだ残っており、高温 電極での表面電離により生成されるイオン数が、仕事関数の高い電極か ら放出される熱電子数に比べて多いので、α>1となる。

空間電荷中和度αは電極間の空間電位分布に大きな影響を与える。図 2.11 に示すように、α<1のときにはエミッタ近傍では電子が過剰のた め、電子シースが形成され、空間電位 V<sub>s</sub>の最小値はエミッタ電位よりも 低くなる。逆に、α>1の時はエミッタ直前ではイオン過剰になり、イ オンシースが形成され、V<sub>s</sub>はエミッタ電位より高くなる。α=1の場合 ではエミッタ近傍で電子とイオンの数が等しいので、ポアソンの式より、 エミッタ近傍の電界は一定となる。ただし、以上の説明は電極の間隔が 平均自由行程より小さいものと仮定し、電極間における荷電粒子の衝突



図 2.11. 空間電荷中和度の空間電位分布への影響

は考慮していない。

#### 2.5 結 論

本章では熱電子発電器における主な物理現象について述べた。電極の 表面現象については高温金属表面の熱電子放出、セシウム封入型熱電子 発電器では表面電離や電極の仕事関数の変化などを述べた。電極間での プラズマの発生及び消滅過程については衝突励起、衝突電離、脱励起、 再結合、拡散などを紹介した。また、熱電子発電器の出力特性を左右す る重要なパラメターである空間電荷中和度αの定義について述べ、さら にαの大きさによって電極間の空間電位分布が変化する様子を概念的に 説明した。 第2章の参考文献

- 1. Born: Atomic physics, Hafner Publishing Company, Inc., New York, 1957.
- G. W. Sutton: Direct energy Conversion (McGraw. Hill Book Company, Inc., New York),
   (秋山 守、柳沢一郎共訳 直接エネルギー変換、好学社)、(1968).
- J. H. Ingold: "Thermionic Properties of Some Refractory Metal Carbides", J. Appl. Phys., 34 (1963) 2033.
- J. M. Houston and H. F.Webster: Thermionic energy Conversion, Advance in Electronics, Vol. 17, Academic Press Inc., New York, 1962.
- N. S. Rasor and C. Warner: "Correlation of emission Processes for Adsorbed Alkali Films on Metal Surface", J. Appl. Phys., 35 (1964) 2589.
- 6. J. B. Taylor and I. Langmuir: "The Evaporation of Atoms, Ions and Electrons from Cesium Films on Tungsten", Phys. Rev., 44 (1933) 423.
- 7. Y. A. Dunave et al: "Low-Voltage Arc in Cesium Vapors", Soviet Physics-Technical Phys., 11 (1966) 395.
- 4. 山田 淳: "*非平衡セシウムプラズマの輸送現象に関する研究*"、名古屋大学博士 論文、1973.
- 9. J. J. Thomson: Phil. Mag., 23 (1912) 449.
- M. Gryzinski: "Classical Theory of Electronic and Ionic Inelastic Collisions", Phys. Rev., 115 (1959) 374, "Two-Particle Collisions. II. Coulomb Collisions in the Laboratory System of Coordinates", 138A, (1965), 322; N. S. Rasor: "Thermionic Energy Conversion Plasma", IEEE Trans. Plasma Sci., 19 (1991) 1191.
- F. G. Baksht, G. A. Dyuzhev, A. M. Martsinovskiy, B. Ya. Moyzhes, G. Ye. Pikus, E. B. Sonin, and V. G. Yur'yev: *Thermionic Converters and Low Temperature Plasma*, Academy of Science of the USSR, Eng. Ed. by L. K. Hansen, pub. National Technical Information Service/U.S. Depart. of Energy, 1978.
- 12. M. D. Gibbons: "Exploratory Energy Conversion Study of Photo Thermionics", Proc. of Thermionic Conversion Specialist Conference, Gattinburg, Tenn., USA, Oct. 1963, p.103.

- 13. H. L. Witting: "Mass-Spectrometer Analysis of a Cesium Plasma", J. Appl. Phys., 40 (1969) 236.
- 14. J. Yamada and Takahashi Okuda: "Production and Physical Properties of Cesium Plasma by Resonance Absorption", J. of the Phys. Society of Japan, **35** (1973) 881.
- D. W. Norcross and P. M. Stone: "Recombination, Radiative Energy Loss and Level Populations in Non-equilibrium Cesium Discharge", J. Quant. Spectrosc. Radiat. Transfer, 8 (1968) 655.
- 鄭偉、荻野明久、神藤正士: "Experimental Study on Ignited Mode of Large-gap TEC with Xenon Lamp Irradiation", 1997年日本傾斜機能材料学会第9回傾斜材料シンポジ ウム、大阪大学、(1997年9月)、講演要旨集、p.6.
- 17. 鄭偉、荻野明久、神藤正士: "Ignited mode study for a large-gap thermionic energy converter with xenon lamp irradiation", 1997 年秋季第 58 回応用物理学会学術講演 会、秋田大学、(1997 年 10 月)、講演番号 2aSS19.
- 18. 鄭偉、荻野明久、神藤正士: "Photoexcitation and Photoionization of Irradiated Large-gap Thermionic Energy Converter by Xenon Lamp", Proceedings of 4<sup>th</sup> International Conference on Reactive Plasma and 16<sup>th</sup> symposium on Plasma Processing, Hawaii USA Oct., 1998 p.77.
## 第3章 熱電子発電器の動作モード

#### 3.1 序 論

第 2 章では熱電子発電器内で生じる物理現象を述べたが、本章では熱 電子発電器の動作モードについて述べる。前章で述べたように高出力を 得るためには、熱電子により生成された負の空間電荷を中和する必要が ある。中和する方法にはエミッタ上での表面電離或いは電極間の体積電 離で生じたセシウムイオンを利用する。熱電子発電器の動作モードは支 配的な電離機構によって決められる。すなわち、表面電離で主に正イオ ンが生成される動作を非点火モード、電極間での体積電離が支配的なそ れが点火モードである。体積電離により生じたセシウムイオンが空間電 荷の緩和に最も有効であり、出力電流が著しく増加する。このため、現 在では点火モード動作が最も多く研究されている<sup>1-4</sup>。

図 3.1 はセシウム封入型熱電子発電器の基本構造である。発電器内に 封入されたセシウム原子の電離によって、正のイオンを発生させ、空間 電荷の中和を行う。



図 3.1. セシウム封入型熱電子発電器の基本構造

29 静岡大学大学院電子科学研究科 本章では理想モード熱電子発電器、低圧及び高圧のセシウム封入型熱 電子発電器を紹介する。

### 3.2 理想モード熱電子発電器

熱電子発電器は熱電子放出現象を利用して、エミッタから放出された 熱電子がこれと対向して設置されたコレクタ電極に捕集され、両電極を つなぐ外部回路を経由して元のエミッタに戻る過程で電気的な仕事をす る。ここでは、空間電位の影響や粒子間の衝突など、熱電子のコレクタ への流れを阻害する要因をすべて無視した理想的な動作モードである "理想モード"<sup>2-5)</sup>の出力特性を述べる。図 3.2 は理想動作モードにおけ る電極間の空間電位分布図であり、モーティブ図と呼ばれる。外部への 出力電圧は V<sub>o</sub>で、コレクタの仕事関数をφ<sub>c</sub>で表している。モーティブ 図は横軸に電極間の位置を、縦軸には電位をとって上向きを正とし、発 電器内での電子の循環をエネルギー的に分かりやすく表示した図であ る。この図から明らかなように、出力電圧 V<sub>o</sub>がエミッタとコレクタの仕 事関数の差より低い場合、すなわち V<sub>o</sub>≤φ<sub>E</sub> - φ<sub>c</sub>の場合にエミッタから放 出された熱電子は全てコレクタに到着できるから、出力電流密度は Richardson-Dushmannの式で与えられる J<sub>eB</sub>に等しくなる。また、V<sub>o</sub>≥φ<sub>E</sub>-φ<sub>c</sub>



図 3.2. 理想モード動作熱電子発電器のモーティブ図

30 静岡大学大学院電子科学研究科 となると、コレクタ電位はエミッタ電位より低くなるため、低エネルギ ー電子はコレクタには到達できず出力電流密度 J。は低下して

$$J_{o} = J_{eR} \exp[-\frac{e}{kT_{E}}(V_{o} - (\phi_{E} - \phi_{C}))]$$
(3-1)

となる。図 3.3 に理想モード動作発電器の出力特性を示す。理想モード動作では  $V_{o}=\phi_{E}-\phi_{C}$ のとき最大出力となり、最大出力密度  $P_{m}$ は  $J_{eR}(\phi_{E}-\phi_{C})$ となる。

しかしながら、エミッタの近傍に負の空間電位が形成されると、この 負の空間電位は熱電子のコレクタへの流れを妨げ、出力電流が低下す る。T<sub>E</sub>を上げることによって熱電子放出量を増大できるが、同時に負の 空間電位も大きくなる。このため、放出された熱電子の多くが電極に戻 され、極く一部の高エネルギーを持つ電子のみがコレクタに到着して、 出力電流となる。

次にセシウムが封入されていない真空型熱電子発電器の特徴に関する



図 3.3. 理想モード動作熱電子発電器の出力特性



図 3.4. 真空型熱電子発電器のモティーブ図

Langmuir の理論を紹介する。この型の発電器では正イオンが存在しない ため、負の空間電位を緩和するには電極間距離を短縮することが重要と なる。Richardson は真空中の熱電子放出現象について理論的な解析<sup>9)</sup>を 行ったが、その後、Langmuir は熱電子が Maxwell 速度分布をしていると 仮定して、発電器特性を解析した。エミッタから放出された熱電子は、 両電極間で電子相互の衝突を無視できれば、その運動は Vlasov 方程式で 記述される。u を電子の速度、f を電子の速度分布関数、V を空間電位と すると一次元の Vlasov 方程式は次の式で与えられる。

$$u\frac{\partial f}{\partial x} + \frac{e}{m_e} \cdot \frac{dV}{dx} \cdot \frac{\partial f}{\partial u} = 0$$
(3-2)

ここで、一次元モデルを仮定しているが、これは電極間の距離が著しく 狭いために十分に成立する。式(3-2)は変数 x と u とについて変数分離が 可能であり、一般解は

$$f(x,u) = \sum_{k=0}^{\infty} A_k \exp\{B_k [\frac{eV(x)}{m_e} - \frac{1}{2}u^2]\}$$
(3-3)

で与えられる<sup>10</sup>。係数A<sub>k</sub>、B<sub>k</sub>はfに対する境界条件より定まる定数係数



である。エミッタからコレクタに流れる電流密度は $J = e \int_{-\infty}^{+\infty} uf(x,u) du$ で与 えられるが、式(3-3)を用いて仮に速度 u を-∞から∞まで積分すると、J=0となる。これは正味の出力電流のある事実とは一致しない。この相違の 生じる理由は Maxwell 分布関数の拡がりが実際にはどこかで打ち切られ ているからであると考えられる。Langmuir は電子の速度分布がある速度 領域で零となる形の Maxwell 分布を仮定した。この仮定の根拠は、出力 電流が Richardson-Dashmann の式で与えられる飽和電子電流密度よりも 少なくなることにある。図 3.4 に示されるように電極間に電位の極小が 生じると、エネルギーの低い電子はここで跳ね返されてエミッタに戻る ために、速度分布は

$$f(x,u) = A_0 \exp\{B_0[\frac{eV(x)}{m_e} - \frac{1}{2}u^2]\}, \qquad u \ge \pm u_1 + :x > x_m - :x < x_m$$
(3-4)  
$$f(x,u) = 0, \qquad u < \pm u_1 + :x > x_m - :x < x_m$$

となる。ここで

$$A_{0} = 2n_{m} \left(\frac{m_{e}}{2\pi k T_{E}}\right)^{1/2} \exp\left(-\frac{eV_{m}}{k T_{E}}\right),$$

$$B_{0} = \frac{m_{e}}{k T_{E}},$$

$$u_{l} = \left\{\frac{2e}{m_{e}}[V(x) - V_{m}]\right\}^{1/2}.$$
(3-5)

また、n<sub>m</sub>は空間電位極小の点における電子密度、x<sub>m</sub>は空間電位極小点の 位置、V<sub>m</sub>は空間電位の極小値である。

エミッタから放出される熱電子電流密度 J<sub>er</sub> は式(3-4)を用いて次のように求められる。

$$J_{eR} = e \int_0^\infty u f(x, u) du = e n_m \left(\frac{2kT_E}{\pi m_e}\right)^{1/2} \exp\left(-\frac{eV_m}{kT_E}\right)$$
(3-6)

### 静岡大学大学院電子科学研究科

また出力電流密度 J。は同様に次の式で与えられる。

$$J_{o} = e \int_{-u_{l}}^{\infty} u f(x, u) du = e n_{m} \left(\frac{2kT_{E}}{\pi m_{e}}\right)^{1/2} = J_{eR} \exp\left(\frac{eV_{m}}{kT_{E}}\right)$$
(3-7)

図 3.5 に出力電流密度 J<sub>o</sub>と速度分布関数 f(0,u)の形状を示す。図 3.5 で u<0 に存在する電子が V<sub>m</sub> で跳ね返された電子をあらわし、これによって出 力電流密度 J<sub>o</sub>が低下する様子が判る。



図 3.5. 出力電流密度 $J_{\rm o}$ と速度分布関数f(u)の関係 $J_{\rm eR}$ =2(A/cm<sup>2</sup>),  $T_{\rm E}$ =1160K

一方、電子密度の空間分布は速度分布関数 f(x,u)を積分することによって、算出できる。

$$n_{e}(x) = \int_{u_{l}}^{\infty} f(x, u) du = n_{m} e^{\psi} \left(1 \pm erf \sqrt{\psi}\right) \qquad (+ : x < x_{m}, - : x > x_{m}) \qquad (3-8)$$

ただし

$$\psi = \frac{e(V(x) - V_m)}{kT_E} \tag{3-9}$$

また、  $erf\sqrt{\psi}$ は正規誤差関数であり、  $erf\sqrt{\psi} = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \int_{0}^{\sqrt{\psi}} e^{-t^2} dt$ で定義される。

電位分布は Poisson の式 
$$\frac{d^2V}{dx^2} = \frac{en_e(x)}{\epsilon_0}$$
を解くことにより求まる。ここで、

式(3-9)を用いて Vの無次元化量 $\psi$ と xの無次元化量 $\xi$ を使うと、次のように変形される。

$$2\frac{d^2\psi}{d\xi^2} = e^{\psi}(1 \pm \operatorname{erf}\sqrt{\psi}) \qquad \pm :\xi \leq 0 \qquad (3-10)$$

ただし、

$$\xi = \left(\frac{2e^2n_m}{kT_E\varepsilon_0}\right)^{1/2}(x-x_m) = \left(2\pi m_e\right)^{1/4}\left(kT_E\right)^{-3/4}\left(\frac{-eJ_o}{\varepsilon_0}\right)^{1/2}(x-x_m)$$
(3-11)

である。式(3-10)をらに関して一回積分すると、

$$\left(\frac{d\psi}{d\xi}\right)^2 = e^{\psi} - 1 + e^{\psi} \operatorname{erf} \sqrt{\psi} - 2\left(\frac{\psi}{\pi}\right) \qquad \xi < 0$$
$$\left(\frac{d\psi}{d\xi}\right)^2 = e^{\psi} - 1 - e^{\psi} \operatorname{erf} \sqrt{\psi} + 2\left(\frac{\psi}{\pi}\right) \qquad \xi > 0$$

したがって

$$\xi = -\int_0^{\psi} \frac{dt}{\left[e^t - 1 + e^t \operatorname{erf} \sqrt{t} - 2(t/\pi)^{1/2}\right]^{1/2}} \qquad \xi < 0 \tag{3-12a}$$

$$\xi = \int_0^{\psi} \frac{dt}{\left[e^t - 1 - e^t \operatorname{erf} \sqrt{t} + 2(t/\pi)^{1/2}\right]^{1/2}} \qquad \xi > 0 \qquad (3-12b)$$

を得る。式 (3-12a) 及び(3-12b)を数値積分をすると、図 3.6 に示すよう なψと ξの関係が求まる。

 $T_{\rm E}$ 、 $\phi_{\rm E}$ 、 $\phi_{\rm C}$ 及び電極間距離 d が与えられた場合の真空型熱電子発電器の電流 – 電圧特性はこの図を用いて次のようにして求めることができる。先ず始めに式(2-3)の Richardson-Dushmannの式から  $J_{\rm eR}$ を算出し、 $J_{\rm eR}$ を与えて、式(3-7)から  $V_{\rm m}$ を計算する。この  $V_{\rm m}$ を式(3-9)に代入し V(0)=0とおいてエミッタ無次元電位 $\psi_{\rm E}=-eV_{\rm m}/kT_{\rm E}$ を求める。図 3.6 から $\psi_{\rm E}$ に対応



図 3.7. 真空型熱電子発電器出力特性の電極間距離 d 依存性  $\phi_{\rm E}$ =1.82V,  $\phi_{\rm C}$ =1.32V,  $T_{\rm E}$ =1160K,  $J_{\rm eR}$ =2A/cm<sup>2</sup>

する無次元エミッタ座標 ξ<sub>E</sub>が決まる。式(3-11)に、x=0 と ξ<sub>E</sub>=0 を代入す れば x<sub>m</sub>が求まる。次に式(3-11)に x=d を代入してコレクタの ξ<sub>c</sub>を算出 し、図 3.6 から $\psi_c$ を求める。式(3-9)を用いて $\psi_c$ からコレクタ電位  $V_c$ を 算出することができる。出力電圧は  $V_o = \phi_E - \phi_c - V_c$ の関係で算出できる。 図 3.7 はこのようにして求めた真空型熱電子発電器の電流電圧特性を電 極間距離 d をパラメータとして示したものである。d を非常に小さくす ると  $J_o$ が増大していく様子が判る。しかしながら、数 $\mu$ m の d を実際に 実現することは非常に難しく、また発電器の運転中にその距離を保つこ とはさらに困難な問題である。

### 3.3 セシウム封入型熱電子発電器

真空型熱電子発電器に見られるような極端に短い電極距離では、発電器の製造はもとよりメンテナンスも困難であるので、高出力を得るためには他の方法を探す必要がある。Wilson et al<sup>11)</sup>は電極間に正イオンを供給することによって負の空間電荷の中和を図ることを 1950 年代に提案した。この場合、正イオンは表面電離または体積電離により作り出すことができる。多量の正イオンを生成するには電離電圧が低い気体が必要であり、前述したようにセシウムが用いられる。セシウムのもう一つのすぐれた点は仕事関数が 1.69eV と比較的低いことである。

### 3.3.1 低圧型熱電子発電器

熱電子発電器内のセシウム圧力  $P_{cs}$ はセシウム蒸気温度  $T_{cs}$ で決まる。 Taylor と Langmuir<sup>12)</sup>は  $P_{cs}$ と  $T_{cs}$ の関係を実験によって求めた。図 3.8 は $P_{cs}$ と  $T_{cs}$ との関係であり、両者の関係は式(2-24)で与えられる。

低圧型熱電子発電器は圧力が低いため、電子とセシウム原子の衝突を 無視でき、電離は表面電離のみを考慮すれば良い。ここでは、熱電子が 過剰のため空間電位が x=xm に極小値を有する場合の電位分布に話を限定 し、解析の要点を紹介する。先ず、電子及びイオンの速度分布関数を f<sub>e</sub> 及び f<sub>i</sub>とし、粒子間衝突のない場合の Vlasov 方程式を用いる。



図 3.8. セシウム蒸気圧 P<sub>Cs</sub>とセシウム蒸気温度 T<sub>Cs</sub>の関係

$$u_{e} \frac{\partial f_{e}}{\partial x} + \frac{e}{m_{e}} \cdot \frac{dV}{dx} \cdot \frac{\partial f_{e}}{\partial u_{e}} = 0$$
$$u_{i} \frac{\partial f_{i}}{\partial x} - \frac{e}{M} \cdot \frac{dV}{dx} \cdot \frac{\partial f_{i}}{\partial u_{i}} = 0$$

また、解析には Poisson の式

$$\frac{d^2 V}{dx^2} = -\frac{e}{\varepsilon_0} (n_i - n_e)$$

が加わる。

電極間空間の位置 x における電子及びイオンの密度は速度分布関数を 積分することによって与えられる。

$$n_{e}(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} f_{e}(u_{e}, x) du_{e}$$
$$n_{i}(x) = \int_{-\infty}^{+\infty} f_{i}(u_{i}, x) du_{i}$$

さらに、電子もイオンもエミッタから跳び出るときは Maxwell 速度分布 に従うものと仮定すると、真空型熱電子発電器の場合と同様の方法で、 エミッタから放出される熱電子電流密度 J<sub>e</sub>R と出力電流密度 J<sub>o</sub>が導出さ れる。

$$J_{eR} = e \int_{0}^{\infty} u f_{e}(u) du = e n_{m} \left(\frac{2kT_{E}}{\pi m}\right)^{1/2} \exp\left(-\frac{eV_{m}}{kT_{E}}\right)$$
$$J_{o} = e \int_{-\infty}^{\infty} u f_{e}(u) du = e n_{m} \left(\frac{2kT_{E}}{\pi m}\right)^{1/2} = J_{eR} \exp\left(\frac{eV_{m}}{kT_{E}}\right)$$

また、イオンの速度分布関数はコレクタとエミッタの間の電位分布に より決定される。いま図 3.4 のような電位分布を仮定し、 $V_c>0$  と  $V_c\leq0$ に分けて取り扱う。なお、簡単のためにエミッタ電圧を 0 とおく。イオ ンの速度分布関数  $f_i$ は、電子の場合と同様にして電位障壁での反射を考 慮することにより定めることができる。ここでは結果のみを表示する と、 $V_c\leq0$ に対しては

$$f_i(x,u) = 2n_{iE} \exp\left(-\frac{eV}{kT_E}\right) \left(\frac{M}{2\pi kT_E}\right)^{1/2} \exp\left(-\frac{Mu^2}{2kT_E}\right) \qquad u \ge u_{il}$$
  
$$f_i(x,u) = 0 \qquad \qquad u < u_{il}$$

V<sub>c</sub>>0 に対しては

$$f_i(x,u) = 2n_{iE} \left[ 1 + erf\left(\frac{eV_C}{kT_E}\right)^{1/2} \right]^{-1} \exp\left(-\frac{eV}{kT_E}\right) \left(\frac{M}{2\pi kT_E}\right)^{1/2} \exp\left(-\frac{Mu^2}{2kT_E}\right) \qquad u \ge -u_{iC}$$
  
$$f_i(x,u) = 0 \qquad \qquad u < -u_{iC}$$

である。ただし、

$$u_{il} = \left(-\frac{2eV}{M}\right)^{1/2}, \qquad u_{ic} = \left[\frac{2e(V_c - V)}{M}\right]^{1/2}$$

 $n_{iE}$ はエミッタでのイオン密度である。イオン流束  $J_{iL}$ は上記の  $f_i$ を用いて

$$\begin{split} J_{iLs} &= en_{iE} \left(\frac{2kT_E}{\pi M}\right)^{1/2} \qquad V_C \leq 0 \\ J_{iLs} &= en_{iE} \left(\frac{2kT_E}{\pi M}\right)^{1/2} \left[1 + erf \left(\frac{eV_C}{kT_E}\right)^{1/2}\right]^{-1} \qquad V_C > 0 \end{split}$$

静岡大学大学院電子科学研究科

となる。

イオン電流密度 J<sub>i</sub>は

$$J_{i} = en_{iE} \left(\frac{2kT_{E}}{\pi M}\right)^{1/2} = J_{iE} \qquad V_{C} \le 0$$
$$J_{i} = J_{iE} \exp\left(-\frac{eV_{C}}{kT_{E}}\right) \qquad V_{C} > 0$$

となる。電子密度は真空型熱電子発電器の場合と同じように、Maxwell 分布関数を積分することにより

$$n_{e}(x) = \int_{u_{l}}^{\infty} f(x, u) du = n_{m} e^{\psi} \left(1 \pm erf \sqrt{\psi}\right) \qquad (+ : x < x_{m}, - : x > x_{m}) \qquad (3-13)$$

となる。

また、イオン密度も同様にして次の形に求まる。

$$\begin{split} n_{i}(x) &= n_{iE} \exp(\psi_{E} - \psi) \left(1 - erf \sqrt{\psi_{E} - \psi}\right) & \psi_{C} - \psi_{E} \leq 0 \\ n_{i}(x) &= n_{iE} \exp(\psi_{E} - \psi) \left(1 - 2erf \sqrt{\psi_{E} - \psi} + erf \sqrt{\psi_{E} - \psi}\right) \left(1 + erf \sqrt{\psi_{E} - \psi}\right)^{-1} \\ & \psi_{C} - \psi_{E} > 0, \quad \psi - \psi_{E} \leq 0 \quad (3-14) \\ n_{i}(x) &= n_{iE} \left(1 + erf \sqrt{\psi_{E} - \psi}\right) \left(1 + erf \sqrt{\psi_{E} - \psi}\right)^{-1} \\ & \psi_{C} - \psi_{E} > 0, \quad \psi - \psi_{E} > 0 \end{split}$$

ここで、 $\psi_{\rm E}$ =- $eV_{\rm m}/kT_{\rm E}$ はエミッタにおける $\psi$ の値を、そして $\psi_{\rm C}$ =- $e(V_{\rm C}-V_{\rm m})/kT_{\rm E}$ はコレクタにおける $\psi$ の値を意味する。

電位分布は無次元化された Poisson の式

$$2\frac{d^2\psi}{d\xi^2} = e^{\psi}\left(1 \pm \operatorname{erf}\sqrt{\psi}\right) - \alpha \, e^{\psi_E - \psi}\left(1 - \operatorname{erf}\sqrt{\psi_E - \psi}\right) \qquad + : x < x_m \qquad (\psi_c - \psi_E \le 0)$$

より導出される。

真空型熱電子発電器の場合と同様の方法で、Poisson の式を数値積分 することにより図 3.6 に相当する ψと *€*の関係が求まる。この関係を用い ることによりセシウム封入型熱電子発電器の出力特性を導出することが できる。 図 3.9 は  $T_{\rm E}$ =2000K,  $\phi_{\rm E}$ =3.35 V,  $\phi_{\rm C}$ =1.8V, d=25.4 $\mu$ m として Goldstein<sup>13</sup>) が求めた代表的な出力特性である。図から明らかなように出力特性は空 間電荷中和度αに強く依存することが分かる。 $\alpha$ =1 の時に、出力特性は 最大となっている。しかし、大きな出力電流を得るには $\phi_{\rm E}$  を低くしなけ ればならないが、多量の表面電離を起こさせるには逆に $\phi_{\rm E}$  は高くしなけ ればならない。低圧型熱電子発電器はセシウム蒸気圧が低いので $\phi_{\rm E}$  が高 くなり、出力が制限される。



図 3.9. 低圧型熱電子発電器出力特性の空間電荷中和度依存性<sup>13)</sup>  $T_{\rm E}$ =2000K,  $\phi_{\rm E}$ =3.35V,  $\phi_{\rm C}$ =1.8V, d=0.025mm  $\alpha$ : 空間電荷中和度

図 3.10 は Wright et al<sup>14)</sup>が実験により求めた曲線で、出力のセシウム 蒸気圧依存性である。低圧の場合、 $T_{\rm E}$ =一定のもとでセシウムの圧力を 高くするとエミッタに入射するセシウム原子が増加することにより、表 面電離により生成されるセシウムイオンが増加して負の空間電荷が中和 され、出力が増大する。圧力が 10<sup>-5</sup>Torr 以上になると負の空間電荷が完 全に中和されるため、出力は一定となる。圧力がさらに増加すると、  $\phi_{\rm E}$  の低下が顕著になって熱電子放出は増加するが、表面電離確率が低下し てイオンの生成が減少するためα<1 となり、負の空間電位が発生してコ レクタへの熱電子の流れが阻害される。このため、圧力 10<sup>-1</sup>Torr までは 出力が減少する。さらに、圧力が増加すると、体積電離が発生するよう になり出力が大きくなる。このタイプの発電器は高圧型熱電子発電器と 呼ばれる。



図 3.10. セシウム封入型熱電子発電器の出力とセシウム圧力の関係<sup>14)</sup> *T*<sub>F</sub>=2523K、*d*=1mm

### 3.3.2 高圧型熱電子発電器

高圧型熱電子発電器が低圧型熱電子発電器と異なる主な点は、セシウム蒸気圧が十分高くて電子とセシウム原子やイオンとの衝突が無視できなくなり出力特性に影響が現れることである。すなわち熱電子の輸送に電子の衝突効果を考慮に入れる必要が出てくる。衝突は弾性及び非弾性衝突に大別できる。弾性衝突とは衝突粒子の内部エネルギーが変化しないものであるが、非弾性衝突では衝突粒子のいずれかの内部エネルギーが変化して、励起または電離が生じるものをいう。高圧型熱電子発電器の出力特性は図 3.11 に示されるような 3 つの型に分類 <sup>7</sup>できる。3 種の

出力特性は、セシウム蒸気温度 T<sub>cs</sub> と電極間距離 d を一定にすれば、エ ミッタ温度 T<sub>E</sub>を変えることによって発生する。第一の型はエミッタから の熱電子放出電流よりはるかに低いところで出力電流が飽和してしまう 特徴があり、非点火モードと呼ばれる。第二の型は、V<sub>o</sub>のある値で体積 電離が生じて出力電流が急上昇し、点火モードと呼ばれる。第三の型は その中間に属するが、表面電離と体積電離で生成されるセシウムイオン の影響がほぼ同等である場合に生じると考えられている。

非点火モードに対応する電位分布を定性的に述べると次のようにな る。エミッタ温度が低くセシウム蒸気圧が高いときには、セシウムの附 着によりエミッタの仕事関数は小さく、熱電子放出が大きいため電子密 度の高い層がエミッタ近傍に生成する。したがって、コレクタに向けて 拡散しようとする熱電子流は、空間電荷制限によって抑制される。図 3.12 は非点火モードの電極間の代表的な空間電位分布である。この分布の一 番大きな特徴は、印加電圧のほとんどがコレクタ近傍に集中しているこ とである。



図 3.11: 高圧型熱電子発電器の出力特性の代表的な三つの型<sup>n</sup> T<sub>E</sub>: エミッタ温度



図 3.12. 非点火モードの電位分布図

非点火モードの出力特性に関する理論解析は、原理的には荷電粒子の 保存則、運動量及びエネルギー保存則並びに Poisson の式を連立方程式 として解くことにより求まる。しかし方程式が非線形になるため、いく つかの仮定をおいて式を簡単化するか、または電極間を幾つかの領域に 分けて解析するなどの工夫が必要となる。ここでは、解析モデルとして 良く使われる三領域理論<sup>15-18)</sup>を紹介する。図 3.12 に示すように、エミッ タおよびコレクタの近傍には電子過剰のシースが形成され、この間には プラズマ領域が存在する。プラズマ領域では電荷の中性がよく成立して いて、電場は非常に小さいので電流は主として荷電粒子の密度勾配によ って生じる。電極近傍には平均自由行程よりも短いシース領域に強い電 場があり、出力電流に大きな影響を与える。したがって、非点火モード で衝突が支配的な熱電子発電器では、電極間領域をエミッタシース、プ ラズマ領域、コレクタシースの三つの領域に分けて解析する方法が用い られる<sup>19</sup>)。

プラズマ領域の電子及びイオンの粒子束はそれぞれ

$$\Gamma_e = -D_e \frac{dn}{dx} - \mu_e nE \tag{3-15}$$

#### 44 静岡大学大学院電子科学研究科

$$\Gamma_i = -D_i \frac{dn}{dx} + \mu_i nE \tag{3-16}$$

で与えられる。ここでプラズマの準中性が成立すると仮定して  $n_e=n_i=n_p$ の関係を用いた。両式を組み合わせるとエミッタシースの端面でのプラズマ密度  $n_1$ とコレクタシースの端面でのプラズマ密度  $n_2$ との間に

$$n_2 = n_1 - \frac{1}{2} \left( \frac{\Gamma_e}{D_e} + \frac{\Gamma_i}{D_i} \right) \cdot d$$
(3-17)

の関係が成立することが判る。ここで  $T_e=T_i=T_E$  とし、シースの厚みは d に比べて小さいとして無視した。また、シースの中での荷電粒子の流束 については Boltzmann の分布則が成立するものとした。つまり、エミッ 夕近傍に電子シースがある場合、シース端面におけるコレクタ方向への 電子流束  $\Gamma_{e+}$ は、

$$\Gamma_{e^{\pm}} = \Gamma_{e^{R}} e^{-eV_{E}/kT}$$

で与えられる。またプラズマ領域からエミッタ方向へのイオン流束 $\Gamma_{i-}$ は  $\Gamma_{i-} = \Gamma_{ir-} e^{-eV_{g}/kT}$ 

で与えられる。ここで  $V_{\rm E}$  は、図 3.12 に示すようにエミッタシース電圧 であり、  $\Gamma_{\rm eR}$  はエミッタからの熱電子放出電流密度、  $\Gamma_{\rm iE}$  はイオンのラ ンダム流束である。また、プラズマ領域でコレクタまたはエミッタの方 向に流れる電子流束  $\Gamma_{\rm et}$ 及び  $\Gamma_{\rm et}$ は

$$\Gamma_{e\pm} = \frac{n_e v_e}{4} \pm \frac{\Gamma_e}{2}$$

で与えられる。右辺の第一項は電子のランダム流束で、第二項は出力電 流が流れるときに対応する電子流束である。イオンに対しても同様の式 で現すことができる。したがって、エミッタシース端面に流れる電子流 束Γ。とイオン流束Γ<sub>i</sub>は

$$\Gamma_{e} = \Gamma_{eR} e^{-eV_{E}/kT} - \left(\frac{n_{1}V_{e}}{4} - \frac{\Gamma_{e}}{2}\right)$$
(3-18)

$$\Gamma_i = \Gamma_{iL} - \left(\frac{n_1 v_i}{4} - \frac{\Gamma_i}{2}\right) e^{-eV_E/kT}$$
(3-19)

で与えられる。ここに、 Γ<sub>iL</sub> はエミッタから放出されたイオン流束であ る。コレクタについても逆電流のない場合、電子密度の高いシースにお いては

$$\Gamma_{e} = \left(\frac{n_{2}v_{e}}{4} + \frac{\Gamma_{e}}{2}\right) \tag{3-20}$$

$$\Gamma_i = \left(\frac{n_2 v_i}{4} + \frac{\Gamma_i}{2}\right) e^{-\epsilon v_c/kT}$$
(3-21)

が得られる。式(3-17)~(3-21)の5つの式の中には6個の未知数 $n_1, n_2, V_E, V_C,$  $\Gamma_i, \Gamma_c$ が含まれているので、 $\Gamma_c$ を与えれば他の 5 つの量が決まる。一 方、式(3-15)と(3-16)から電場 E を求め、それを電極間の距離で積分する とプラズマ領域の電位差  $\Delta V = -\int_0^d E dx$ が求まる。このようにして電流-電



図 3.13. 高圧型非点火モード動作熱電子発電器の出力特性<sup>19)</sup>  $T_{\rm E}$ =2000K、 $\phi_{\rm E}$ =2.72V, $\phi_{\rm C}$ =1.70V、 $P_{\rm Cs}$ =10Torr、d=0.127mm



圧特性が得られる。以上のような三領域解析により得られた出力特性の 一例を図 3.13 に示す。

これらの特性において出力電流はエミッタから放出される熱電子放出 電流の 15%程度の値で飽和している。これはエミッタ近傍に存在する負 の空間電位または電子とセシウム原子との衝突等により、コレクタへの 熱電子流の流れが阻害されることに起因する。

非点火モードの電位分布では、コレクタ前面のシースでの電位降下が エミッタ前面のシースの電位降下よりも大となる。一般に圧力が高くな ると、セシウムが電極表面に附着して仕事関数を低くするため、多くの 熱電子が放出される。このためエミッタとコレクタ前面の電位降下はさ らに大きくなる。コレクタへ流れ込む電子はこの電位降下で急激に加速 され、またシースの厚みも Child-Langmuir の法則より V<sup>3/4</sup> に従って増大 する。結果として、エネルギーの高い電子がコレクタシース中のセシウ ム原子を電離するようになる。ひとたび衝突電離が始まると、コレクタ 付近の体積電離により大量に生成された正イオンによって、コレクタ前 面の大きな電位降下部は図 3.14 のようにコレクタからエミッタの方へ移



図 3.14. 点火モード直前から点火後への空間電位分布変化

47 靜岡大学大学院電子科学研究科 動していき、最終的に実線で示されている電位分布となる。この動作モ ードは点火モード<sup>2-5)</sup>と呼ばれている。点火モードの解析では、非点火モ ードと相違して電極間の電離及び再結合を考慮することが必要となる。

第三の型に対応する電位分布では、エミッタ温度が十分高く必要なだ けのイオンを供給できるため、エミッタシース附近にはイオンシースが 形成される。この場合、体積電離が始まっても電位分布の急激な変化が 起こらない。従って、電流-電圧特性に勾配の急激な変化は生じない。 このようなモード<sup>71</sup>はエミッタ温度が高く、熱源の手当が困難なためほ とんど研究されていない。

### 3.4 結 論

本章では理想モード、真空型、低圧及び高圧セシウム封入型の熱電子 発電器の特徴を概念的に説明した。真空型熱電子発電器は熱電子放出現 象を利用した発電であるが、電極間に空間電荷が溜まるため、充分な出 力電流が取り出せなくなる。空間電荷の影響を除くため、電極間隔を電 子の平均自由行程より短くするか、または電極間に正イオンを供給して 空間電荷を中和する。前者は製造が困難となるが、後者はセシウムの封 入により可能となる。低圧セシウム封入型熱電子発電器では出力を大き く取り出すために、空間電荷中和度を1に近づけることが必要になり、 表面電離によりセシウムイオンを十分に供給する必要がある。このため、 エミッタは高温にする必要があるので、エミッタへのセシウムの附着量 が減少して仕事関数が高くなるため、高温動作にも拘わらず熱電子放出 が低下し、出力が制限される。逆に、高圧セシウム型熱電子発電器は体 積電離と熱電子放出両方のバランスを良くすれば、大きな出力を取り出 すことが可能である。 第3章の参考文献

- 神藤正士: "熱電子発電器研究開発の現状"、プラズマ・核融合学会誌、70 (1994)
   1045.
- N. S. Rasor: "Thermionic Energy Conversion Plasma", IEEE Trans. Plasma Sci., 19 (1991) 1191.
- 3. 清水定明: "*Cs 封入型熱電子コンバータの出力特性解析*"、電子技術総合研究所 研究報告第 906 号 (1989).
- F.G. Baksht, G. A. Dyuzhev, A. M. Martsinovskiy, B. Ya. Moyzhes, G. Ye. Pikus, E. B. Sonin, and V. G. Yur'yev: *Thermionic Converters and Low Temperature Plasma*, Academy of Science of the USSR, Eng. Ed. by L. K. Hansen, pub. National Technical Information Service/U.S. Depart. of Energy, (1978).
- R.H. Bullis, L. K. Hansen, C. Warner, J. M. Houston, M. F. Koskinen and N. S. Rasor: "The Plasma Physics of Thermionic Converters", J. Appl. Phys., 39 (1967) 3425.
- 6. N. S. Rasor: Applied Atomic Collision Physics, Chap.5 Vol. 5, Academic Press, (1982).
- G. W. Sutton: Direct Energy Conversion (McGraw. Hill Book Company, Inc., New York),
   (秋山 守、柳沢一郎共訳 直接エネルギー変換、好学社)、(1968).
- 8. F.G. Baksht and V. G. Yur'ev: "Low-voltage Hot-cathode Cesium Arc", Soviet Technical-Physics Phys., **21** (1976) 531.
- 9. O. W. Richardson: Emission of Electricity from Hot Bodies, (Longmans Green, London), (1921).
- 10. E. Blue and J. H. Ingold: *Direct energy Conversion* (McGraw. Hill Book Company, Inc., New York), (1966).
- 11. V. C. Wilson: "Conversion of Heat to Electricity by Thermionic Emission", J. Appl. Phys., 30 (1959) 475.
- 12. J. B. Taylor and I. Langmuir: "The Evaporation of Atoms, Ions and Electrons from Cesium Films on Tungsten", Phys. Rev., 44 (1933) 423.

- 13. C. M. Goldstein: "Theoretical Current-Voltage Curve in Low-Pressure Cesium Diode for Electron-Rich Emission", J. Appl. Phys., **35** (1964) 728.
- J. K. Wright and R.V. Harrowell: *Thermionic Power Generation*, Electrical Rev., London, 172 (1963) 217.
- 15. D. R. Wilkins and e. P. Gyftopoulos: "Theory of Thermionic Converter Extinguished-Mode Operation with Application to Converter Diagnostic", J. Appl. Phys., **38** (1967) 12.
- J.L. Lawless and S.H. Lam: "An Analytical Model of Thermionic Discharge", J. Appl. Phs., 59 (1986) 1875.
- 17. M. Ratafia and J. C. Keck: "An Approximate Technique for Analyzing the Plasma of Thermionic Converters Operating in the Ignited Mode", J. Appl. Phys., 45 (1974) 4806.
- C. Warner, L.K. Hansen: Rept. On 23<sup>rd</sup> Annual conf. On Physical Electrons, M.I.T., March, 1963, p.400N. S. Rasor: J. Appl. Phys., 38 (1967) 3425.
- 19. C. Warner and L. K. Hansen: 23<sup>rd</sup> Annual Conference on Physical Electonics, MIT, Cambridge,(Mass., March 1963), 400.

### 第4章 熱電子発電器動作特性の計算機 シミュレーション

### 4.1 序 論

熱電子発電器の出力特性は基本的な物理現象を考慮して導出される。 電極間空間のプラズマにの特性は、電極の表面現象と粒子数の保存、運 動量保存及びエネルギー保存を考慮することにより解析される。理論的 解析は 1960 年代から多数の研究者により行なわれ、発電器内で生じる 主な物理現象が計算機シミューレションにより定性的には理解されてい るが、未だ実験結果を十分に説明できるほど一致するモデルは存在しな い。しかし、実験結果を理解するために、これらのシミューレションの 利用は不可欠である。本章ではプラズマのシミューレションコードを簡 単に説明し、これまで実験で使われてきた熱電子発電器の構造や特徴を 紹介し、それら問題点を指摘する。

4.2 プラズマ中の粒子保存と運動量保存

プラズマの構成粒子である電子、イオンおよび原子の密度は、プラズ マ中で生じる各種の衝突現象、放射過程、拡散過程に基づく粒子の発生 と消滅のつり合いによって定まる。熱電子発電器中の電子温度は 0.3eV 以下であるため、中性原子は電子との一度の衝突によって電離すること はきわめて希である。しかしセシウム原子は電子との多数回の衝突を通 して電離することができるので、発電器内で生じる体積電離は多段階累 積電離と考えられる。また、熱電子発電器内の圧力は高く、電子温度が 低いため、主な消滅過程は二電子三体再結合が主であるとされている。

間隔の狭い平行平板電極の間の一様なプラズマは、一次元モデルで扱うことができる。第2章で述べたように、励起状態としては 6P 励起準位のみを考慮する。再結合は放射再結合、解離再結合などを無視し、二電子三体衝突再結合のみを考慮する。解析すべき粒子種は中性原子、電子、イオンおよび励起原子の四種類であり、各粒子種に対する粒子束を

記述する方程式は運動量保存則より導出される。これらを各粒子に対す る粒子数の保存則に代入することにより 4 つの連立方程式を作ることが できる。これに Poisson の式を加えることによって、原理的には各粒子 の密度と電界強度を求めることができる。しかし、この連立方程式は非 線型であるため、数値計算で解くのが一般である<sup>1)</sup>。ここでは、準中性 プラズマを仮定して励起原子を考慮せず、電子とイオンのみの保存則を 用いた解析例を紹介する。

準中性プラズマでは電子とイオンの密度が等しく、熱電子発電器では 熱平衡が成立しているので温度は等しいと仮定することができる。この ため、Poisson の式は電極近傍のシース領域を除いたバルクプラズマ内 では満たされるので、解析は大幅に単純化される。この場合、両極性拡 散が成立するので、電子とイオンの粒子数保存則は一つ方程式に統一さ れる。

$$\frac{\partial n}{\partial t} - D_a \nabla^2 n = v_i n - \beta_r n^3 \tag{4-1}$$

ここで、*D*<sub>a</sub>は両極性拡散係数、*v*<sub>i</sub>は電離周波数、*β*<sub>r</sub>は二電子三体再結合 係数である。定常状態では(4-1)は(4-2)になる。

$$-D_a \nabla^2 n = v_i n - \beta_r n^3 \tag{4-2}$$

図 4.1 は Wilkins et al<sup>2)</sup>よって求められたプラズマ密度分布である。こ の計算は電極間現象の*み*を考慮していて、両電極の境界での密度はゼロ と仮定した。横軸は無次元化された電極間隔で、縦軸は無次元化された 密度である。図中の $\delta$ は $\delta = \frac{v_i d}{D_a}$ であり、d は電極間隔である。図から分か るように $\delta$ が大きくなるとき、つまり電離周波数が大きく両極性拡散係 数が小さい場合、バルク内プラズマ密度分布が平坦になり、準中性プラ ズマ条件は満たされる。

しかし、前述したように、シース内では両極性拡散が成立しなくなる 上、電子とイオンの密度が等しくなくなるので、この解析方法は成立し

### 

### 52



図 4.1: 両極性拡散における電極間のプラズマ密度分布特性

なくなる。このため現実には両電極近傍のシースと中間のバルクプラズ マの三領域に分けて、粒子数、運動量及びエネルギーの保存則と Poisson の式を連立させることによって解析する文献<sup>3-8)</sup>が 60 年代から発表され ている。

4.3 点火モードの出力特性シミューレション

熱電子発電器点火モード動作熱電子発電器の出力特性に関しては、実 験データとよい一致を示す理論解析は今までに一つも報告されていない。 発電器内を、両電極近傍のシースとバルクプラズマの三領域に分けて、 且つ近似的な経験式を用いた定性的な計算コードは幾つか存在する。熱 電子発電器の研究がブームであった 60 年代には Wilkins<sup>9)</sup>が SIMCON (SIMulated CONverter と言う意味) コードを完成し、80 年代にはいわ ゆる "現象論モデル TECMDL" (Thermionic Energy Converter Modeling と 言う意味) がアメリカの Rasor と McVey et al<sup>10)</sup>により提供された。また、 90 年代には Nichols<sup>11)</sup> によって Hybrid PIC-Fluid Model (PIC:Particle in cell) と言う計算コードも紹介された。前の2つのコードではシース内 での衝突を考慮しないが、後者ではシース内での衝突効果を取りいれた。 各コードの詳細の説明については文献にゆずるが、ここでは良く使われる TECMDL について簡単に説明する。

TECMDL は点火モード動作熱電子発電器の出力特性を計算するシミュ ーレションコードである。電極間の空間電位分布が図 4.2 に示される場 合を考える。 $V_{\rm E}$  と  $V_{\rm c}$  はそれぞれエミッタとコレクタ近傍のシース電圧 であり、 $V_{\rm d}$  は電極間での内部損失電圧、 $\Delta V$  はエミッタ電位とエミッタ 近傍の最小の空間電位との差である。また、 $J_{\rm eR}$  はエミッタからの熱電子 放出電流、J は出力電流、 $J_{\rm c}$  はコレクタから熱電子放出電流である。こ こで、 $T_{\rm eE}$  をエミッタ近傍での電子温度、 $T_{\rm eC}$  をコレクタ近傍での電子温 度、 $T_{\rm E}$ をエミッタ温度とする。また  $V_{\rm i}$ を累積電離に必要なエネルギー、 dを電極間隔、 $\lambda$ を電子平均自由行程とする。

電極間の電流損失、すなわちJ。RとJの差は次式で表せる。

$$J_{eR} - J = \exp\left(-\frac{V_E}{kT_{eE}}\right) \left[\frac{3}{4}\frac{d}{\lambda}J + RJ\right]$$

$$R = \left(1 + \frac{J_C}{J}\right) \exp\left(\frac{V_C}{kT_{eC}}\right) - 1$$
(4-3)

ここで、(4-3)式の右辺の括号中の第一項は拡散損失を、第二項の R はコ





\_\_\_\_\_\_54 静岡大学大学院電子科学研究科 レクタ減速電界の作用並びにコレクタからの熱電子放出効果を表わしている。

また、電子に対するエネルギー保存則から以下の式が得られる。

$$JV_{d} + 2kT_{E}J_{eR} + 2kT_{C}J_{C} = 2kT_{eE}(J_{eR} - J) + 2kT_{eC}(J + J_{C})$$
(4-4)

ここで左辺は両電極からプラズマ中に流入する電子が持ち込むエネルギ ーである。右辺はプラズマから離れる電子が両電極に与えるエネルギー である。コレクタシース電圧は、コレクタ近傍の電子のエネルギー保存 則より以下の式で算出できる。

$$V_{c} = 3k(T_{ec} - T_{ec}) - 2k(T_{ec} - T_{c})\frac{J_{c}}{J}$$
(4-5)

電極間で発生したイオンの数は、電極に拡散して失われるイオンと電 極間で再結合により失われるイオンの数に等しい。これより電離周波数、 拡散係数及び再結合係数の間の関係が決まり、エミッタ及びコレクタシ ースにおける電子温度 T<sub>ep</sub> と T<sub>ec</sub> が導出<sup>12)</sup>される。

$$T_{eE} = \frac{V_i}{2k\ln\left(B\frac{d}{\lambda}\right)}$$
(4-6)

$$T_{eC} = \frac{3T_{eE} + 2T_C \frac{J_C}{J}}{\ln\left(\frac{H + 0.5}{1 + \frac{J_C}{J}}\right) + 2\frac{J_C}{J} + 3}$$
(4-7)

ここで、B は電離ファクターと呼ばれ無次元の量であり、電子温度や 衝突断面積、平均自由行程の関数である。TECMDL では B=30、累積電 離電圧を V<sub>i</sub>=3.2eV としている。また、パラメータ H はイオンと電子の 平均自由行程の比の関数であり、TECMDLでは 5 としている。また、d/λ は電子と中性原子の衝突および電子とイオンの衝突を考慮して下の式で 与えられる。

$$\frac{d}{\lambda} = \frac{d}{\lambda_{ea}} + \frac{d}{\lambda_{ei}} = 17Pd + 3.4 \times 10^7 \frac{Jd}{T_e^{5/2}}$$

$$\tag{4-8}$$

ここで *P* はセシウム蒸気圧で式(2-24)で与えられ、電子とセシウム原子の間の平均自由行程λ<sub>aa</sub> は電子の弾性衝突断面積を用いて算出する。また、λ<sub>ei</sub> は電子とセシウムイオン間の平均自由行程である。

以上五つ方程式を書き直して整理すると以下のようになるが、これらが TECMDL コードの主な方程式である。

$$\begin{split} \frac{J_{eR}}{J} &= 1 + \left(\frac{3}{4}\frac{d}{\lambda} + R\right) \exp\left(-\frac{V_E}{kT_{eE}}\right), \\ V_d &= 2k(T_{eE} - T_E) \left(\frac{J_E}{J} - 1\right) + 2k(T_{eC} - T_E) + 2k(T_{eC} - T_C) \frac{J_C}{J}, \\ V_c &= 3k(T_{eE} - T_{eC}) - 2k(T_{eC} - T_C) \frac{J_C}{J}, \\ V_E &= V_d + V_C, \\ T_{eC} &= \frac{3T_{eE} + 2T_C}{J} \frac{J_C}{J}, \\ \ln\left(\frac{H + 0.5}{1 + \frac{J_C}{J}}\right) + 2\frac{J_C}{J} + 3 \\ T_{eE} &= \frac{V_i}{2k \ln\left(B\frac{d}{\lambda}\right)}. \end{split}$$

以上の連立方程式を解くことによって、出力特性が求まる。なお、出力 電圧は図 4.2 から分かるように次の式で与えられる。

$$V = \phi_F - \phi_C - V_d + \Delta V \tag{4-9}$$

ここでは TECMDL で計算された幾つ結果を図で示す。図 4.3 および 4.4 にそれぞれ TECMDL で計算された出力特性のセシウム蒸気温度 *T*<sub>c</sub>、とエ ミッタ温度 *T*<sub>E</sub> 依存性 <sup>10)</sup>を示す。*T*<sub>c</sub> はコレクタ温度である。図から分か るように、セシウム蒸気温度の増加とともに、出力電流が大きくなる傾 向が認められる。これはセシウム蒸気温度が高くなると、セシウムがエ ミッタ表面に附着してエミッタ仕事関数を低くするために、エミッタからの熱電子放出が大きくなることが主な原因と考えられる。図 4.4 に示されるように、エミッタ温度が高くなると、出力電圧が次第に大きくなることが分かる。これはエミッタ温度の上昇とともに、エミッタ仕事関数が大きくなり、エミッタとコレクタの仕事関数の差で与えられる出力 電圧が大きくなるためと考えられる。出力電流はエミッタ温度の上昇とともに増大するが、あるエミッタ温度以上では、出力電流は減少に転じる傾向が明瞭に現われている。これは第2章で説明した S 字曲線の効果



図 4.3:TECMDL の計算による熱電子発電器出力特性のセシウム蒸気温度依存性<sup>10</sup>





と思われる。

### 4.4 熱電子発電器の課題

熱電子発電器の研究が本格的に開始されてから既に 50 年が過ぎてい る。この間に発電器内の物理現象の多くは解明され、一部の熱電子発電 器は大学等の研究機関で実用化の段階に入っている。"TOPAZ"<sup>13)</sup>や "TECTEM"<sup>14)</sup>などは、これらの研究に基づいて開発された発電器であ る。



図 4.5: 平行平板形熱電子発電器断面図 15)

図 4.5 はアメリカのサーモ・エレクトロン社<sup>14</sup>)によって作られた平行平 板型熱電子発電器の断面図である。エミッタ電極は塩化物蒸着タングス テンまたは弗化物蒸着タングステンである。コレクタ電極はニオブ製で ある。エミッタ電極の面積は 3cm<sup>2</sup>であり、コレクタ電極の面積は 2cm<sup>2</sup> である。電極間隔は、0.125mm~1mm まで微調整装置により変えること ができる。エミッタ電極の加熱は上部からの電子衝撃加熱方式によって 行われる。コレクタ電極の周囲には、ガードリングが取り付けられてい る。発電器動作中には、常にガードリングとコレクタ電極との間の電位 が一定に保たれている。



平行平板形熱電子発電器 d=0.254mm

図 4.6 にこの発電器の出力特性の実験値と計算値との比較を示す。実 験値はサーモ・エレクトロン社で測定したものであり、計算値は通産省 電子技術総合研究所高温エネルギー研究室が SIMCON コードを使って計 算した結果 <sup>15)</sup>である。図中の T<sub>cs</sub>はセシウム蒸気温度である。図から、 実験値よりも計算値の方が高いことが認められる。また、セシウム蒸気 温度が上昇するとともに、両者の相違が顕著になることが分かる。計算 では電極表面のセシウム附着や電子温度の空間分布が均一であると仮定 したが、実際にはセシウムの附着にはばらつきがある上、電子温度はエ ミッタ側で高く、コレクタ側では低くなっていること等を考慮すると、 計算で用いた電極の仕事関数は実験より低くなっていることが想定され、 出力電流の計算値が実験値よりも大きくなったものと考えられる。図に 示された条件では出力電圧は小さいが、出力電流密度は大きく 20(A/cm<sup>2</sup>) 程度の値が得られている。このときの出力は、10(W/cm<sup>2</sup>)に達すること が分かる。図 4.7 は TECMDL を作った Rasor Associate, Inc 社が製作した 熱電子発電器の出力特性の測定値である。図 4.3 の計算値と、傾向が一 致していることが分かる。



図 4.7: Rasor Associate, Inc.により測定された発電器出力特性<sup>10)</sup>

上述の熱電子発電器の特徴は、電極間隔での衝突損失を減少するため に、電極間隔をできるだけ短くし電子の平均自由行程の数倍以内に抑え ている。また、出力を大きくするために、エミッタを 2000K 程度まで加 熱している。参考までに、表 4.1 に各研究機関が製作した熱電子発電器 の実験条件を示す。

熱電子発電器に課されたこのような2つ条件により熱電子発電器の応 用は大幅に制限されている。数十µmから1mmまでの狭い電極間隔は製 造やメンテナンスの面で困難を伴い、電極の高温加熱では電極の蒸発や 結晶成長などを起こし、電極の短絡やヒートサイクルなどによるリーク の発生などを引き起こして、発電器の信頼性や寿命を劣化させる要因と なっている。また、エミッタの高温動作のために熱源も限定される。地 上用熱電子発電器の開発には、エミッタの加熱温度は低温であることが 望ましい。このため、我々は光電離を補助放電とするエミッタ低温動作 熱電子発電器の開発を目指している。

実施機関	発電器形式	<i>d</i> (mm)	$T_{\rm E}({\rm K})$	<i>Т</i> <sub>с</sub> (К)	$T_{Cs}(K)$	電極材料	
						エミッタ	コレクタ
Electrotechnical Lab	サンド イッチ形	0.5	1770	1018- 1033	533- 573	Мо	Мо
	平行平板形	0.5	1900	1220	563- 659	Ta	Ni
	円筒形	0.3	1873	1027	553- 583	Мо	Mo
General Electric	平行平板形	0.127	1628-	843-	573-	Re	Ni
			2153	1023	633		
		0.05	1855	873- 973	553- 663	w	Ni
Brown Boveri & Cie AG.	平行平板形	0.2	1800	750	550- 609	Re	Мо
Los Alamos Scientific Lab	平行平板形	1.0	1800- 2131	770- 978	548- 598	W	Ni
Thermo Electron Corporation	平行平板形	0.1	1740	773- 1053	588	Re	Мо
	平行平板形	0.254	1600- 2000	973- 1023	537- 669	ClW, FW	Nb
	円筒形	0.254	1700- 1900	885- 913	519- 578	CIW	Мо

表 4.1 実験用熱電子発電器の実験条件<sup>15)</sup>

### 4.5 結 論

本章では熱電子発電器のシミュレーションコードについて簡単に紹介 し、熱電子発電器の特徴及び動作温度などを述べ、それらの問題点を指 摘した。我々の研究目的はこれらの問題点の解決であり、新たな光電離 補助放電の導入に基づく光照射型熱電子発電器が熱電子発電器の多くの 問題解決に有望であるとの観点に立った研究を行っている。 第4章の参考文献

- G. W. Sutton: Direct energy Conversion (McGraw. Hill Book Company, Inc., New York), (秋山 守、柳沢一郎共訳"直接エネルギー変換"向学社).
- D. R. Wilkins and E. P. Gyftopoulous: "Thermionic Converters Operating in the Ignited Mode. Part II: A Quasi-Equilibrium Model for the Interelectrode Plasma", J. Appl. Phys., 37 (1966) 2892.
- 3. D. R. Wilkins and e. P. Gyftopoulos: "Theory of Thermionic Converter Extinguished-Mode Operation with Application to Converter Diagnostic", J. Appl. Phys., 38 (1967) 12.
- J.L. Lawless and S.H. Lam: "An Analytical Model of Thermionic Discharge", J. Appl. Phs., 59 (1986) 1875.
- 5. M. Ratafia and J. C. Keck: "An Approximate Technique for Analyzing the Plasma of Thermionic Converters operating in the Ignited Mode", J. Appl. Phys., 45 (1974) 4806.
- D. R. Wilkins and E. P. Gyftopoulos: "Thermionic Converters Operating in the Ignited Mode. Part II: Theoretical Output-Current Characteristics", J. Appl. Phys., 37 (1966) 2888.
- D. R. Wilkins and E. P. Gyftopoulos: "Transport Phenomena in Low-Energy plasmas", J. Appl. Phys., 37 (1966) 3533.
- 8. D. R. Wilkins: "A Unified Theoretical Description of Thermionic Converter Performance Characteristics", J. Appl. Phys., **39** (1967) 2452.
- 9. D. R. Wilkins: GESR-2109, (1968).
- J. B. McVey et al.: "The TECMDL Thermionic Converter Computer Model", WL-TR-93-2031. Dayton, OH, Wright laboratories, (1993).
- 11. D. F. Nicholos: Doctoral dissertation.
- 12. N. S. Rasor: Applied Atomic Collision Physics, Chap.5 Vol. 5, Academic Press, (1982).
- 13. V. A. Kuzenetov: Thermionic Elect. Power Generation, Julich, Germany, 1 (1972) 365
- L.R. Wolff, W.B. Veltkamp, V.I. Yarigin: Proc. 2<sup>nd</sup> Intersoc. Conf. on Nuclear Power Eng. in Space, PTI Sukhumi, Georgia, 1991, p.72.

- F. Rufeh et al.: "Thermionic Performance of Fluoride CVD Tungsten-Niobium Converter", IEEE Conf. Record of 1970 Thermionic Conversion Specialist Conf. (1970) p.462.
- 16. 清水定明: "Cs 封入形熱電子コンバータの出力特性解析"、電子技術総合研究所 研究報告第 906 号 (1989).

# 第5章 光照射型熱電子発電器の動作原理

### 5.1 序 論

セシウム封入型熱電子発電器の出力向上を図るためには、エミッタの 仕事関数を下げて熱電子放出を増やせばよいが、出力電流が増加しても 出力電圧が低下するので必ずしも出力の増大にはならない。逆に、エミ ッタ電極の温度が上昇すると仕事関数が高くなり、出力電圧は増加する が熱電子放出が減少するので、出力増大にならない。高圧型熱電子発電 器の場合セシウム蒸気圧が高く、セシウムの附着によりエミッタの仕事 関数は低く熱電子放出が良好であるために、エミッタ近傍に電子シース が形成される。この結果、負の空間電位が形成されてコレクタに向けて 拡散しようとする電子流が妨害される。多くの場合、非点火モードの出 力電流は飽和電子電流より遥かに低いところで飽和してしまう。点火モ ードの場合には電極間に体積電離により正のイオンが供給されて負の空 間電荷が中和されるため出力電流は増大するが、電極間の衝突により損 失が増えて出力電圧と発電効率が低下する。

しかし、前章に述べたように点火モードの出力は大きく、熱電子発電 器の中で最も将来性に富むものとして注目されている。点火モードの高 出力化にとっては、負の空間電荷を中和することがポイントになる。高 温動作熱電子発電器はエミッタが高温のためにエミッタ表面で十分な表 面電離が行われる上に電極間で体積電離が生じて正のイオンが提供され る。しかし、実用面を考慮すると、セシウム蒸気圧、エミッタ温度など の動作条件の緩和および出力特性の改善が望まれる。これを目指して、 電極間への正イオンの供給を専用の補助電極を用いて行う幾つかの方法 が以前から提案されている。

### 5.2 補助放電による熱電子発電器出力特性の改善

代表的な補助放電システム<sup>1,2)</sup>の構造を、図 5.1 の(a)、(b)、(c)に示す。 (a)はイオンエミッタと呼ばれ、仕事関数の大きな高温の補助電極をセシ


ウムガス中に挿入してこの表面上でセシウムの表面電離を効果的に発生 させ、非点火モードで問題となる空間電荷の中和を促進し、発電効率の 改善を図る方式である。同図(b)の補助電極は電子エミッタと呼ばれ、エ ミッタに対して負に深くバイバスされた電極から放出される電子が空間 電位との電位差で加速され、これがセシウムを電離して多量の正イオン を生成する。また、同図(c)は補助電極を用いないパルス放電方式である。 これは、コレクタに正のパルス電圧を印加して強制的に放電を発生させ て電極間空間に正のイオンを供給し、パルスが印加されていない時間に 発電する方式である。

このように、様々な補助放電方式が考えられているが、狭い電極間空間に補助電極を設置しなければならないという構造的な問題や、耐熱性があってしかも小さな電極を用意せねばならないという電極材料面の問題点がある。なお、これまでの研究で、パルス放電方式の成功例はない。



図 5.1. 補助放電型セシウム熱電子発電器の原理図 (a)イオンエミッタ (b)電子エミッタ (c)パルス放電

我々は太陽エネルギー利用の観点から、太陽光を利用できる光照射型 熱電子発電器を提案している。これまでの我々の実験<sup>3,4)</sup>で、スペクトル

#### 

分布が太陽光と似ているキセノンランプの照射により、熱電子発電器の 出力特性が改善されることが証明されている。基本的な考え方は、補助 電極やパルス放電の変わりに電極を必要としない光励起・電離で補助放 電を発生させ、空間電荷の中和を図ることである。さらに、太陽光を電 極に照射することにより、電極表面からの光電効果が期待される。すな わち、エミッタからの熱電子放出に加えて光電子放出が起これば、出力 改善が期待される。また、光照射型熱電子発電器では、太陽光だけでな く太陽熱(赤外光)をエミッタ及びセシウム蒸気の加熱に利用できる。

# 5.3 光電離セシウムプラズマの密度評価

セシウム原子のエネルギー準位図は図 2.6 に示されている。図にはセ シウム原子の励起と電離エネルギーに相当する光波長が記入されている。 セシウム原子に一定な波長の光を照射すると、原子がその光のエネルギ ーを吸収し、励起や電離を起こす。電子との衝突による励起や電離と同 じように、以下の3つの光励起と光電離過程がある。

1. 基底準位からの励起過程: Cs+ h c/λ1→Cs\*

2. 励起準位からの電離過程: Cs\*+ h c/λ<sub>2</sub>→Cs<sup>+</sup>

3. 基底準位からの電離過程: Cs\*+ h c/λ<sub>3</sub>→Cs<sup>+</sup>

ここで、c は光速度、 $\lambda_1$ 、 $\lambda_2$  および $\lambda_3$  は電離と励起に必要な光の波長で ある。基底 6S 準位から第一励起準位  $6P_{3/2,1/2}$ までは 852.4 および 894.3nm、  $6P_{3/2,1/2}$  励起準位からの電離は 508.3 および 494.4nm、基底準位からの電 離は 318.4nm の光が相当する。2 と 3 の電離過程に関して、参考文献 <sup>5)</sup> によれば、励起準位からの光電離衝突断面積は基底準位からの光電離断 面積より 100 倍程度大きい。このため、光電離過程としては 2 に示され る過程のみを考慮すればよい。

光励起または光電離の能率はそれらの断面積σ<sub>k</sub>(ν)が分かれば、

$$R_{k} = \int_{a}^{b} n_{k} \sigma_{k}(v) \frac{P_{in}(v)}{hv} dv$$
(5-1)

により計算すること<sup>6)</sup> ができる。ここで  $P_{in}(v)$ は発電器内への入射光の 単位面積あたりの強度(W/cm<sup>2</sup>)であり、k は励起過程 ex と電離過程を区 別する添字である。また積分の上下限の a と b は対象となる励起過程に 依存する光子の振動数である。励起過程に対しては、k=ex で  $R_{ex}$  は光励 起能率であり、 $n_k$ はセシウム原子密度  $n_0$ 、 $\sigma_{ex}$ は励起断面積、 $a=c/\lambda_1$ 、 $b=c/\lambda_2$ である。また、電離過程に対しては k=i とし、 $R_i$ は光電離能率、 $n_k$ はセ シウム励起原子密度  $n_{ex}$ 、 $\sigma_i$  は電離断面積、 $a=c/\lambda_2$ 、 $b=c/\lambda_{max}$ (照射光の 最短波長)である。セシウム励起原子が拡散や相互の結合による分子生 成または光電離よりはむしろ脱励起によって失われると仮定すれば、セ シウム励起原子密度  $n_{ex}$ は

$$n_{\rm ex} = \tau R_{\rm ex} \tag{5-2}$$

により与えられる。ここで、てはセシウム励起原子の寿命である。

参考文献 6)から 8)によると、励起断面積 $\sigma_{ex}(v)$ と第一励起準位からの 電離断面積 $\sigma_i(v)$ はそれぞれ 10<sup>-15</sup> および 10<sup>-17</sup> cm<sup>2</sup> でvに依らず一定値であ り、  $\tau$ は 3×10<sup>-3</sup> s である。これらのパラメータを用い、 $T_{cs}$  = 370K、400K および 477K に対応するセシウム原子密度  $n_0$ を 10<sup>13</sup>、10<sup>14</sup> および 10<sup>15</sup> cm<sup>-3</sup> として、式(5-1)を数値的に解くことが出来る。なお、計算に際しては、 簡単のため以下の条件を仮定した。

A:励起断面積と電離断面積は光の波長に依存しない。

B: hc/λ ≥ 1.4eVの光子がセシウム中性原子を第一励起準位まで励起す

ることができる。

C:  $hc/\lambda \ge 2.49 eV$  の光子がセシウム励起原子を電離することができる。 図 5.2 に実験に使用したキセノンランプのスペクトル分布を示す。B お よび C の条件を適用すると、 $500nm \le \lambda \le 890nm$ の光は第一励起準位まで の励起に有効であり、 $\lambda \le 500nm$ の成分は第一励起準位からの電離に有 効である。

計算結果 <sup>9</sup>を図 5.3 に示す。入射光パワー P<sub>in</sub>はキセノランプから熱電 子発電器に入るワット数である。図 5.3 から判るように、P<sub>in</sub>が 100W か



図 5.2. 実験に用いられたキセノンランプのスペクトル



図 5.3. 光照射により生成されたセシウム励起原子密度  $n_{ex}$  および光電離能率  $R_i$ ら 500W に変化すると、 $T_{cs}$ =377K、400K、477K の場合、それぞれ 10<sup>11</sup>、  $10^{12}$ 、 $10^{13}$  cm<sup>-3</sup> の  $n_{ex}$  が生成されることが分かる。これらの  $n_{ex}$  を使って光 電離能率  $R_i$  を計算すると、前述のそれぞれの  $T_{cs}$  に対して、 $R_i$  はおよそ  $10^{14}$ 、 $10^{15}$  および  $10^{16}$  cm<sup>-3</sup>s<sup>-1</sup> 程度となり、非常に高いことが分かる。 $n_{ex}$ が  $10^{11}$ 、 $10^{12}$  および  $10^{13}$  cm<sup>-3</sup> であることから、セシウム励起原子は 1ms のうちにすべて電離されることを意味する。この時間は光の照射時間の 数秒よりも短く、言い換えれば、100W 程度のキセノンランプ照射光に より、少なくとも 10<sup>11</sup>、10<sup>12</sup>、10<sup>13</sup> cm<sup>-3</sup> 程度のセシウムイオンが生成さ れると考えることができる。

この計算では光効果だけを考慮している。実際にはプラズマ内の電子 との衝突効果等を考慮しなければならない。Morgulis et al<sup>10,11)</sup>と山田ら<sup>12)</sup> はセシウム蒸気に外部から共鳴光を照射してセシウム中性原子を励起さ せ、この励起原子が電子との衝突過程を介して電離を行うことによって、 プラズマを作った。Morgulis et al はセシウム圧力 0.1Torr 程度で 10<sup>11</sup>cm<sup>-3</sup> 程度の密度を持つプラズマができることを実験により証明した。彼等の 実験結果からも、光照射による高密度プラズマの生成が可能と考えられ る。

# 5.4 光電離による空間電荷中和度の改善

表面電離だけではなく、電極間に光電離により生成されるプラズマが ある場合の空間電荷中和度を考察する。単純化して考えれば、補助放電 で発生したイオンや電子の数を空間電荷中和度の式に加えれば良いので、 この場合のαは次式で与えられる。

$$\alpha = \frac{n_{\rm iE} + n_{\rm i}}{n_{\rm eE} + n_{\rm e}} \tag{5-3}$$

ここで、補助放電で生成されたプラズマに対しては、*n<sub>i</sub>=n<sub>o</sub>=n<sub>pi</sub>*の関係が 成立する。図 5.4 に電極間プラズマ密度 *n<sub>pi</sub>をパラメータとして、セシウ* ム蒸気温度を 450K 一定として計算した空間電荷中和度のエミッタ温度 依存性を示す。実線は補助放電がない場合で、破線は補助放電がある場 合の α である。空間電荷中和度 α が 1 となる条件は変わらないが、 α < 1 のエミッタの低温領域で著しく改善されていることが分かる。 α > 1 の エミッタの高温領域では補助放電により空間電荷中和度は小さくはなる が、1 より小さくなることはない。すなわち、補助放電による空間電荷 の中和効果はエミッタ温度の全域にわたって有効であると考えられる。 図 5.4 より判るように、補助放電により 10<sup>9</sup>(cm<sup>-3</sup>)以上のプラズマを作る



図 5.4: 電極間正イオン供給された場合の空間電荷中和度の改善

ことができれば、空間電荷中和度が大幅に改善されるので、出力の増大が期待できる。

# 5.5 電極での光電子放出

金属に光が入射する時、金属内の電子が光子を吸収して十分高いエネ ルギー準位に励起されれば、表面のポテンシャル障壁を乗り超えて電子 が外部空間に放出される。これが光電子放出または光電効果である。

金属の温度が 0(K)であれば、金属内の電子が表面から逸脱するのに必要なエネルギーは eφであるから、hv≧eφ(ただしvは光の振動数)であれば 光電子放出が起こる。このときの最低振動数で決まる光の波長λ。は

$$\lambda_o = \frac{hc}{e\phi} \tag{5-4}$$

となり、臨界波長と呼ばれる。仕事関数が低いほど光子エネルギーが少なくて済む。タングステンの場合には臨界波長は 270nm となる。

しかし温度が上昇すれば、第2章に述べたように Fermi-Dirac 分布は 高エネルギー側に延びた形となり、Fermi 準位以上のエネルギーを持っ た電子が多数存在するようになる。この状態で光を照射して金属内のそ



図 5.5: 光照射時の金属表面からの光電子放出効果

れぞれの励起電子にエネルギー hvを与えたと仮定すれば、図 5.5 に示す ように仕事関数が実質的に hvだけ下がったことになる。また、放出され た電子(光電子)はそれに相当するエネルギーを獲得する。

熱電子発電器に光を照射することにより、高温エミッタの表面から光 電子が放出されることができる。このため、エミッタから放出される電 子は熱電子と光電子の和になり、出力電流が増大することが期待できる。 しかしながら、電極が光子を吸収する量子効率は通常 0.1 程度と低いの で、熱電子放出と比肩できるほどの効果は期待できない。

5.6 結 論

熱電子発電器の出力特性の改善と動作温度の低減化のために、本章で は補助放電の重要性を紹介した。光照射による光電離は、電極間に補助 電極を挿入しなくても実行可能であるため、発電器の構造が簡単となり 有効な補助放電方法である。これは太陽エネルギーの有効利用の活用策 を提供する。さらに、キセノンランプの照射光により生成されるイオン 密度を数値計算した。この結果、光電離が空間電荷の中和に十分貢献で きることを明らかにした。最後に、光照射による電極からの光電効果を 概念的に述べた。 第5章の参考文献

- 1. N. S. Rasor: "Thermionic Energy Conversion Plasma", IEEE Trans. Plasma Sci., 19 (1991) 1191.
- 神藤正士: "熱電子発電器研究開発の現状"、プラズマ・核融合学会誌、70 (1994) 1045.
- Y. Shibahara and M. Kando: "Output Increase of Thermionic Energy Converter due to the Illumination of Xenon Short Arc Lamp", Proc. of the 4<sup>th</sup> Int. Symp. on Functionally Graded Materials, Tsukuba, 1996, (ELSEVIER SCIENCE B.V., 1996), Japan, p.673.
- M. Kando, H. Furukawa, M. Ichikawa and S. Yokoi: "Characteristics of Thermionic Energy Converter with Photoelectric Emission", Proc. of 29<sup>th</sup> Intersociety Energy Conversion Engineering Conf., (U.S.A, 1994), p.1067.
- K. J. Nygaard: "On the Effect of Cesium in Photoionization Laser Plasmas", IEEE J. Quant. Electronics, QE-9 (1973) 1020.
- 6. A. Javan and J. S. Levine: "The Feasibility of Producing Laser Plasmas via Photoionization", J. Quant. Electronics, QE-8 (1972) 827.
- J. C. Weisheit: "Excited-State Cesium Photoionization Cross Section", J. Quant.Spectrosc. Radiat. Transfer, 12 (1972) 1241.
- D. H. Pollock and A. O. Jenssen: "Absorption of Resonance Radiation and Formation of Molecular Ions in Cesium Vapor", J. Appl. Phys., 36 (1965) 3184.
- 9. 鄭偉、神藤正士: "*光照射型熱電子発電器の諸特性*"、静岡大学電子科学研究科研 究報告 **20** 号、p.75.
- 10. N. D. Morgulis, Yu. P. Korchevoi, and A. M. Przhonskii: "Formation of a Cesium Plasma by Resonance Radiation. Physical Properties" Sovi. Phys.-JETP, 26 (1968) 279.
- N. D. Morgulis, A. I. Kravchenko and V. Ya. Chernyak: "Ionization and Recombination in a Plasma Diode", Soviet Phys.-JETP, 32 (1972) 1855.
- 12. J. Yamada and T. Okuda: "Production and Physical Properties of Cesium Plasma by Resonance Absorption", J. Phys. Soc. Japan, 35 (1973) 881.

# 第6章 光照射型熱電子発電器の出力特性 6.1 序 論

前章で述べた光照射型熱電子発電器の基本原理に基づいて、光照射型 熱電子発電器を実作し、その出力特性を測定した。本章ではまず発電器 の材質、形状、寸法から、光源の特徴、実験装置、実験の方法と原理、 実験条件、発電器の出力特性等について全般的に記述する。また、実験 結果と理論の比較を行なう。

6.2 実験装置 1-6)

6.2.1 光照射型熱電子発電器の基本構造

図 6.1 に円筒状コレクタを有する光照射型熱電子発電器の概略図を示 す。エミッタは直径 0.5mm、全長 340mmのタングステン線を渦巻き状 に 8 回巻いたもので、その直径は 18mm、実質的な面積は約 5.0 cm<sup>2</sup>であ る。エミッタは 60Hz の半波電流を流すことにより直接加熱する。電極 間及びエミッタ表面に光照射を有効的に行うために、コレクタは直径 38 mm 長さ 20mm のステンレス(SUS304)製の円筒を採用し、図のように配 置する。この時の両電極間の最短距離は 10mm である。実験ではこのコ レクタの前方から、エミッタに向かって光を照射する。発電器の容器は パイレックスガラスで、その内部にはセシウムが満たされている。実験



図 6.1. 光照射熱電子発電器の概略図

 では発電器を電気炉の中に入れ、炉の温度を調整することにより、発電 器内のセシウム蒸気温度を制御する。入射光に対するパイレックスガラ ス容器の透過率 <sup>7)</sup>は波長 350nm から 2000nm にわたり一様に 0.9 である。

6.2.2 光照射用光源

セシウム原子の光励起・電離に必要な光波長は近赤外線領域(励起:890nm)から紫外線領域(直接電離:318nm)にわたっている。このような光の波長成分はすべて太陽光に含まれている。太陽光を利用して熱電子発電器の出力特性改善ができれば、地上用熱電子発電器<sup>8-10)</sup>の普及が期待できる。

しかし、実験室では太陽光による実験は難しいため、太陽光と類似し たスペクトルをもつキセノンランプ<sup>11)</sup> (XD5000/H-OL、東芝ライテック 社製)の放射光を用いた。このランプは人体に有害なオゾンの発生を防ぐ ために、200nm 以下の紫外線をカットする石英放電管を使用している。 キセノンランプ放射光と太陽光のスペクトル分布の比較は図 6.2 に示す ように、可視部付近において両者はよく似た分布をしている。ランプの 光量はランプ電流を調節することにより変化できるが、キセノンランプ



図 6.2. キセノンランプ、太陽光および黒体放射のスペクトル分布 \*:太陽光は午後 12:00、赤道上で鉛直に測定した値



ではスペクトル分布はほとんど変化しない。ランプの電気入力は 1kW か ら 4.5kW まで可変であり、そのうち 50%以上は熱となり対流及び伝導に よって失われる。残りの 50%以下が光として放射されるが、そのスペク トル分布は入力パワーには依存せず、紫外領域(<380nm)、可視領域(380nm ~780nm)、赤外領域(>780nm)にそれぞれ 3%、11%、36%づつ分配される。 ランプハウス内には放物状ミラーが置かれ、ランプの電極間で生じる光 はミラーで反射されて、平行光線となってランプハウスから放射される。 このときのミラーでの反射の際に損失が生じる。ランプハウスからの光 は三枚の光学レンズ(01 LPX 145、BK-7A、Melles Griot Company)によ って集光されて発電器に照射される。レンズの透過率 <sup>12)</sup>は発電器容器の パイレックスガラスと同様に、波長 350nm から 2000nm にわたって 0.9 である。また、パイレックスガラスと光学レンズの透過率は 350nm 以下 の光に対して著しく減衰するため、紫外光の大部分は発電器に到達する 前に吸収されると考えられる。以上の条件をまとめると、発電器に入射 する光はほぼ可視光と赤外線であり、熱電子発電器内への入射光パワー P: <sup>6</sup>は 200W 程度である。

次に、光照射によるエミッタの加熱について考察する。タングステン の放射率は約0.2であるので、エミッタが吸収するパワーは入射光の20% である。すなわち、エミッタ加熱に使われるパワーは40W程度で、残り 160W は発電容器の壁の加熱、セシウム原子の励起と電離などに消費さ れる。キセノンランプへの電気入力が4.5kW時に、エミッタに向けて一 分間光を照射すると、エミッタ温度が1500Kから1545Kに上昇した。エ ミッタの仕事関数 ØE はエミッタ温度に強く依存し、発電器出力特性もエ ミッタ温度の変化に応じて変化する。本章では、光励起・電離の発電特 性への効果を調べることに絞った研究を行う。この効果を調べるにはエ ミッタ温度が一定であることが必要となる。このため、本章の研究では 光照射時間は3秒以内に制限して、エミッタ温度が大きく変わらない条 件の下で光照射実験を行った。 図 6.2 には 2000K の黒体放射のスペクトルも示されているが、これに は近赤外線から可視領域の波長成分が含まれている。熱電子発電では通 常、エミッタを 2000K 近くまで加熱するので、エミッタからの放射光の 出力特性への影響は無視できなくなる。しかし、これまでの熱電子発電 器の研究ではエミッタからの放射光の効果には未だ触れられていない。 高温動作熱電子発電器では、エミッタからの放射光による光電離過程は 検討の対象となると思われる。

6.2.3 エミッタ温度およびセシウム蒸気温度の測定

出力特性を測定する前に、エミッタ温度とセシウム蒸気温度を測定し なければならない。熱電子発電器は密閉されているため、エミッタ温度 を直接測定するには熱電対などを予め取り付けておく必要があるが、構 造が複雑化し、測定誤差の原因となる。ここでは、無接触測定のできる 放射温度計(ミノルタ社 IR - 630)を用いてエミッタ温度の測定を行なった。 ここで、タングステンの放射率は 0.2 とした。放射温度計は温度 800K 以下測定には不向きであり、エミッタの動作温度範囲である 850K から 1600K までの測定に利用した。なお、測定は発電器内にセシウムが封入





された状態で行なった。測定条件によってはガラス容器にセシウムが付着して光の透過率が低下することがある。エミッタが低温時には影響が 大きいが、エミッタ温度が 1200K 超えると、セシウムのガラス窓への付 着が少なくなり、エミッタ温度の測定には大きな影響はなかった。測定 の際は始めにエミッタに大電流を流して加熱し、ガラス表面のセシウム を飛ばしてから、ヒータ電流を変化させて測定を行なった。図 6.3 は実 験的に求めたタングステンエミッタ温度とヒータ電圧の関係である。

セシウム蒸気は一般に温度の低いところに集まっていく。エミッタの 輻射熱によりエミッタ近傍のセシウム蒸気温度が高くなるが、セシウム の圧力はそこの温度で決まるのではなく、発電器内の最低部の温度で蒸 気圧が決められると考えられている。このため、発電容器で最も温度の 低いところ、すなわち発電器壁の温度をセシウム蒸気温度 *T*<sub>cs</sub>とすれば 良い。実験では発電器全体は電気炉の中に入れられるので、セシウム蒸 気温度は炉温度を調整することによって変えられる。電気炉の温度は、 炉の中の一点でしか測定していないが、炉の中には温度分布があると思 われる。このため、本研究では、発電器の壁に熱電対を取り付けて測定 した温度と炉の表示温度とを平均して、セシウム蒸気温度とした。セシ ウム圧力は、第3章の図 3.8 に示されたセシウム蒸気温度との関係を利 用して定めた。

6.2.4 熱電子発電器出力特性の測定方法

図 6.4 は熱電子発電器出力特性の測定回路図であり、遅延パルス発生 回路、サンプリング・ホールディング回路、三角波発振器および負荷抵 抗によって構成される。外部回路の三角波発振器は両電極間の印加電圧 を制御するために用いられ、外部抵抗は出力電流を電圧に換算するため に取り付けられる。エミッタを電気的に加熱すると、加熱電流がエミッ タフィラメントに流れることによって、エミッタ両端に数ボルトの電圧 が発生する。この電圧はエミッタからコレクタに流れる電子流を擾乱す



78

る。熱電子発電器内の電子とイオンは熱平衡状態になっていて、電子と イオンの温度はエミッタ温度に等しいと近似できる。エミッタ加熱電流 により発生するエミッタ両端の電圧は電子とイオンの温度より遥かに高 い。このため、発電器内の荷電粒子の運動はこの電圧によって大きな影 響を受ける。この擾乱を避けるために、エミッタの加熱には 60Hz の半 波整流電流を用い、発電器出力特性の測定は加熱電流休止時に行う。

加熱電流によるエミッタ両端の電圧がコレクタに対して正の場合、発 電器の出力特性は大幅に押さえられる。これは図 6.4 の回路を使えば、 避けることができる。図 6.5 はその原理を説明するための図である。図 にはサンプリングとホールディング回路の前後の信号、60 Hz の半波加 熱電流およびサンプリングパルスが掲載されている。幅 0.12 ms のパル スは 60 Hz 半波電流の停止後 5 ms に発生させる。サンプリング回路はサ ンプリングパルスが発生した瞬間に三角波電圧と負荷抵抗の電圧値を記 録し、次のパルスが到達するまでそれらの信号を維持する。したがって、



図 6.4. 熱電子発電器出力特性の測定回路図

三角波の電圧波形と負荷抵抗の電圧はサンプリング・ホールディング回路によって、図 6.5 に示すように修正される。実験では、三角波電圧の周波数を 1Hz、振幅は 3V とした。出力電圧は三角波電圧と負荷抵抗に現れる電圧の和で与えられ、出力電流は負荷抵抗両端の電圧値から求めた。サンプリングとホールディング回路からの信号はデジタルオシロスコープで記録され、その後パソコンでデータの処理を行う。



図 6.5. 測定回路主要部における信号波形

#### 6.2.5 熱電子発電器の動作条件

実験で得られた熱電子発電器の出力特性を理解するために、先ず発電器の動作条件を述べる。エミッタ温度は加熱電流によって制御される。 前節で述べたように、加熱電流を大きくすると、エミッタの両端に大き な電圧が発生し、最悪の場合、エミッタ両端に局部的な放電が生じる。 放電の発生を避けるために加熱電流は制限されるが、本装置では放電を 起こさずにエミッタ温度を 1600K 程度まで加熱できる。発電器容器のパ イレックスガラスは 500K 以上に加熱されると、セシウムを吸収して白 化する性質がある。このため、セシウム蒸気温度は 500K までに制限さ れる。本実験では、セシウム蒸気温度は電気炉によって制御される。エ ミッタ温度とセシウム蒸気温度は 6.2.3 節で述べた方法により測定する。 以上の発電器の温度動作条件の下で、光照射型熱電子発電器の出力特性 の照射光依存性を、電極温度、セシウム蒸気温度をパラメタとして調べ た。

電極間での電子の衝突回数は、電子の平均自由行程と電極間隔の比に よって評価できる。一般に、圧力が高いほど中性原子の密度が高く、電 子の平均自由行程が短くなる。電子とセシウム原子の弾性衝突のみを考 慮すると、電子の平均自由行程<sup>13)</sup>は次の式により与えられる。

$$\lambda_{ea} = \frac{1}{N\sigma_{ea}} \tag{6-1}$$

ここで、N はセシウム原子の密度、 $\sigma_{ea}$ は電子 - セシウム原子弾性衝突断面積である。これまでにセシウム蒸気中の $\sigma_{ea}$ を求める多くの実験が行われており、 $0.1 \sim 0.4 \text{eV}$ のエネルギーを持つ電子に対して、 $\sigma_{ea}=3.5 \times 10^{-14} \text{cm}^2$ の実験値<sup>14)</sup>が報告されている。N は  $P_{cs}=NkT_{cs}$ の関係から求められ、セシウム圧力とセシウム蒸気温度の関係は式(2-24)を用いた。図 6.6 に電子



図 6.6. 電子の平均自由行程とセシウム蒸気温度



の平均自由行程とセシウム蒸気温度の関係を示す。

本熱電子発電器の電極間隔の最短距離は 10mm である。このため、図 6.6 から分かるように、電子の平均自由行程は電極距離より遥かに短く、 エミッタから放出された熱電子は多数回衝突してコレクタに到達するこ とが分かる。

6.3 熱電子発電器の出力特性<sup>1-6</sup>

6.3.1 非点火モード動作時の出力特性

図 6.1 に示される光照射型熱電子発電器を製作し、その出力特性の光 照射依存性を電極温度およびセシウム蒸気温度をパラメタとして調べた。

図 6.7 に、*T*<sub>cs</sub>=400K で光照射がない場合の出力特性と *T*<sub>E</sub>の関係を示す。 図から出力電流密度 *J*<sub>o</sub>は *T*<sub>E</sub>の増加と共に徐々に増加することがわかる。 *T*<sub>E</sub>=1600K の場合、出力電圧 *V*<sub>o</sub>が-1 から-2V の間で *J*<sub>o</sub>は急激に増加し、 ヒステリシスを描く。曲線上の矢印はヒステリシスの変化の方向を示す。 *J*<sub>o</sub>の急激な増加は電極間での放電の始まり、すなわち点火モード動作の 始まりを意味している。このようなヒステリシスは点火モード動作時に しばしば現われる。エミッタを高温に加熱すると多量の熱電子が放出さ



図 6.7. 熱電子発電器の出力特性 (T<sub>cs</sub>=400K)

82 静岡大学大学院電子科学研究科



図 6.8. 熱電子発電器の出力特性 (T<sub>E</sub>=1280K)

れ、両電極間のある電圧で多段階または累積電離の発生条件が満たされ、 放電が始まる。ひとたび点火が始まると、体積電離により両電極間に多 数の電子やイオンが生成され、その後たとえ両電極間で電子の加速電界 が減少したとしても放電が維持される。それ故、点火消滅電圧 V<sub>B</sub>は点火 電圧 V<sub>D</sub>より大きくなる。

図 6.8 は、照射光が無い場合で、 $T_{\rm E}$ =1280K を一定とし、 $T_{\rm cs}$ をパラメ ータとして測定した出力特性である。 $T_{\rm cs}$ =430K の場合以外は、すべての  $T_{\rm cs}$ に対して、非点火モード動作であることが分かる。また、 $T_{\rm cs}$ が 400K から 430K まで上昇すると出力電流は増加し、さらに 430K から 500K ま で高めると、出力電流は逆に低下することが分かった。これより出力電 流  $J_{\rm o}$ は  $T_{\rm cs}$ =430K の時に最大となる。これは空間電荷中和度αにより定 性的に説明できる。図 6.9 は実験で得られた出力特性の短絡電流密度  $J_{\rm s}$ 、 エミッタからの熱電子放出電流密度  $J_{\rm eR}$  およびαの  $T_{\rm cs}$  依存性を示す。 $J_{\rm s}$ は出力電圧  $V_{\rm o}$ =0 の時の  $J_{\rm o}$ で、 $J_{\rm eR}$ は Richard-Dushmann の式で計算され、 αは式(2-25)で計算した。図から分かるように、 $T_{\rm E}$ が一定の時、 $T_{\rm cs}$ が高 くなるとともにエミッタ仕事関数 $\phi_{\rm E}$ が低下するため、 $J_{\rm eR}$ が増加しαが減 少する。一方、同図から、 $J_{\rm s}$ は、 $T_{\rm cs}$ =430K、 $T_{\rm E}$ =1280Kの測定値を除けば、



図 6.9. 短絡電流密度 J<sub>s</sub>、エミッタからの熱電子放出電流密度 J<sub>eR</sub> 及 び空間電荷中和度αのセシウム蒸気温度 T<sub>cs</sub>依存性

 $T_{\rm E}$ =1200K および  $T_{\rm E}$ =1280K のいずれの場合においても  $T_{\rm Cs}$ の上昇と共に 減少する傾向が読みとれる。また、 $T_{\rm Cs}$ が高温の時には、 $J_{\rm s}$ は  $J_{\rm eR}$ よりも 遥かに小さいことがわかる。この結果から、 $\alpha < 1$ の場合は  $J_{\rm s}$ は  $J_{\rm eR}$ の増 加よりはむしろエミッタ近傍の負の空間電位障壁によって制限されてい ることがわかる。

 $T_{\rm E}$ =1280Kの時、 $T_{\rm Cs}$ =415Kにおいて $\alpha$ =1となるため、 $J_{\rm s}$ の値は $T_{\rm Cs}$ <415K では $J_{\rm eR}$ に近くなる。1 $\geq \alpha$ >0.1の範囲では、負の空間電位障壁による $J_{\rm s}$ の抑制作用はそれほど顕著でなく、 $J_{\rm s}$ は $T_{\rm Cs}$ の上昇と共に増大する。こ のため、 $T_{\rm Cs}$ =430Kの時、 $J_{\rm s}$ は最大となる。 $\alpha$ <0.1の場合は、負の空間電 位障壁による抑制作用が支配的となり、 $T_{\rm Cs}$ の上昇に伴って、 $J_{\rm eR}$ が増大 しても $J_{\rm s}$ は減少する。

図 6.9 には T<sub>E</sub>=1200K と 1280K の場合で T<sub>Cs</sub>=400K の時に、J<sub>s</sub>は J<sub>eR</sub>よりも大きくなっているが、これは、セシウム蒸気温度の測定誤差によるものと考えられる。すなわち、セシウム蒸気温度として熱電対により測定された発電器の容器の壁温度を用いてきたが、実際にはエミッタからの輻射熱の影響を受けて、両電極間のセシウム蒸気圧は容器内で不均一

な分布になっていると考えられる。セシウム蒸気温度の測定値は実際の 温度より 30K 程度低下していても不自然ではないと思われる。熱電子発 電の実験結果を考察する際には、実験データのこのような面にも十分配 慮する必要がある。その理由は、熱電子放出と空間電荷中和度はともに T<sub>cs</sub>に対して非常に敏感であるからである。

一般的に、エミッタ温度が低いほど仕事関数は低くなる。結果として、 熱電子放出が表面電離で生成されるセシウムイオン流束より多くなる。 このため、エミッタ前面ではセシウムイオンよりも電子が過剰になり、 負の空間電位が生成される。エミッタから放出された熱電子はこの負の 空間電位によりエミッタに引き戻される。T<sub>E</sub>が上昇すると今述べた過程 の逆の過程が進行して、エミッタ近傍における負の空間電荷の蓄積が緩 和されるために、大きな出力電流を取り出すことが可能になる。

図 6.10 は、 $T_{cs}$ =450K、 $T_{E}$ =1120K または 1200K における非点火モードの出力特性であり、光照射の有無に伴って生じる相違を比較している。 実験では  $T_{cs}$ を 400K から 500K まで変化させたが、 $T_{E}$ が 1120K と 1200K の時には光照射有無とは無関係に、いつも非点火モードであった。この



図 6.10. 非点火モード動作時の光照射有無による出力特性の変化



図 6.11. 短絡電流 J<sub>s</sub>、熱電子放出電流 J<sub>e</sub> および空間電荷中和度αの関係. ときの出力電流は負の空間電荷により制限されるため、mA のオーダで あったが、光照射によって出力電流は 3 倍以上増大することが観測され た。また、T<sub>E</sub>を 1280K に上昇させると、光照射無しの時の非点火モード は、光照射により点火モードに移行し、出力電流の大幅な増加が観察さ れた。これは光照射によって、セシウム原子が励起または電離された結 果、エミッタ前面の負の空間電荷が中和されたことによるものと考えら れる。

図 6.11 は、短絡電流の測定値  $J_s$ とエミッタからの熱電子放出電流  $J_{eR}$ を比較したもので、S 字状の実線は Taylor と Langmuir による測定値であり、セシウムの付着によりエミッタの仕事関数が変化するために  $J_{eR}$ はこのような複雑な変化をする。図中の丸と三角の記号はそれぞれ  $T_{cs}$ が 400K および 450K の時の  $J_s$ の測定値を表し、黒丸と黒三角は光照射のない場合の、白丸と白三角は光照射を行った場合に相当する。また、図中の二つの白い四角は、 $T_{cs}$ =400K および 450K において $\alpha$ =1 となるエ

静岡大学大学院電子科学研究科

86

ミッタ温度を示している。これらの四角を通る縦軸に平行な一点鎖線に よって領域が2分されているが、一点鎖線の右側の領域では対応する *T*<sub>cs</sub> に対してα<1、その左側ではα>1 である。図から分かるように、α<1 の領域では *J*<sub>s</sub> は光照射により数倍程度増加していることがわかる。しか しながら、α>1の領域ではその増加量が減少している。なお、*T*<sub>E</sub>>1400K で *J*<sub>s</sub> が *J*<sub>eR</sub> を上回っているが、これはセシウム蒸気温度の測定誤差に起 因すると思われる。すなわち、前述の理由で *T*<sub>e</sub> が高くなると *T*<sub>cs</sub> は実質 的に 30 から 50K 程度上昇していると考えられ、この点を考慮すると *T*<sub>E</sub> の高い領域で *J*<sub>s</sub> はほぼ *J*<sub>eR</sub> に等しくなると考えられる。光照射による *J*<sub>s</sub> の増加は、光電離が生じて空間電荷が中和された結果であると思われる。 特に、α<1 の条件では光照射により出力の増加は有効であると言える。

図 6.12 に  $T_{\rm E}$ =1280K において光照射を行ったときの出力特性を示す。  $T_{\rm cs}$ =430K の時は非点火モードで出力電流は小さいが、 $T_{\rm cs}$ ≧450K では 点火モードが顕著に現れた。 $T_{\rm cs}$ =460K の時に最大の出力電流が観察され



図 6.12. 光照射による非点火モードから点火モードへの遷移

たが、さらに T<sub>cs</sub> が上昇すると、出力電流が低下すると共に、点火電圧 も負の方向にシフトした。さらに T<sub>cs</sub>=500K では、発電器は再び非点火 モードに戻ってしまった。これにより、光照射により点火モードが促進 される最適な条件は T<sub>E</sub>=1280K と T<sub>cs</sub>=460K であることがわかった。同図 と同じ温度で光照射のない場合の図 6.8 に示された出力特性と比べると、 光照射が非点火モードから点火モードへのトリガーとなっていることが 分かる。しかしながら、点火電圧が負であるために、点火モードの特性 は非発電領域にあって、出力電流の増大とはならない。点火電圧を発電 領域側にシフトさせるには、適切なエミッタ温度 T<sub>E</sub>とセシウム蒸気温度 T<sub>cs</sub>の組み合わせが必要となる。このため、T<sub>E</sub>と T<sub>cs</sub>を変化させることに よって、点火電圧を発電領域に移行する条件およびその時の光照射によ る出力特性の改善効果などを調べる実験を行った。

6.3.3 光照射による点火モード動作出力特性の改善

図 6.13(a)および(b)に、既に点火モードで動作している発電器に光照射 を行った時の出力特性の変化を示している。T<sub>E</sub>=1600Kを一定として、T<sub>cs</sub> をパラメータとして測定した。非点火モードの場合と違って、点火モー ドの場合は、光照射による出力特性の改善効果は制限されることがわか る。すなわち、光照射による出力電流の増加はそれほど顕著ではなかっ た。

次に、 $T_{cs}$ を一定とし  $T_{E}$ を変化させて、光照射による出力特性の変化 を測定した。図 6.14(a)および(b)は  $T_{cs}$ =450K の時の光照射有無による出 力特性の変化である。 $T_{E}$ =1280K の時、光照射によって非点火モードか ら点火モードへの遷移が生じているが、 $T_{E}$ >1340K になると、光照射の 有無に依らず、出力特性の改善は認められなかった。

以上の結果から、光照射による出力特性の顕著な改善は、非点火モー ドで動作している場合に観測されることが分かる。点火モードの動作時 の光照射は出力特性の改善にはあまり貢献しない。これには両電極周辺





図 6.13. 点火モード動作熱電子発電器出力特性の光照射による変化(T<sub>E</sub>=1600K) (a) 光照射なし、 (b) 光照射あり

のシースの構造が関係していると思われる。

6.3.4 光照射による出力特性改善の条件

上記の実験結果を整理して、光照射によって出力特性が著しく改善される条件を見つけるための検討を行った。表 6.1、6.2 および 6.3 に、実験条件、空間電荷中和度α、熱電子放出電流 J<sub>eR</sub>、エミッタ仕事関数φ<sub>E</sub> および実験で観察された改善効果を示す。ここで、α、J<sub>eR</sub> およびφ<sub>E</sub> は第 2



図 6.14. 点火モード動作熱電子発電器出力特性の光照射による変化(*T*<sub>cs</sub>=450K) (a) 光照射なし、 (b) 光照射あり

章で述べた計算方法を用いて算出した。また、コレクタの温度はセシウム蒸気温度と等しいと仮定し、コレクタ仕事関数øcはセシウムの仕事関数と等しく 1.7eVと仮定した。何故ならば、コレクタは低温のため、コレクタはセシウムで完全に被膜されているからである。

表 6.1、6.2 および 6.3 より、光照射が出力を顕著に改善する条件は以下のような結論づけられる。すなわち、

		*		
$T_{\rm Cs}({ m K})$	$\phi_{\rm E}({ m eV})$	$J_{eR}(A/cm^2)$	α	Remarks
400	2.99	3.35×10 <sup>-4</sup>	1.4×10 <sup>1</sup>	
430	2.63	8.75×10 <sup>-3</sup>	9.1×10 <sup>-2</sup>	*, 0,@
450	2.42	5.77×10 <sup>-2</sup>	5.0×10 <sup>-3</sup>	0,@
460	2.33	1.35×10 <sup>-1</sup>	1.4×10 <sup>-3</sup>	O, @
470	2.24	2.96×10 <sup>-1</sup>	4.2×10 <sup>-4</sup>	0,@
490	2.09	1.17	5.6×10 <sup>-5</sup>	0,@
500	2.02	2.12	2.4×10 <sup>-5</sup>	

Table 6.1.  $J_{eR}$ ,  $\phi_E$  and  $\alpha$  dependence on  $T_{Cs}$  at  $T_E$ =1280K.

Table 6.2.  $J_{eR}$ ,  $\phi_E$  and  $\alpha$  dependence on  $T_{Cs}$  at  $T_E = 1600$  K.

$T_{\rm Cs}({ m K})$	$\phi_{\rm E}({ m eV})$	$J_{eR}(A/cm^2)$	α	Remarks
400	4.08	4.47×10 <sup>-5</sup>	4.8×10 <sup>5</sup>	
450	3.53	2.35×10 <sup>-3</sup>	5.3×10 <sup>3</sup>	*, 0
470	3.31	$1.17 \times 10^{-2}$	$4.9 \times 10^{2}$	*, 0
490	3.09	5.56×10 <sup>-2</sup>	4.5×10 <sup>1</sup>	*, 0

Table 6.3.  $J_{eR}$ ,  $\phi_E$  and  $\alpha$  dependence on  $T_E$  at  $T_{Cs}$ =450K.

$T_{\rm E}({\rm K})$	$\phi_{\rm E}({ m eV})$	$J_{eR}(A/cm^2)$	α	Remarks
1280	2.42	5.77×10 <sup>-2</sup>	5.0×10 <sup>-3</sup>	O, @
1340	2.63	2.75×10 <sup>-2</sup>	$1.2 \times 10^{-1}$	*, 0
1400	2.85	1.34×10 <sup>-2</sup>	2.3	*, 0
1490	3.17	5.26×10 <sup>-3</sup>	$1.2 \times 10^{2}$	*, 0
1600	3.53	2.35×10 <sup>-3</sup>	$5.3 \times 10^{3}$	*, 0

\*: ignited without illumination

o: ignited with illumination

@: remarkable increase of output current

a). αが 10<sup>-2</sup>以下であること。

- b). J<sub>eR</sub>が 10<sup>-3</sup>A/cm<sup>2</sup>より大きいこと。
- c).  $\phi_{\rm E}$ が 2.2eV より大きいこと。

エミッタ直前の空間電荷中和度はエミッタ周辺の空間電位の分布を決 定する。α>1ではエミッタ前面にイオンシースが形成され、α<1では 電子シースが形成される。 αが小さいほど、エミッタ近傍の負の空間電 位の谷は深くなり、空間電位最小値とコレクタ電位との電位差ΔV は増 大する。このような深い負の空間電位が生成された状態で、空間電位が 最小となる付近に光照射を行うと、光電離で生成された電子がこの電位 差ΔVで加速され、点火に至ると考えられる。その後は、第3章の図 3.14 で述べた過程を辿って、発電器内に体積電離が確立される。最終的には エミッタ前面のαが1より大きくなり、イオンシースが形成される。

一般に、J<sub>eR</sub>が大きい時αは小さい。また、エミッタ周辺に限定すれば、 J<sub>eR</sub>が大きい時、電子密度は高い。条件 a)の必要性は上述したが、b) は、電子による衝突電離によって点火が生じるには、ある程度高い電子 密度が必要であることを指摘している。c)は a)とも関連するが、電子 の加速をコレクタ前面の電位降下部で行って衝突電離に導くためには、 コレクタとエミッタの電位差がある一定値以上必要であることを述べて いる。これらの 3 つの条件が整った場合に光照射を行うと、効率よく点 火モードに遷移すると考えられる。

セシウム蒸気温度  $T_{cs}$  が高くなると、光照射を行っても点火に至らなかった。この場合には、 $\phi_{E}<2.0$ eV となって条件 c)が満たされないからである。他方、光照射を行わなくても、エミッタ温度が高ければ、 $\phi_{E}$ が十分高くなり、点火を発生させることができる。

発電器が点火モードで動作する場合には、電極間には大きな負の空間 電位は存在せず、照射光による点火モードへの遷移のような大きな出力 特性改善効果は生じない。しかし、セシウム蒸気温度やエミッタ温度を さらに上昇させた場合には、セシウム蒸気の光吸収が増して多量のセシ ウム励起原子が生成されて体積電離が起こりやすくなる。このため、発 電器内部の電位損失が減少して、光照射による出力電圧の増大が期待さ れる。

### 6.3.5 出力特性の発電領域への遷移

 $T_{\rm E}>1340$ K でかつ  $T_{\rm Cs}\geq450$ K 時には光照射の有無にかかわらず、電極間 で放電が生じ、強い発光が観察された。また、光照射がある場合と無い 場合の出力特性の大きな違いも認められなかった。図 6.15 は  $T_{\rm Cs}=490$ K の時の発電器出力特性である。図 6.14 に示した  $T_{\rm cs}=450$ K の時の特性と 異なり、 $T_{\rm E}$ を 1280K から 1600K まで変化させると、光照射の有無にか かわらず、出力特性は発電領域へ移行する傾向が明瞭に現れた。これは  $T_{\rm E}$ の上昇に伴って $\phi_{\rm E}$ が高くなって出力電圧が増加したものと思われる。 図 6.15 において、 $T_{\rm E}=1280$ K の時、光照射無しの時の短絡電流は非常に 小さく 0.6mA/cm<sup>2</sup>であった。光照射を行うと、点火電圧は非発電領域で はあるが発電器内に赤紫色の放電が生じた。また、この時の短絡電流は 光照射無しの時に比べ 30 倍程度増大し、20mA/cm<sup>2</sup>となった。 $T_{\rm E}=1600$ K にすると、自己点火が生じ、発電領域での点火モード動作となった。し かし、光照射による短絡電流の増大は約 20%に留まっていた。なお、  $T_{\rm E}>1340$ K の場合、光照射による点火電圧の大きな変化は認められなか った。



図 6.15. 光照射の有無による熱電子発電器の出力特性の変化(T<sub>cs</sub>=490K)

6.4 出力特性に影響する諸要素<sup>1,2)</sup>

以上の実験結果をまとめると、熱電子発電器の出力特性に影響するパ ラメータとして、空間電荷中和度、熱電子放出および仕事関数が重要で ある。本節は実験結果を良く理解するために、理論面から実験結果を考 察する。

6.4.1 空間電位分布の変化と出力電圧

図 6.16 は図 6.4 の測定回路に対応するモーティブ図である。図中の  $V_{\rm T}$ は外部から加えた三角波電圧で、 $V_{\rm o}=V_{\rm T}+RI_{\rm o}$ は発電器の出力電圧である。  $V_{\rm c}$ はコレクタ前面のシース電圧でコレクタ電位とプラズマの空間電位の 差に等しい。図 6.16 では、 $\alpha>1$  と $\alpha<1$  の場合のコレクタシース電圧を  $V_{\rm c}$ および  $V_{\rm d}$ で表示してある。 $\Delta V$ はエミッタ電位とエミッタ近傍の空間 電位最小値との差であり、エミッタシース電圧に相当する。また、曲線(a) は $\alpha<1$  の、曲線(b)は非点火モードで $\alpha>1$  の場合もしくは点火モード時 の空間電位分布に相当する。図 6.16 を参照すると、出力電圧は下の式で 与えられる。

$$V_o = \phi_E - \phi_C - V_d + \Delta V \tag{6-2}$$

この式から分かるように、出力電圧を増大するには、エミッタの仕事関 数 φ<sub>E</sub> を高くするか、V<sub>a</sub> を減少させることが必要である。 φ<sub>E</sub> の増大にはエ ミッタ温度の上昇が効果的であるが、6.3.5 節は、このような効果により 出力特性が発電領域に遷移している状況を扱っている。また、図 6.15 で は、光照射の有無による点火電圧の顕著な変化の見られない例を示して いる。これは、予め点火モードで動作しているために、曲線(b)で示され るようにエミッタ近傍ではイオンシースが形成されていて、エミッタ前 面には空間電位の極小値が存在しない。このためΔV=0 となる。光照射 による非点火モードから点火モードへの遷移では、ΔV の減少が V<sub>a</sub> の減 少となって、V<sub>o</sub>の増大につながったと考えられるが、予め点火モードで 動作している場合にはこの変化がないために、V<sub>o</sub>の増大が顕著に現れな



図 6.16. 熱電子発電器内のモティーブ図

いと考えられる。

6.4.2 電極シース電圧と点火モードの発生および維持条件

非点火モードから点火モードへの遷移に伴って出力特性が大きく改善 される。図 6.16 に示すように、非点火モードでα<1 の場合、コレクタ のシース電圧 V<sub>a</sub>が大きいほど、コレクタ近傍の電子がこの電圧で加速さ れ易くなり、コレクタ前面付近で電子の衝突電離を伴って体積電離が生 じる。体積電離の起きている領域の電位は上昇するので、コレクタ前面 の電圧降下部はエミッタ側に移動し最終的には曲線 b)のような空間電 位分布になり、点火モードが確立される。図 6.16 から分かるように、点 火モード時にはエミッタシース電圧 V<sub>B</sub> はコレクタシース電圧 V<sub>a</sub> より大 きい。このため、一旦生じた点火モードは長く持続されることになる。

V<sub>a</sub>が大きいほど、コレクタ前面で電子が加速され、体積電離が発生し やすくなる。これには、非点火モードの空間電位分布曲線 a)から分か るように、両電極前面に電子シースが生成される必要がある。すなわち、 空間電荷中和度α<1 が点火モードの発生のために必要な条件である。第 2 章で述べたように、セシウム原子の電離は多段階電離であり、励起原 子を経て電離するのが一般的である。励起エネルギーは 1.4eV であるの で、電子は最低 1.4eV のエネルギーを持たないと、励起は不可能である。 しかし、電子発電器内の電子エネルギーは通常 0.2eV 以下のため、シー ス電位から 1.2eV 以上のエネルギーをもらう必要がある。

さて、ここで空間電荷中和度とシース電位の関係を考察しよう。  $\alpha < 1$ 場合で、エミッタシース電圧  $V_{\rm E}$ が生じている場合を考察する。バルクプ ラズマの電子密度  $n_{\rm e}$ はエミッタ近傍の電子密度  $n_{\rm eE}$ に Boltzmann 分布則 を乗ずることで表すことができる。一方、バルクプラズマのイオン密度  $n_{\rm i}$ はエミッタ近傍のイオン密度  $n_{\rm iE}$ に等しく、また、プラズマの中性条件 から  $n_{\rm e}=n_{\rm i}$ である。エミッタシース電圧を  $V_{\rm E}$ とすると、以下のような式 (6-3)<sup>15)</sup>が成り立つ。

$$V_E = \frac{kT_e}{e} \ln \alpha \tag{6-3}$$

すなわち、式(6-3)からエミッタシース電圧は空間電荷中和度の関数となることが判る。また、式(6-3)はイオンシースの場合でも成立する。 $\alpha>1$ では式(6-3)から  $V_{\rm E}>0$  でイオンシースになり、 $\alpha<1$  では  $V_{\rm E}<0$  となって電子シースになる。図 6.17 は式(6-3)を用いて求めたシース電圧と空間電荷中和度の関係である。

セシウム原子の励起エネルギーは 1.4eV であり、熱電子発電器内のエネルギーは 0.2eV 程度であるため、励起に不足する 1.2eV はシース電位から獲得するしかない。図から判るように、コレクタ近傍に 1.2V のシース電圧を生成するには $\alpha < 3 \times 10^{-3}$  でなければならない。この時、エミッタシース電圧 $\Delta V$ はコレクタシース電圧  $V_d$ より小さいが、 $V_0=0$  の時、すなわち短絡条件では、 $V_d=\phi_E-\phi_C+\Delta V$  になる。すなわち、出力電圧がゼロの時の点火発生条件はほぼ $\phi_E-\phi_C$ で決まる。 $\phi_C$ はセシウムの仕事関数 1.7eV に等しく、実験結果から $\phi_E$ は 2.2eV 以上必要であるから、 $\Delta V \ge V_d$ -



図 6.17: シース電位の空間電荷中和度の依存性

 $(\phi_{\rm E}-\phi_{\rm C})=1.2-(2.2-1.7)=0.8V$ になる。これを図 6.17の関係を用いて $\alpha$ に換算すると、 $\alpha<10^{-2}$ になる。これは実験結果と良く一致する。

しかし、空間電荷中和度が非常に小さい場合には、熱電子は負の空間 電位によってエミッタ側に跳ね返されるので、電極間空間で電離を引き 起こす電子が不足するため、動作モードは非点火にとどまる。電極間に 光電離により多量の電子が作られれば、これらの電子がコレクタシース でセシウムを電離し、点火モードへの遷移に貢献する。

# 6.4.3 セシウム圧力が出力特性に及ぼす影響

図 6.13 は出力特性がセシウム蒸気温度に強く依存することを示してい る。セシウム蒸気温度が高くなると、点火電圧や出力特性が右にシフト する。セシウム圧力は主に二つ面から出力特性に影響を与える。一つは 圧力が増加すると、セシウムが電極表面に附着して電極の仕事関数を低 下させる。コレクタの仕事関数が低下すると、式(6-3)から判るように、 出力電圧が増大する。図 6.13 の出力特性のシフトはこの効果であると考 えられる。さらに、エミッタの仕事関数が低下することによって、熱電 子を多量に放出させ、出力電流が増大する効果がある。二つ目の効果は 圧力の増加と共に、中性原子の密度が増加して、電子の平均自由行程が 短くなる。したがって、空間での電離周波数が高くなり、点火モードが 起こりやすい条件が揃う。また、図 3.8 から判るように、セシウム蒸気 温度が 50K 程度変化すると、セシウム圧力は一桁程度変化する。点火電 圧の変化は Paschen の法則により説明できると考えられる。T<sub>cs</sub>=400K の 場合は、圧力は 10<sup>-2</sup>Torr であり、圧力が低く、Paschen 曲線では低圧力側 にある。したがって、圧力の上昇と共に点火電圧は低下すると考えられ る。しかし、衝突による内部損失が増えるので、出力電圧の低下も避け られない。光照射による点火電圧の変化は顕著に現れないが、これは照 射時間が短いため、照射光の熱効果による大きなセシウム圧力の変化は 生じないため、コレクタの仕事関数の低下が得られないことも一因とな っている。

## 6.5 結 論

本章では光照射型熱電子発電器の出力特性について述べた。太陽光ス ペクトルと類似しているキセノンランプを光源として用い、光照射によ る発電実験を行なった。発電器の動作モードを非点火モードおよび点火 モードに分けて、光照射による発電器出力特性の変化を考察した。また モード間の遷移過程を考察し、光照射によって実現される、低温のエミ ッタ温度での点火モードの発生条件を検討した。実験結果から次のよう な結論が得られた。

 非点火モード動作では光照射によって出力電流が増大することが分かった。これは光照射によって、セシウム原子が励起・電離された結果、 負の空間電荷が中和され、エミッタ前面に存在する負の空間電位障壁が 緩和・解消されたことによるものと考えられる。また、非点火モードの 出力電流は空間電荷中和度αの影響を受け、α=1の時に、出力電流が最 大になることが分かった。

2) 光照射により、非点火モードから点火モードへの遷移が促進される

#### 

ことが確かめられた。これはエミッタ温度が低いところ(*T<sub>E</sub>*=1280K)で最 も効果的であることが実験から分かった。

3) 光照射の点火モードへの影響として、出力電流の増大が見られたが、 出力電圧と点火電圧への影響は顕著には現われなかった。

4) 光照射によるモードの変化や出力電流の増大効果をまとめたところ、
光照射の効果は以下の条件が必要であることが分かった。すなわち、
a)空間電荷中和度α<10<sup>-2</sup>、b)エミッタからの熱電子放出電流J<sub>eR</sub>>10<sup>-3</sup>(A/cm<sup>2</sup>)、
c)エミッタの仕事関数φ<sub>E</sub>>2.2eV。これらの条件を満足すると、コレクタ
電位と電極間の空間電位最小値の差が十分大きくなり、光照射により生
成された電子はこの電位差で加速され、中性原子との衝突による多段階
電離を行なうものと考えられる。

5). 低温エミッタ動作の熱電子発電器に対して、点火電圧が発電領域へ 移行するのはセシウム圧力が上がってコレクタの仕事関数が下がるか、 エミッタ温度が上がってエミッタの仕事関数が上がることによって、出 力電圧を増大させる方法が有効な方法であると証明された。また、本実 験条件ではセシウム圧力が低く Paschen 曲線の低圧側で動作していると 考えられる。このため、セシウム圧力を増加すれば、点火電圧は Paschen 曲線に沿って低下する。したがって、点火電圧を発電領域に移行させる には、セシウム圧力を上昇させることが効果的でり、本章の実験結果を 定性的に説明する。

# 第6章の参考文献

- 1. W. Zheng, A. Ogino, M. Kando: "Effects of Illumination on Thermionic Energy Converter Characteristics", Jpn J. Appl. Phys., **39** (2000) 2816.
- 2. 鄭偉、神藤正士: "光照射型熱電子発電器の諸特性"、静岡大学大学院 電子科学研究科研究報告書 20 号、p.75.
- 3. 鄭偉、荻野明久、神藤正士: "Experimental Study on Ignited Mode of large-gap TEC with Xenon Lamp Irradiation", 1997年日本傾斜機能材料学会第9回傾斜材 料シンポジウム、大阪大学、講演要旨集、(1997年9月)、p.6.
- 鄭偉、荻野明久、神藤正士: "Ignited Mode Study for a Large-gap Thermionic Energy Converter with Xenon Lamp Irradiation", 1997 年秋季第 58 回応用物理 学会学術講演会、秋田大学、(1997 年 10 月)、講演番号 2 aSS19.
- W. Zheng, A. Ogino, M. Kando: "Photoexcitation and Photoionization of Irradiated Large-gap Thermionic Energy Converter by Xenon Lamp", Proceedings of 4<sup>th</sup> International Conference on Reactive Plasma and 16<sup>th</sup> symposium on Plasma Processing, Hawaii USA, (Oct. 1998) p.77.
- キノ・メレスグリオ株式会社カタログ:レーザー&オプティクスガ イドII、p.3.
- 福田隆三ら: "太陽熱電子発電器の試作と電子ビーム加熱による模擬 発電特性"、電気学会論文誌 B、106 (1986) 1.
- Y. Shibahara and M. Kando: "Output Increase of Thermionic Energy Converter due to the Illumination of Xenon Short Arc Lamp", Proc. of the 4<sup>th</sup> Int. Symp. on Functionally Graded Materials, Tsukuba, 1996, (ELSEVIER SCIENCE B.V., 1996), Japan, p.673.
- M. Kando, H. Furukawa, M. Ichikawa and S. Yokoi: "Characteristics of Thermionic Energy Converter with Photoelectric Emission", Proc. of 29<sup>th</sup> Intersociety Energy Conversion Engineering Conf., (U.S.A, 1994), p.1067.
- 11. 東芝ライテック株式会社技術資料 No.HX-5C
- 12. キノ・メレスグリオ株式会社カタログ:レーザー&オプティクスガイ ド II、 p.3.
- 13. M. A. Lieberman and A.J. Lichtenberg: Principles of plasma discharges and materials processing. John Wiley & Sons. Inc., New York, 1994.
- 14. F.G. Baksht, G. A. Dyuzhev, A. M. Martsinovskiy, B. Ya. Moyzhes, G. Ye. Pikus, E. B. Sonin, and V. G. Yur'yev: *Thermionic Converters and Low Temperature Plasma*, Academy of Science of the USSR, Eng. Ed. by L. K. Hansen, pub. National Technical Information Service/U.S. Depart. of Energy, 1978.
- 15. R. H. Bullis, L. K. Hansen, C. Warner, J. M. Houston, M. F. Koskinen and N. S. Rasor: "The Plasma Physics of Thermionic Converters", J. Appl. Phys., **39** (1967) 3425.

# 第7章 光電離セシウムプラズマのプローブ測定 7.1 序 論

第6章の研究では、光照射により非点火モード動作の出力特性が改善 され、また、条件が整えば点火モードへの遷移が促進されることが確認 された。光照射によるこのような効果は、セシウム原子の光電離・励起 あるいはセシウム圧力の増大やエミッタ温度の上昇などによって引き起 こされていると思われるが、実態は明らかではない。

本章ではラングミュアプローブを用いてプラズマのパラメータを実測 することによって、光照射の効果を調べることを目的とする。このため、 始めにラングミュアプローブ理論のセシウムプラズマへの応用について 検討し、次いで実験に適用して光照射効果を調べる。

7.2 ラングミュアプローブの理論

7.2.1 シングルプローブ理論

プローブ法は探針法または探極法とも呼ばれ、1926 年、Langmuir と Mott-Smith によって開発された。単探針法はその後数多くの研究者によ って改良されてきたが、種々のプローブ法の原型であり、今日でも最も 多く用いられている有用な測定法である。この方法は発明者の名前を冠 してラングミュアプローブ法、またはプローブを一本だけ用いることか らシングルプローブ法<sup>1)</sup>とも呼ばれている。これはプラズマ内に直接プ ローブを挿入してプラズマから電流を抽出し、それを解析することによ って、プラズマの諸パラメータを知る方法である。一般に、プラズマ密 度、電子温度、空間電位などのパラメータを知ることができるので、ラ ングミュアプローブはプラズマ診断の主要な方法<sup>3)</sup>として良く利用され ている。 図 7.1 にプラズマの中に挿入したラングミュアプローブの様 子を示す。

図 7.2 はシングルプローブにより測定された典型的なプローブ特性で



図 7.1. ラングミュアプローブによるプラズマ測定



図 7.2. ラングミュアプローブの電流 - 電圧特性

ある。この特性に現われる電流は、プローブに流入する電子電流とイオ ン電流の和と考えることができる。プローブ特性は、図 7.2 のように、 空間電位 V<sub>s</sub>とプローブ電流がゼロとなる浮動電位 V<sub>f</sub>を境に、3 つの領域 に分けることができる。プローブ電位 V<sub>b</sub>が空間電位 V<sub>s</sub>に等しい時は、 周囲のプラズマと全く同電位であるので、プローブにはプラズマ粒子の 熱運動による熱拡散電流が流入する。したがって、プローブへ流入する 電子電流とイオン電流はそれぞれ

$$I_{es} = \frac{1}{4} n_e e v_e S \tag{7-1}$$

$$I_{is} = \frac{1}{4} n_i e v_i S \tag{7-2}$$

で表される。ここで S はプローブの表面積、e は電子の素電荷、v。と vi は電子とイオンの熱速度を表わす。プローブには電子電流とイオン電流 が同時に流入するが、電子電流がイオン電流より遥かに大きいため、プ ローブには主に電子電流が流れる。プローブ電位 V<sub>b</sub> が V<sub>s</sub> よりも高くな ると、イオンはプローブ表面から追い返され、電子は逆に引き寄せられ るので、プローブ近傍に電子シースが形成され、図 7.2 の電子電流飽和 領域 I に示されるように、電流は電子飽和電流 I<sub>es</sub>となる。プローブに V<sub>s</sub> より負の電圧を印加すると、今度はプローブ表面から電子が追い返され、 電子電流が減る一方で、イオンは引き寄せられてイオンシースを形成す る。電子電流は V<sub>s</sub>の減少とともに指数関数的に減少して、図 7.2 の過渡 領域 II が形成される。プローブ電流が零となるプローブ電位を浮動電位 V<sub>f</sub> と呼ぶ。この点では、プローブに流入する電子電流とイオン電流の値 がちょうど等しい。プローブ電位を V<sub>f</sub> に比べてさらに低くすると、電子 電流はさらに減少して、最終的にはプローブ電流はイオン飽和電流と等 しくなる。この領域が図 7.2 のイオン電流飽和領域 IIIである。

前述のように、図 7.2の領域 IIのプローブ電流 I。は

$$I_p = I_e + I_i \tag{7-3}$$

であり、電子電流 I<sub>e</sub>とイオン電流 I<sub>i</sub>に分離できる。低圧プラズマの場合、 電子の平均自由行程がプローブの寸法やイオンシースの厚みに比べて十 分大きく、電子のエネルギー分布は Maxwell 分布である。この時、電子 電流 I<sub>e</sub>は次のように表わすことができる。

$$I_{e} = I_{es} \exp\left[\frac{e(V_{b} - V_{s})}{kT_{e}}\right]$$
(7-4)

上式の自然対数をとり、さらに V<sub>b</sub>で微分すると次式を得る。

$$\frac{d\ln I_e}{dV_b} = \frac{e}{kT_e}$$
(7-5)

### \_\_\_\_\_104 静岡大学大学院電子科学研究科

すなわち、電子電流 I。を電圧 V」に対して半対数グラフにプロットすると 直線となり、その傾きから T。が求まる。

熱電子発電器内のプラズマは熱平衡状態にあるので、イオン温度  $T_i$ は  $T_e$ に等しい。イオン密度  $n_i$ は  $T_i$ を用いて式(7-2)より計算できる。一般に イオン飽和電流  $I_{is}$ は

$$I_{is} = \beta_i n_i eS \sqrt{\frac{kT_e}{M}}$$
(7-6)

と書けるので、非平衡状態で電子温度しか分からない場合には式(7-6)を 用いて  $n_i$ を求めることができる。なお、 $\beta_i$ は  $T_i/T_e$ の関数であるが、 $T_i \ll T_e$ の場合には、 $\beta_i$ は 0.61 と見なしてよい。

ラングミュアプローブをセシウムプラズマの中に挿入すると、プロー ブ表面に薄いセシウム膜が生じる。この時、プローブの仕事関数はセシ ウムの仕事関数と等しくなる。セシウムプラズマのプローブ測定では二 つの現象に注意が必要である。一つは上記の理由で仕事関数が低くなる ため、プローブ温度がさほど高くなくてもプローブ表面からの熱電子放 出が生じる。さらに、光照射によってプローブ表面からの光電子放出も 起こりうる。この熱電子と光電子の放出の影響で、プローブ特性の領域 Ⅲの部分のプローブ電流がイオン飽和電流よりも遙かに大きくなる。こ のためイオン飽和電流から密度を計算することができなくなる。この場 合には、式(7-1)を用いて、電子飽和電流<sup>3-6)</sup>からプラズマ密度を求める。 もう一つの問題はプローブへのセシウム被膜の付着状況が変わるとプロ ーブの仕事関数が変わるので、図 7.2 のプローブ特性が左右にシフトす る場合がある。また、熱電子発電器内のプラズマを測定する場合は、2 つの電極の表面にもセシウムが付着して仕事関数が変化する影響も考慮 しなければならない。何故ならば、プローブ測定回路には電極が含まれ ていて、その電位が基準電位を与えるからである。

7.2.2 仕事関数を考慮したプローブ理論

セシウムがプローブや電極の表面に付着すると、仕事関数が変化する

のでプローブ特性に影響が現れる。ここではこれらの影響を考慮したプローブ解析を考察する。図 7.3 に、セシウムプラズマ内にプローブを挿入した時の電極とプローブ間の空間電位分布を示す。ここで、  $\phi_p$  と  $S_p$  はプローブの仕事関数と表面積、 $\phi_E$  と  $S_E$  は電極の仕事関数と表面積である。



図 7.3. プローブと電極の間の空間電位分布

プローブと電極間の電圧差  $u_p$ は、図 7.3 を参照すると次のようになる。  $u_p = V_b - (\phi_p - \phi_E) = V_p - V_E + \Delta$  (7-7)

ここで、V<sub>p</sub>と V<sub>E</sub>はそれぞれプローブと電極前面のシース電位である。 △ は、プローブと電極近傍の空間電位の差である。図 7.2 の第Ⅱ領域のプ ローブ電流は電子電流とイオン電流の和で与えられ、以下の式になる。

$$i(V_b) = S_p J_{es} e^{-\frac{eV_p}{kT_e}} - S_p J_{is} = S_E J_{is} - S_E J_{es} e^{-\frac{eV_E}{kT_e}}$$
(7-8)

ここで、J<sub>es</sub>と J<sub>is</sub>はそれぞれ電子およびイオン飽和電流密度である。この式から

$$i(V_{b}) = \frac{S_{p}J_{is}(e^{\frac{e(V_{E}-V_{p})}{kT_{e}}}-1)}{1+\frac{S_{p}}{S_{E}}e^{\frac{e(V_{E}-V_{p})}{kT_{e}}}}$$
(7-9)

#### \_\_\_\_\_106 静岡大学大学院電子科学研究科

が求まる。

式(7-7)を用い、条件 S<sub>p</sub>≪S<sub>E</sub>を仮定すると、式(7-9)は下の式のように変 形できる。

$$i(V_{b}) = \frac{S_{p}J_{is}(e^{\frac{e(u_{p}-\Delta)}{kT_{e}}}-1)}{1+\frac{S_{p}}{S_{E}}e^{\frac{e(u_{p}-\Delta)}{kT_{e}}}} \approx S_{p}J_{is}(e^{\frac{e(V_{b}-(\phi_{p}-\phi_{E})-\Delta)}{kT_{e}}}-1)$$
(7-10)

この式より、浮動電位は、

$$V_f = \phi_p - \phi_E + \Delta \tag{7-11}$$

となる。 $V_{\rm f}$ はプローブと電極の仕事関数の差 $\phi_{\rm p}$ - $\phi_{\rm E}$ の関数となることが分かる。一方、空間電位  $V_{\rm s}$ は、高温のエミッタで生成されたセシウムプラズマおいては  $T_{\rm e}$ と  $T_{\rm i}$ がほぼ等しいことを利用し、電子電流に対してBoltzmann 分布則 exp{- $e(V_{\rm s}$ - $V_{\rm f}$ + $\phi_{\rm p}$ )}を考慮することにより

$$V_s = V_f - \phi_p + \frac{kT_e}{2e} \ln\left(\frac{M}{m}\right) = \Delta - \phi_E + \frac{kT_e}{2e} \ln\left(\frac{M}{m}\right)$$
(7-12)

を得る。ここで、空間電位 V<sub>s</sub>とφ<sub>p</sub>の和を V<sub>s</sub>'と置くと

$$V_{s}' = V_{s} + \phi_{p} = V_{f} + \frac{kT_{e}}{2e} \ln\left(\frac{M}{m}\right)$$
(7-13)

となる。プローブ特性を処理するとき、セシウムプラズマのように  $V_s$ が低い場合には、プローブの仕事関数 $\phi_p$ の影響が無視できなくなる。この場合、式(7-13)より、 $V_s$ を  $V_s$ 'に置き換えて扱えば、通常の放電プラズマの場合と同じ手順でプローブ特性を正しく処理できることを意味する。 例えば、 $T_e = 0.1eV$ のとき $\frac{kT_e}{2e}\ln\left(\frac{M}{m}\right) \approx 0.5V$ になるので、 $V_b = V_f + 0.5V$ におけるプローブ電位におけるプローブ電流が電子飽和電流を与えることになる。 7.2.3 プローブからの電子放出を考慮したプローブ理論

次に、プローブからの熱電子や光電子の放出がある場合のプローブ理 論を考察する。プローブから放出される電子により形成される電流密度 を J<sub>em</sub> と置くと、式(7-8)は以下のように修正される。

$$i(V_b) = S_p J_{es} e^{-\frac{eV_p}{kT_e}} - S_p J_{is} - J_{em} S_p = S_E J_{is} - S_E J_{es} e^{-\frac{eV_E}{kT_e}}$$
(7-14)

式(7-10)と同様の方法でこの場合のプローブ電流の式を導出できる。

$$i(V_{b}) = \frac{S_{p}J_{is}(e^{\frac{e(u_{p}-\Delta)}{kT_{e}}} - 1 - \frac{J_{em}}{J_{is}})}{1 + \frac{S_{p}}{S_{E}}e^{\frac{e(u_{p}-\Delta)}{kT_{e}}}} \approx S_{p}J_{is}(e^{\frac{e(V_{b}-(\phi_{p}-\phi_{E})-\Delta)}{kT_{e}}} - 1 - \frac{J_{em}}{J_{is}})$$
(7-15)

プローブからの熱電子放出を想定すれば、J<sub>em</sub>はプローブの仕事関数を決 定付けるプローブとセシウムの温度に依存することになる。光電子放出 の場合には、J<sub>em</sub>は入射光の波長とプローブとセシウムの温度に依存する。 J<sub>em</sub>は V<sub>s</sub>>V<sub>b</sub>の領域においてプローブ電流に影響を与え、イオン飽和電流 に J<sub>em</sub>を加算したものがこの領域のイオン飽和電流密度に相当する。し たがって、プローブ表面から熱電子あるいは光電子放出が生じると、見 かけ上大きなイオン飽和電流が観測されることになる。浮動電位は式(7-15)を用いて、

$$V_{f} = \phi_{p} - \phi_{E} + \Delta + \frac{kT_{e}}{e} \ln\left(1 + \frac{J_{em}}{J_{is}}\right)$$
(7-16)

となる。また、V。は式(7-12)と同様にして、

$$V_{s} = V_{f} - \phi_{p} - \frac{kT_{e}}{e} \ln\left(\frac{I_{is} + I_{em}}{I_{es}}\right) = V_{f} - \phi_{p} - \frac{kT_{e}}{e} \ln\left(\frac{I_{is}}{I_{es}}\left(1 + \frac{I_{em}}{I_{is}}\right)\right)$$

$$= V_{f} - \phi_{p} + \frac{kT_{e}}{2e} \ln\left(\frac{M}{m}\right) - \frac{kT_{e}}{e} \ln\left(1 + \frac{I_{em}}{I_{is}}\right)$$
(7-17)

となる。式(7-17)の第 4 項がプローブからの放出電子による修正項である。式(7-13)と同様に、

108
静岡大学大学院電子科学研究科

$$V'_{s} = V_{s} + \phi_{p} = V_{f} + \frac{kT_{e}}{2e} \ln\left(\frac{M}{m}\right) - \frac{kT_{e}}{e} \ln\left(1 + \frac{I_{em}}{I_{is}}\right)$$
(7-18)

の関係が成立する。以上の解析から、プローブから熱電子あるいは光電 子の放出がある場合のプローブ特性の処理に際しては、予めプローブ放 出電流とイオン飽和電流の比 *I*<sub>em</sub>/*I*<sub>is</sub>を知っておく必要がある。

7.2.4 プローブ特性の計算方法

熱電子発電器内のプローブ測定では、プラズマを構成する電子やイオ ンが主として電極から供給されていることと電極間隔が狭いことのため に、プローブ特性に両電極の影響が強く現れる。図 7.4(a)は発電器に取 り付けたプローブと 2 つの電極の様子である。2 つの電極は接地されて いてそれらの面積は等しく、S とする。プローブの面積を S<sub>p</sub>とし、S<sub>p</sub>は S よりも十分に小さいものとする。  $\phi_{\rm E}$ 、 $\phi_{\rm C}$ および $\phi_{\rm p}$ はそれぞれエミッタ、 コレクタ及びプローブの仕事関数である。高温のエミッタから放出され る電子およびイオン電流を  $I_{\rm eB}$  と  $I_{\rm iL}$ とし、プラズマからエミッタから放出され こむ電子およびイオン電流を  $I_{\rm eB}$  と  $I_{\rm iE}$ とする。コレクタは低温のため、 電子およびイオン電流を  $I_{\rm eB}$  と  $I_{\rm iE}$  とする。プローブにはプラズマか ら流れこむ電子およびイオン電流  $I_{\rm ep}$  と  $I_{\rm ip}$ のほか、プローブからの熱電 子放出電流  $I_{\rm em}$  も考慮される。何故ならば、プローブは高温のエミッタ の近くに設置され、かつその熱容量は非常に小さいために、温度が高く なりやすいからである。

図 7.4(b)に、2 つの電極とプローブの電位および空間電位の分布を示 す。エミッタから熱電子発電器内に、熱電子と表面電離による正イオン が放出されるが、エミッタおよびコレクタ前面に形成されるシース電位 は、主としてエミッタ前面の空間電荷中和度で決められる。2 つの電極 とプローブ周辺部を除けば、電極間空間には均一な空間電位分布が形成 される。図中の V<sub>E</sub>, V<sub>c</sub>および V<sub>p</sub>はエミッタ、コレクタおよびプローブの





図 7.4. (a) 熱電子発電器内における両電極とプローブの配置。

(b) 発電器内の空間電位分布。

シース電位、V<sub>b</sub>はプローブ電位を表わす。ここでは、空間電位と両電極の電位との関係に関して、次の3つのケースを考慮した。

 $\mathcal{T} - \mathcal{I}: \qquad -V_s < -\phi_E \succeq -V_s < -\phi_C.$ 

 $\mathcal{T} - \mathcal{R} @: \qquad -\phi_c > -V_s > -\phi_E.$ 

 $\mathcal{T} - \mathcal{X} \textcircled{3}: \quad -V_s > -\phi_E \mathcal{E} - V_s > -\phi_c.$ 

図 7.4(b)にはこれらの電位分布が示されている。これらの電位分布を考慮すると、エミッタとコレクタに流入する電流 *I*<sub>E</sub>および *I*<sub>c</sub>はそれぞれ次のようなる。

$$\mathcal{T} - \mathcal{X} \quad (1): \quad I_{E} = I_{iE} - I_{eE} + I_{eR} - I_{iL} = S(J_{is}e^{\frac{e}{kT_{i}}V_{E}} - J_{es} + J_{eR}e^{\frac{e}{kT_{E}}V_{E}} - J_{iL}) \quad (7-19a)$$

$$I_{c} = I_{ic} - I_{ec} = S(J_{is}e^{\frac{e}{kT_{i}}V_{c}} - J_{es})$$
(7-20a)

$$\mathcal{T} - \mathcal{R} \quad (2): \quad I_E = I_{iE} - I_{eE} + I_{eR} - I_{iL} = S(J_{is} - J_{es}e^{-\frac{e}{kT_e}V_E} + J_{eR} - J_{iL}e^{-\frac{e}{kT_i}V_E}) \quad (7-19b)$$

$$I_{C} = S(J_{iC} - J_{eC}) = S(J_{is}e^{\frac{e}{kT_{i}}V_{C}} - J_{es})$$
(7-20b)

$$\mathcal{T} - \mathcal{X} \textcircled{3}: \quad I_{E} = I_{iE} - I_{eE} + I_{eR} - I_{iL} = S(J_{is} - J_{es}e^{-\frac{e}{kT_{e}}V_{E}} + J_{eR} - J_{iL}e^{-\frac{e}{kT_{i}}V_{E}})$$
(7-19c)

$$I_{C} = S(J_{iC} - J_{eC}) = S(J_{is} - J_{es}e^{-\frac{e}{kT_{e}}V_{C}})$$
(7-20c)

ここで

浮

$$V_{\rm E} = V_{\rm s} + \phi_{\rm E},\tag{7-21}$$

$$V_c = V_s + \phi_c \tag{7-22}$$

である。Jes および Jis は電子およびイオン飽和電流密度であり、Jer およ び J<sub>iL</sub>は Richardson-Dushmann および Langmuir-Saha の式で与えられる熱 電子電流密度およびイオン流密度である。なお、熱電子発電器では T<sub>e</sub>と  $T_i$ はエミッタ温度  $T_E$ にほぼ等しいと置くことができる。

過渡領域 V<sub>b</sub>-  $\phi_p$  < V<sub>s</sub>におけるプローブ電流 I<sub>p</sub>は次式で与えられる。

$$I_{p} = I_{ip} + I_{em} - I_{ep} = S_{p} (J_{is} + J_{em} - J_{es} e^{-\frac{e}{kT_{e}}V_{p}})$$
(7-23)

ここで、 $V_{p} = V_{s} - (V_{b} - \phi_{p})$ であり、 $J_{em}$ はプローブから放出される電流密度 である。*I<sub>E</sub>、I<sub>c</sub>及び I<sub>p</sub>の間には次の電流連続の式が成立する。* 

$$I_E + I_c + I_p = 0$$
 (7-24)  
浮動電位  $V_f$ は  $V_b = V_f$ の時  $I_p = 0$ であるので、式(7-23)より導出される。 $V_f$ は以下の式のように表現され、上記の3つのケースで成立する。

$$V_{f} = \phi_{p} + \frac{kT_{e}}{e} \ln(\frac{J_{is}}{J_{es}}(1 + \frac{J_{em}}{J_{is}})) + V_{s}$$
(7-25)

 $V_{\rm b}=V_{\rm f}$ の時、式(7-24)により $I_{\rm E}+I_{c}=0$ となる。この関係より $V_{\rm s}$ を現す式

### 静岡大学大学院電子科学研究科

を導出できる。

$$\mathcal{T} - \mathcal{I}(\mathbf{I}): \quad V_s = \frac{kT_e}{e} \ln \frac{2J_{es} + J_{iL}}{J_{is}e^{\frac{e\phi_E}{kT_e}} + J_{eR}e^{\frac{e\phi_E}{kT_e}} + J_{is}e^{\frac{e\phi_C}{kT_e}}}$$
(7-26a)

$$\mathcal{T} - \mathcal{R} \textcircled{2}: \quad V_{s} = \frac{kT_{e}}{e} \ln \frac{(J_{es} - J_{is} - J_{eR}) + \sqrt{(J_{es} - J_{is} - J_{eR})^{2} + 4J_{is}(J_{es} + J_{iL})e^{\frac{(NE - 12)}{kT_{e}}}}{2J_{is}e^{\frac{e\phi_{c}}{kT_{e}}}}$$

(7-26b)

$$\mathcal{T} - \mathcal{X} (3): \quad V_s = \frac{kT_e}{e} \ln \frac{J_{es} e^{-\frac{e\phi_E}{kT_e}} + J_{es} e^{-\frac{e\phi_C}{kT_e}} + J_{iL} e^{-\frac{e\phi_E}{kT_e}}}{2J_{is} + J_{eR}}$$
(7-26c)

なお、式(7-26)の導出に当たって、 $T_i = T_e = T_E$ の関係を用いた。

熱電子発電器の動作温度  $T_{\rm E}$ と  $T_{\rm cs}$  が分かれば、第2章の式(2-6)より仕 事関数 $\phi_{\rm E}$ 、 $\phi_{\rm c}$  及び $\phi_{\rm p}$  が求められる。プローブからの電子放出がある場合 には、プローブ特性から正確にイオン飽和電流を決定することが困難で あるので、ここでは、熱平衡プラズマで成り立つ $\frac{J_{\rm es}}{J_{\rm is}} = \sqrt{\frac{M}{m}} \approx 492$ の関係を 用いて  $J_{\rm is}$ を算出する。ここで、m および M は電子とセシウムイオンの 質量である。 $J_{\rm es}$ と $J_{\rm em}$ はプローブ特性から求めることができる。式(7-25) と(7-26)を用いることにより、空間電位  $V_{\rm s}$ と浮動電位  $V_{\rm f}$ を算出すること ができる。さらに、 $V_{\rm s}$ と $\phi_{\rm E}$  からエミッタ近傍のシース電位  $V_{\rm E}$ が求めら れ、エミッタから放出された熱電子のコレクタへの流れに最も影響があ るパラメータを考察することができる。なお、ケース①の電位分布はエ ミッタ近傍の空間電荷中和度 $\alpha$ <1 に、ケース②と③のそれは $\alpha$ >1 におい て成立する。また、熱電子発電器内においてエミッタシース電圧  $V_{\rm E}$ は 0.7 V 程度であるため、 $\alpha$ >1 の場合の電位分布はケース③ではなく②に相当 する。このため、本研究では、 $\alpha$ <1 の場合は式(7-26a)を、 $\alpha$ >1 におい ては式(7-26b)を適用して  $V_{\rm c}$ を評価する。 第7章: 光電離セシウムプラズマのプローブ測定

### 7.3 実験装置 7-11)

実験装置の概略図を図 7.5 に示す。熱電子発電器は直径 55mm のパイ レックスガラス内に傍熱型タングステンエミッタとステンレス製コレク タおよび可動プローブを設置して構成される。両電極は円板状でその直 径は等しく 20mm であり、両電極は中心軸を揃えて、図のように取り付 けてある。また、プローブは直径 0.5mm のタングステン線の先端 2 mm を残してガラスで被覆してある。エミッタ加熱用のヒータはエミッタ内 に設置され 60Hz 半波電流で加熱される。また、コレクタは可動できる 構造となっているが、実験では両電極間の距離は 40 mmに固定した。プ ローブはエミッタから 20 mm の位置で両電極の中心軸と垂直に、両電極 に対して上下、左右対称になるように挿入する。

放電管は電気炉の中に設置され,電気炉温度を調整することによってセ シウム蒸気温度を 400K から 520K まで変えることができる。エミッタの 温度はヒータ電流を調整することによってコントロールする。エミッタ の温度は放射温度計で測定され、セシウム蒸気温度としては、電気炉の 温度と発電器外壁に取り付けた熱電対による測定値との平均値を採用し た。



### 図 7.5. プローブ測定用熱電子発電器

<u>113</u> 静岡大学大学院電子科学研究科

放電管には光照射用窓が設けられ、光源からの光はレンズで集光され、 この窓を通してエミッタを照射する。光源には、第 5 章で使用したキセ ノンランプを用いた。また、ランプは定格入力の 4.5kW(定格電流 *I*<sub>L</sub>= 150A)で点灯する。光照射の時間は十分に長く、光照射による加熱でエ ミッタとセシウムの温度上昇が飽和しているところで、プローブ特性を 測定する。光照射によるエミッタ温度の上昇は 3 分間で飽和し、ランプ 電力 4.5kW で飽和エミッタ温度 1250K 程度であることが実験的に確かめ られた。この時のエミッタへの入射光入力が 200W 程度 <sup>10)</sup>であることも 理論計算と実験から明らかにされた。

測定を開始する前に、プローブの先端部を放電管の窓の近くに置いて、 1時間以上光照射を行ない、プローブ先端をクリーニングする。しかし、 このクリーニングはセシウム以外の付着物を除去するためであって、プ ローブの先端は発電器内部に充満したセシウムによって常に被覆されて いる。プローブ特性を測定するために、プローブ電圧として 0.01Hz、3V<sub>p-p</sub> の正弦波電圧を印加した。このような低周波を用いた理由は、プローブ 特性のヒステリシスを避けるためである。一掃引時間に 100 秒かかるの で、測定時間の節約のために一掃引だけでプローブデータを取り込んで いる。プローブ電流を電圧に換算するために 1000Ωの抵抗をプローブ回 路に直列に挿入した。抵抗の両端に発生する電圧を得るために、入力イ ンピーダンス 100 MΩの差動アンプを用いた。プローブ電圧と電流はデ ジタルオシロスコープで記録した。

7.4 実験結果 7-11)

7.4.1 プローブからの熱電子放出及び光電子放出

図 7.6 はセシウム蒸気温度 450K、エミッタは定格電流 150A で点灯さ れたランプの放射光によって加熱された時のプローブ特性の測定例であ る。この特性では電子飽和電流と比べてイオン飽和電流が過大となって いることが分かる。これは光照射によって、プローブから光電子放出あ



図 7.6. 測定したセシウムプラズマのプローブ特性例

るいは熱電子放出が生じているために生じたものと思われる。しかし、 タングステンの量子効率は小さい(10%以下)ので、光電子放出よりは 熱電子放出の方が大きいと考えられる。図 7.7 はプローブ特性から求め たプローブから流出する見かけ上のイオン飽和電流 *I*<sub>imitated</sub>のセシウム蒸 気温度依存性を示す。エミッタ加熱がヒータ電流のみ、光照射のみ、ヒ



図 7.7. 見かけ上のイオン飽和電流と熱電子放出電流の比較

ータ加熱と光照射の重畳、の3つのケースについて比較した。同図には プローブ温度 T<sub>p</sub>を 650K、700K および 750K として計算したプローブか らの熱電子放出電流のセシウム蒸気温度依存性が示されている。この時、 熱電子放出電流はセシウム蒸気温度に依らず一定となっている。これは このプローブ温度の範囲では、温度が低いために、プローブの仕事関数 がセシウムの仕事関数 1.7eV に等しく一定となるために、熱電子放出電 流はエミッタ温度のみに依存し、セシウム蒸気温度には依存しなくなる からである。同図からわかるように、計算値と測定値とが良く一致する ことからエミッタからの輻射熱や光照射によって、プローブ温度 T<sub>p</sub>は 700K 程度に加熱されていると結論することができる。

7.4.2 エミッタ温度及びセシウム蒸気温度とプローブ特性

図 7.8 に、セシウム蒸気温度  $T_{cs}$ =410K の時のプローブ特性を示す。 エミッタ温度  $T_{E}$ を 1120K、1250K および 1360K に変えて、プローブ特 性の変化を調べた。 $T_{E}$ が 1120K から 1360K に上昇するとエミッタの仕 事関数  $\phi_{E}$  は高くなるので、同図から分かるように浮動電位は負の方向 ヘシフトする。 $T_{cs}$ =410K で  $T_{E}$ =1360K、1250K および 1120K の時の仕事 関数はそれぞれ 3.17、2.75 および 2.25eV である。これは、図 7.8 の各プ



1.5. ノローノ村住のエミック 温皮似住

静岡大学大学院電子科学研究科

ローブ特性の浮動電位間の差(0.3、0.6)と大体一致している。このような仕事関数の変化によるプローブ特性のシフトは Buzzi et al<sup>12)</sup>と Avram et al<sup>13)</sup>によっても報告されている。

また、図 7.8 から  $T_{\rm E}$ =1120Kの時の電子飽和電流は  $T_{\rm E}$ =1250K および 1360K の場合のそれよりも小さいことが分かる。図 2.5 のS字曲線によ れば、 $T_{\rm Cs}$ =410Kの時、 $T_{\rm E}$ =1120K において熱電子放出電流が最大となる。 しかし、プローブ測定はこのような熱電子放出の相対関係とは対応して いない。これはこの場合、 $\alpha$ <1 となってエミッタ前面に負の空間電位が 形成されることが原因であると考えられる。

式(7-25)および(7-26)に  $T_{cs}$ 、 $T_{E}$ ,  $I_{es}$ および  $I_{em}$ などの実測値を代入して、 浮動電位  $V_f$  と空間電位  $V_s$ を求めた。なお、計算では、コレクタとプロ ーブの温度は低いためそれらの表面にセシウムが完全に付着し、仕事関 数は $\phi_c = \phi_p = 1.8 \text{ eV}$ であるとし、 $T_e = T_i = T_E$ を仮定した。表 7.1 は  $T_{cs} = 410$ K の時、それぞれのエミッタ温度に対する仕事関数 $\phi_E$ 、空間電荷中和度 $\alpha$ 、 プローブ特性から求めた電子飽和電流密度  $J_{es}$ 、電子温度  $T_e$ 、浮動電位  $V_{f(ex)}$ およびプラズマ密度  $n_p$ 、ならびに式(7-25)および(7-26)を用いて計算した 空間電位  $V_s$ 、浮動電位  $V_f$ 、シース電圧  $V_{E1}$ と式(6-3)を用いて算出した  $V_{E2}$ を示している。エミッタ温度の変化に対して、 $V_f$ は測定値  $V_{f(ex)}$ とは幾分 相違するものの、同じように負の方向に変化をすることが分かる。エミ

表 7.1.  $T_{cs}$ =410K のプローブ特性から求めた電子飽和電流密度  $J_{es}$ 、浮動電位  $V_{f(ex)}$ 、電 子温度  $T_{e}$ 及びプラズマ密度  $n_{p}$ 。空間電位  $V_{s}$ 、浮動電位  $V_{f}$ は式(7-25) および(7-26)より 算出した。仕事関数 $\phi_{E}$ 、空間電荷中和度 $\alpha$ 、熱電子放出電流  $J_{eR}$ 、エミッタシース電圧  $V_{E1}$ はそれぞれ式(2-6),(2-25),(2-3)および (7-21) より計算し、エミッタシース電圧  $V_{E2}$ は式 (6-3)より計算した。

Т <sub>Е</sub> (К)	Т <sub>е</sub> (К)	$\phi_{\rm E}$ (eV)	α	$J_{\rm eR}({ m A/cm^2})$	$J_{\rm es}({\rm A/cm^2})$	$V_{ m f}$ (V)	$V_{ m f(ex)} \ (V)$	$V_{\rm s}$ (V)	V <sub>E1</sub> (V)	V <sub>E2</sub> (V)	$n_{p}$ (cm <sup>-3</sup> )
1360	1300	3.17	$1.6 \times 10^{2}$	3.83×10 <sup>-4</sup>	2.7×10 <sup>-4</sup>	-1.49	-1.4	-3.03	0.14	0.59	2.8×10 <sup>8</sup>
1250	1150	2.75	4.2×10 <sup>-1</sup>	1.60×10 <sup>-3</sup>	3.0×10 <sup>-4</sup>	-1.29	-1.1	-2.85	-0.10	-0.09	<b>3.2×10<sup>8</sup></b>
1120	1000	2.25	1.1×10 <sup>-4</sup>	1.10×10 <sup>-2</sup>	5.0×10 <sup>-5</sup>	-1.12	-0.5	-2.71	-0.46	-0.88	5.2×10 <sup>7</sup>

ッタ近傍のシース電圧 V<sub>E1</sub>は T<sub>E</sub>の上昇につれて、負から正に変化する。 V<sub>E1</sub>が負(電子に対して減速電界)の時、電子は V<sub>E1</sub>以上のエネルギーを 持ってないと、エミッタから電極間空間に入ることができない。また、 表 7.1 から、T<sub>E</sub>が低いほど V<sub>E</sub>も低く、それ故電極間に進入する電子の数 も少なくなる。結局、 $T_{\rm E}$ =1120 Kの時に $J_{\rm eR}$ は最も大きいにも拘わらず $J_{\rm es}$ は一番小さく、プラズマ密度  $n_{p}$ も最小になる。表 7.1 から  $T_{p}$ =1120K の 時には空間電荷中和度αは非常に小さく(α=1.1×10<sup>-4</sup>)、エミッタ近傍に 負の空間電荷が形成され、放出された熱電子がこの空間電荷によりエミ ッタに跳ね返される。一方、 $T_{\rm E}$ =1250K および 1360K の時には、図 2.5 に示される S 字曲線から分かるように、熱電子放出は減少するが、エミ ッタ温度が高くなるにしたがって表面電離がよく行われるため、エミッ タ近傍にαが大きくなる。それ故、空間電荷制限効果が弱まって電極間 空間への熱電子の流入が増大し、J<sub>es</sub>が増大していると考えられる。T<sub>E</sub>が 1250K から 1360K に上昇すると、 α<1 から α>1 になり、エミッタシー ス電圧も負から正になる。しかし、 $T_{\rm E}$ =1360K 時の仕事関数は 1250K の それよりも 0.42 eV だけ増大するので J<sub>er</sub>は減少し、結果的に両温度にお ける J<sub>es</sub> は同程度になると考えられる。

図 7.9 は  $T_{\rm E}$ =1360Kの時の、 $T_{\rm cs}$ をパラメータとするプローブ特性であ る。 $T_{\rm cs}$ と増加の共にセシウム蒸気圧は上昇し、エミッタ表面へのセシ ウム付着の進行によって仕事関数が減少するため、熱電子放出電流が増 大するので、電子飽和電流は増大する可能性がある。しかし、図 7.9 に 示されるように、 $T_{\rm cs}$ =480Kの時はプローブの電子飽和電流は減少する。 表 7.2 は、表 7.1 のパラメータ導出と同じ方法を用いて図 7.9 の測定デ ータより求めた、 $\phi_{\rm E}$ 、 $\alpha$ 、 $J_{\rm eR}$ 、 $J_{\rm es}$ 、 $T_{\rm e}$ 、 $V_{\rm f(ex)}$ 、 $n_{\rm p}$ 、 $V_{\rm s}$ 、 $V_{\rm F}$ 、 $V_{\rm E1}$ および  $V_{\rm E2}$ である。表から分かるように、 $T_{\rm cs}$ =450Kの時、 $\phi_{\rm E}$ は $T_{\rm cs}$ =410Kの場合よ り低くなり、熱電子放出電流 $J_{\rm eR}$ は3.83×10<sup>4</sup>から2.15×10<sup>2</sup>A/cm<sup>2</sup>に二桁増加 する。また、 $T_{\rm cs}$ =480Kの時の $J_{\rm eR}$ はさらに大きくなるが、 $\alpha$ が 10<sup>-3</sup>台ま で低下するので、エミッタシース電圧が負となって熱電子が電極間のプ



図 7.9. プローブ特性のセシウム蒸気温度依存性

ラズマ領域に入りにくくなる。これらの理由により、 $T_{cs}$ =450K の時  $J_{ss}$ は最大となる。

表 7.2:  $T_{\rm E}$ =1360K のプローブ特性から求めた電子飽和電流密度  $J_{\rm es}$ 、浮動電位  $V_{\rm f(es)}$ 、電子温度  $T_{\rm e}$ 及びプラズマ密度  $n_{\rm p}$ 。空間電位  $V_{\rm s}$ 、浮動電位  $V_{\rm f}$ は式(7-25) および(7-26) より算出した。仕事関数 $\phi_{\rm E}$ 、空間電荷中和度 $\alpha$ 、熱電子放出電流  $J_{\rm es}$ 、エミッタシース電圧  $V_{\rm es}$ およびエミッタシース電圧  $V_{\rm es}$ の算出法は表 7.1 の場合と同じ

$\begin{bmatrix} T_{\rm Cs} \\ ({\rm K}) \end{bmatrix}$	(K)	$\phi_{\rm E}$ (eV)	α	$J_{\rm eR}({\rm A/cm^2})$	$J_{\rm es}({\rm A/cm^2})$	$V_{\rm f}$ (V)	$V_{ m f(ex)} \ (V)$	V <sub>s</sub> (V)	V <sub>E1</sub> (V)	V <sub>E2</sub> (V)	$n_{p}$ (cm <sup>-3</sup> )
410	1300	3.17	$1.6 \times 10^{2}$	3.83×10 <sup>-4</sup>	2.7×10 <sup>-4</sup>	-1.49	-1.4	-3.03	0.14	0.59	2.8×10 <sup>8</sup>
450	1300	2.70	3.2×10 <sup>-1</sup>	2.15×10 <sup>-2</sup>	3.0×10 <sup>-4</sup>	-1.59	-1.4	-3.12	-0.42	-0.13	3.1×10 <sup>8</sup>
480	1350	2.40	6.4×10 <sup>-3</sup>	2.74×10 <sup>-1</sup>	1.5×10 <sup>-4</sup>	-1.67	-1.45	-3.20	-0.80	-0.59	1.8×10 <sup>8</sup>

### 7.4.3 光照射時の熱電子発電器セシウムプラズマの電子温度及びプラズ

### マ密度

図 7.10 にエミッタ加熱を光照射のみで行なったときのプローブ特性 のセシウム蒸気温度依存性を示す。また、図 7.11 は光照射とヒータによ るエミッタ加熱の両方を重畳してエミッタ加熱を行なった時のプローブ 特性である。両図からセシウム蒸気温度 *T*<sub>cs</sub>≦500K までは *T*<sub>cs</sub>とともに



図 7.10. 光照射のみによるエミッタ加熱の場合のプローブ特性 *T*<sub>c</sub>: セシウム蒸気温度



図 7.11. 光照射およびヒータによる同時エミッタ加熱の場合のプローブ特性。  $T_{Cs}$ : セシウム蒸気温度

電子飽和電流が増大することが分かる。また、 $T_{cs} \ge 500 K$ では、電子飽 和電流が減少する傾向が見られる。

プローブ特性からプラズマ密度を求める時、電子温度と電子飽和電流 密度が必要になる。熱電子発電器のようなセシウムプラズマでは、*T*<sub>e</sub>=*T*<sub>E</sub><sup>4)</sup> と仮定することができる。しかし、光電離により生成されるセシウムプ



図 7.12. 電子温度のセシウム蒸気温度依存性

ラズマでこのような関係が成立するかについては未だ理解されていない。 ここでは、光電離セシウムプラズマのプローブ特性から電子温度を求め、 式(7-26)を用いて空間電位を算出し、その点におけるプローブ電流を電 子飽和電流としてプラズマ密度を算出した。

図 7.12 に、電子温度のセシウム蒸気温度依存性を 3 種類のエミッタ加熱方式毎に示す。ヒータによるエミッタ加熱の場合は、電子温度はエミッタ 温度より幾分低く測定された。これに光照射が加わるか、光照射のみによる エミッタ加熱では、ヒータ加熱のみの場合に比して電子温度がエミッタ 温度よりも高くなった。これは、電極間空間のセシウム原子が照射光エ ネルギーを獲得して、より高いエネルギー準位に励起されていることに 起因すると考えられる。

図 7.13 に上記の 3 種のエミッタ加熱方式で生成されたプラズマ密度の 測定値とセシウム蒸気温度の関係を示す。この実験では、電極間隔が 40mm と広く電子の衝突周波数が高いために、拡散損失が無視できなく なる。このため、プラズマの密度が幾分低く算出されている。同図から、 光照射を行うとプラズマ密度が光照射の無い場合に比して 2 倍以上増大

121
静岡大学大学院電子科学研究科



図 7.13. プラズマ密度のセシウム蒸気温度依存性

することが分かる。また、ヒータによるエミッタ加熱の場合には、 $T_{cs}$ = 460K付近で密度が最大となったが、光照射を行うと密度が最大となる $T_{cs}$ はより高くなっていることが分かる。図 7.14 に、 $T_{cs}$ が 460 および 485K の場合のエミッタからの熱電子放出電流密度  $J_{sR}$  と空間電荷中和度 $\alpha$ の エミッタ温度依存性を示す。ここで、光照射により生成されるプラズマ の密度  $n_{pi}$ を 10<sup>10</sup>cm<sup>-3</sup>と仮定した場合の $\alpha$ を、式 (5-3)を用いて計算した。 同図から分かるように、 $T_{cs}$ =460K のとき、光照射の無い場合の空間電 荷中和度が 1 となる  $T_{E}$ は 1400K である。この値は、図 7.13 のヒータ加 熱のみの場合にプラズマ密度が  $T_{cs}$ =460K の時に最大となることと符合 する。また、図 7.14 から、光照射により 10<sup>10</sup>cm<sup>-3</sup> 程度のプラズマが生成 されると、空間電荷中和度はエミッタ温度が低いときに大幅に改善され ることが分かる。

一方、光照射のみでもエミッタは 1200K 程度まで加熱される。この温度では、かなり大きな熱電子放出が生じるので、光照射のみの場合とこれにヒータ加熱を加えた場合のプラズマの密度はあまり大きく相違しないと思われる。



図 7.14: 熱電子放出電流および空間電荷中和度とエミッタ温度の関係 光照射による生成されたプラズマ密度 n<sub>pi</sub>=10<sup>10</sup>cm<sup>-3</sup>を仮定。

次に、図 7.13 では光照射時に、セシウム蒸気温度の上昇とともにプラ ズマ密度が増大することが示されている。これはセシウム蒸気温度が高 くなると、セシウム原子密度が高くなり、セシウム原子の照射光吸収率 が増大するからと考えられる。

以上の実験結果は以下のように要約される

- 光照射をしない場合は電極間のプラズマ密度は空間電荷中和度α
   に支配され、α=1の時にプラズマ密度は最大となる。
- 2) 光照射が加えると、プラズマ密度が大幅に増大した。
- 3) 光照射のみでも十分なエミッタ加熱が可能であり、エミッタから 熱電子放出が生じた。電極間空間で光電離が生じるているため、 この時のプラズマ密度はヒータ加熱のみの場合よりも高くなった。

7.4.4 光照射時のエミッタシース電圧に関する考察

式(7-26a)または(7-26b)を用いて空間電位 V<sub>s</sub>を求めることができる。また、空間電位とエミッタ仕事関数からエミッタシース電圧 V<sub>E</sub>が求められる。図 7.15 に V<sub>E</sub>のセシウム蒸気温度依存性を示す。同図からエミッタ 温度が一定の時、セシウム蒸気温度が上昇すると、エミッタシース電圧



図 7.15. エミッタシース電圧のセシウム蒸気温度依存性

は低下する。これはセシウム蒸気温度の上昇によりエミッタの仕事関数 が低下し、熱電子が多量に放出されることによって生じると考えられる。  $T_{\rm E}$ =1400Kの場合、光照射を行うことにより $V_{\rm E}$ が高くなることが分かる。 これは光照射により電極間にプラズマが生成され、空間電位が持ち上げ られるからである。また、 $T_{\rm cs}$ <480K では、光照射のみの場合の $V_{\rm E}$ は他 の2つの場合に比べて低くなっている。これは光照射のみの場合はエミ ッタが 1200K 程度であり、この時の仕事関数は 1400K の場合のそれと比 べて低いので熱電子放出が大きく、結果的にエミッタシース電圧が低下 する。 $T_{\rm cs}$ >480K ではセシウム原子密度が増加していて光吸収率が増すと ともに電離周波数が高くなり、光電離により生成されるプラズマの密度 が増大して空間電荷の中和が進み、エミッタシース電圧がヒータ加熱の みの場合のそれよりも高くなっていると考えられる。

7.5 結 論

ラングミュアプローブを用いて光照射型熱電子発電器中のセシウムプ ラズマの特性を調べた。先ず、ラングミュアプローブの理論をセシウム プラズマに適用するために、セシウムのプローブ表面付着による仕事関 数の低下及びそれにともなって発生する熱電子放出や光電効果を考慮し、 熱電子発電器内のプラズマに適用するプローブ特性処理の計算式を導出 した。本章のプローブ測定より以下の結論が得られた

1)エミッタ加熱のみで生成されたプラズマは空間電荷中和度αに強く 依存し、α=1の条件で密度最大値が現れた。

2)光照射により生成されたプラズマの密度は光照射を行わない場合より高いことが確認された。

光照射により生成されたプラズマはセシウム蒸気温度に強く依存し、 セシウム蒸気温度の上昇とともにプラズマ密度が高くなる傾向が明らか にされた。これは、セシウム蒸気の照射光吸収率の上昇に起因するもの と考えられる。 第7章の参考文献

- 1. F. F. Chen, "Plasma Diagnostic Techniques" Applied Physics 21, ed. R. H. Huddlesone and S. L. leonard, (Academic, New York, 1965), Chapt. 4.
- 2. 堤井信力," プラズマ基礎工学"、内田鶴圃、Chapt. 3.
- 3. Y. M. Kagan and V. I. Perel, "Probe Methods in Plasma Research", Soviet Phys.-USPEKI, 81 (1964) 767(English translation).
- F.G. Baksht, G. A. Dyuzhev, A. M. Martsinovskiy, B. Ya. Moyzhes, G. Ye. Pikus, E. B. Sonin, and V. G. Yur'yev, "Thermionic Converters and Low Temperature Plasma", Academy of Science of the USSR, Eng. Ed. by L. K. Hansen, pub. National Technical Information Service/U.S. Depart. of Energy, 1978.
- G. A. Dyuzhev et al, "Probe Investigation of Plasma Parameters in a High-Pressure Cesium Thermionic Converter II. Examination of the Probe Method. Some Results of Measurements Carried out in the Diffusion and Arc Mode", Soviet Physics-technical physics, 11 (1966) 512.
- G. A. Dyuzhev et al, "Probe Investigation of Plasma Parameters in a High-Pressure Cesium Thermionic Converter I. Experimental Method. Theory", Soviet Physicstechnical physics, 11 (1966) 503.
- 9. 鄭偉、荻野明久、神藤正士、"Cesium Plasma Density Distribution Produced by Photoionization", 1998 年春季第 45 回応用物理学会関連関係学術連合講 演会、東京工科大学、(1998 年 3 月)、講演番号 30aYc11.
- 鄭偉、荻野明久、神藤正士、"Photoionization in Cesium Filled Thermionic Energy Converter", 1998 年秋季第 59 回応用物理学会学術講演会、広島大学、 (1998年9月)、講演番号 17p-L17.
- 鄭偉、荻野明久、神藤正士、"Investigation of Space Charge Neutralization in Thermionic Energy Converter", 1999 年春季第 46 回応用物理学会関連関係 学術連合講演会、東京理科大学、(1999 年 3 月) 、講演番号 30a-D-/18.

- 10. 荻野明久、鄭偉、神藤正士、"光照射により動作する熱電子発電器の
   特性"、電気学会論文誌 A、8/9 (1999) 1120.
- 11. W. Zheng and M. Kando, "Langmuir Probe Measurement of Cesium Plasma in Thermionic Energy Converter", Jpn. J. Appl. Phys., (to be published)
- 12. J. M. Buzzi et al, "Ion Distribution in Collisionless Surface Ionized Plasmas", Phys. of Fluids, 13 (1970) 3041.
- 13. C. Avram et al: Int. Conf. of 14<sup>th</sup> ESCAMPIG.

## 第8章 結 論

地球の温暖化が深刻化している今日において、次世代の人類にいかな る地球環境を残せるかが全人類共通の関心事となっている。地球の温暖 化は膨大な化石燃料の消費によって発生する二酸化炭素が原因と考えら れている。しかし、化石燃料の利用効率は低く、新型の火力発電でも高々 40%程度である。熱電子発電器は火力発電のトッピングや家庭用コージ ェネレーションシステムに利用することにより、総合効率を著しく高め ることが可能である。高性能の熱電子発電器の開発は化石燃料の消費の 抑制につながり、地球環境の保全に幾ばくかの貢献が期待される。

現在、地上用熱電子発電器では以下の改良が求められている。高効率 で発電できる宇宙用の高温動作熱電子発電器では、原子炉の熱が利用さ れるが、地上用の化石燃料を熱源とする熱電子発電器では、熱源を多様 化する観点から、低温動作が望まれる。しかしながら、この場合には、 発電効率を改善するために、有効な補助放電が必要となる。従来の熱電 子発電器では、発電効率を上げるために電極間隔を極端に狭くしている が、製造およびメンテナンスの面で問題を生じる。これらの問題への対 処として、電極間隔の拡大と光電離補助放電が有効と考えられる。

補助放電を利用すると発電器の低温動作が可能となる。本研究では、 光電離を補助放電とする電極間隔の広い光照射型熱電子発電器に注目し、 その出力特性に及ぼす光照射効果を調べることを目的とした。このため、 光照射によるセシウム電離機構を解析し、実験によって光照射型熱電子 発電器の出力特性の光照射効果を調べた。以下に本論文の内容をまとめ た。

第1章では熱電子発電器の歴史を簡単に紹介し、本研究の目的並びに 本論文の構成を述べた。

第 2 章では熱電子発電器の主要な物理現象である熱電子放出、表面電 離、仕事関数等の基本概念を紹介した。次いで、プラズマの生成及び消

120	
静岡大学大学院電子科学研究科	

100

滅過程について述べ、それらに関係する諸パラメータを紹介している。 更に、熱電子発電器で重要な空間電荷中和度を定義し、電極間の空間電 位分布との関係を述べた。

第3章では、真空型、低圧及び高圧セシウム封入型熱電子発電器の原 理と特徴を説明した。真空型熱電子発電器は、熱電子による熱電子流の 空間電荷制限を避けて十分な出力を取り出すために、電極間隔を10μm 以下と極めて小さくしなければならないが、現実的ではない。この問題 に対処する有力な方法として、電極間に正イオンを供給して空間電荷を 中和する方法が考案された。低圧セシウム封入型熱電子発電器では、表 面電離によるセシウムイオンの発生を重視して、エミッタは高温に加熱 される。この場合、エミッタの仕事関数は高くなるので熱電子放出が小 になり、一般的にいえば、エミッタ温度にもよるが出力電流は制限され る。高圧セシウム封入型熱電子発電器では、電極間での体積電離が主要 な正イオンの供給方法となる。エミッタ温度は幾分低いのでエミッタ仕 事関数は低く、熱電子放出が増えて大出力を取り出すことが可能となる。 また、本章では非点火モードの出力特性の解析についても紹介している。

第 4 章では大出力を取り出すことが可能な点火モード動作熱電子発電器を理解するために、プラズマ粒子の粒子数および運動量の保存則等を 基礎方程式とする数値解析法について述べた。また、点火モード動作発 電器の構造、特徴及び問題点について述べた。

第 5 章では、セシウム原子の光電離機構を考察した。次いで、電極間 空間に光照射を行ってセシウムの光電離を発生させ、これを補助放電と する空間電荷中和法を紹介した。この方法では電極の挿入が不要である ため、発電器の構造が簡単となる。また、光照射により生成されるセシ ウムプラズマの密度を仮定して、光電離による空間電荷中和効果を計算 により確かめた。さらに、光照射により生成されるセシウム励起原子及 びセシウムイオンの発生量を、キセノンランプ放射光を対象として評価 した。また、エミッタの光電効果の機構についても概念的に触れている。

	129		
静岡	大学大学院電子科	学研究和	計

第6章では、光照射型熱電子発電器を製作してその出力特性について 述べた。スペクトルが太陽光と類似しているキセノンランプを光源とし、 光照射実験を行なった。この結果、以下のような結論が得られた。

- 非点火モード動作では光照射により出力電流が大幅に増大した。
   非点火モード動作の出力電流は空間電荷中和度αの影響を強く受け、
   α=1の時に、出力電流が最大となった。
- 2) 光照射によって、非点火モードから点火モードへの遷移が促進された。
- 3) 光照射によって点火モードの出力電流は増大したが、出力電圧および点火電圧は余り変化しなかった。
- 4) 光照射による非点火から点火へのモード遷移は、以下の 3 条件が満たされる場合に促進された。a)空間電荷中和度α<10<sup>-2</sup>; b)エミッタからの熱電子放出電流 J<sub>eR</sub>>10<sup>-3</sup>(A/cm<sup>2</sup>); c)エミッタの仕事関数 φ<sub>E</sub>>2.2eV。
- 5)低温エミッタ動作の熱電子発電器において、点火電圧を発電領域に移行させるには、セシウム圧力が高くなってコレクタの仕事関数が下がる、エミッタ温度が上がってエミッタの仕事関数が高くなる、のいずれもが有効的な方法であることが実験的に証明された。

第 7 章ではラングミュアプローブを用いて光照射型熱電子発電器内の セシウムプラズマの特性を調べた。ラングミュアプローブの理論をセシ ウムプラズマに適用するために、プローブのセシウム附着による仕事関 数の低下及びそれに伴って発生するプローブからの熱電子放出や光電効 果を考慮してプローブ理論を修正した。プローブ測定より以下の結論が 得られた。

1) エミッタからの熱電子放出と表面電離のみにより生成されたプラズ マの密度は空間電荷中和度αに強く依存し、α=1の条件でプラズマ密 度が最大となった。この結果と第5章の非点火モード時の出力電流が  $\alpha = 1$ の時に最大となることとは良く一致した。

2) 光照射により生成された光電離セシウムプラズマの電子温度及び電子密度は、1)の加熱されたエミッタにより生成されるプラズマの場合より高いことが確認された。

光電離プラズマの密度はセシウム温度に依存し、高いセシウム蒸気
 温度で高密度プラズマが生成される傾向があった。

光照射型熱電子発電器の研究はエネルギー問題が深刻化につれ、ますます重要になると思われる。最後に、今後に残された研究課題に触れる。

第 5 章では光照射により生成されるセシウム励起原子及びセシウムイ オンの発生量を計算した。これを発生項として利用し、熱電子発電器内 のプラズマ損失項を組み込んで、粒子数、運動量及びエネルギーの保存 則を考慮すれば、発電器内のプラズマ密度分布や空間電位分布を求める ことができる。

第 6 章では、光照射によって熱電子発電器の出力特性が改善されるこ とが実験的に確かめられた。光照射型熱電子発電器を実用化するには点 火電圧を発電領域に移行させるための研究が必要である。

## 謝

辞

本研究の遂行ならびに本論文をまとめるにあたり、常に適切な御指導 と御助言そして御鞭撻を頂いた神藤正士教授に厚くお礼を申し上げます。 また、本論文作成の際に、丁寧な査読と貴重なコメントを頂いた中西洋 一郎教授、窪野隆能教授ならびに河本 映助教授に深く感謝致します。

本研究で終始共同研究者であり、多数の助言と有益な討論を頂いた博 士課程学生の荻野明久君に感謝します。実験を行なう際に、協力と数々 の思い出を提供して頂いた当研究室の江藤昭弘技官ならびに SVBL 非常 勤研究員の Jozef Kudela さんに謹んで感謝の意を表します。神藤研究室 における 3 年間の学生生活を一緒に楽しく過ごし、また、日本語を教え ていただいた修士課程学生の田中良和君、山本鉄二君、柿澤慶典君、権 部雄一郎君、長坂政彦君及び卒研生の村松俊哉君、亀山豊君、坂田真一 郎君、今堀洋二君に感謝します。また、同じ博士課程に学ぶ留学生 Tibor Terebessy 君および MD. Mamunur Rashid Talukder 君にも感謝します。

著者は 6 年間にわたって文部省国費留学生として奨学金を受け、静岡 大学での留学生活を支援して頂きました。ここに心からの謝意を表明致 します。また、私に静岡大学を紹介して下さった電気・電子工学科の福 田 明教授および研究生及び修士課程の期間、指導教官であった宮下隆 雄教授にも心から感謝の意を表します。

最後には留学生活を支えてくれた妻陳維、長男鄭灵东に感謝します。

## 研究業績一覧

本研究に関連した論文

1. Wei ZHENG, Akihisa OGINO and Masashi KANDO, "Photoexcitation and Photoionization of Irradiated Large-gap Thermionic Energy Converter by Xenon Lamp", Proc. of 4<sup>th</sup> International Conf. on Reactive Plasma and 16<sup>th</sup> Symp.on Plasma Processing, (Hawaii, USA, Oct. 19, 1998) 57-58.

 2. 鄭偉、神藤正士, "光照射型熱電子発電器の諸特性"、静岡大学大学院 電子科学研究科研究報告書,20(1999)75-80.

3. 荻野明久、鄭偉、神藤正士, "*光照射により動作する熱電子発電器の特性*"、電気学会論文誌 **119-A**(1999)1120-1125.

4. Wei ZHENG, Akihisa OGINO and Masashi KANDO, "Effect of the Illumination on Thermionic Energy Converter Characteristics", Jpn. J. Appl. Phys., **39** (2000) 2816-2824.

5. Wei ZHENG and Masashi KANDO, "Langmuir Probe Measurement of Cesium Plasma in Thermionic Energy Converter", Jpn. J. Appl. Phys., to be published.

本研究に関連した口頭発表

1. 鄭偉、荻野明久、神藤正士, "Investigation of Space Charge Neutralization in Thermionic Energy Converter", 1999 年春季第 46 回応用物理学関係連合講演会,東京理科大学、(1999 年 3 月 28 日), 講演番号 31a - D - /I8

 鄭偉、荻野明久、神藤正士, "Photoionization in Cesium Filled Thermionic Energy Converter",1998 年秋季第 59 回応用物理学会学術講演会、広島大学、(1998 年 9 月 15 日),講演番号 17p - L17.

3. 鄭偉、荻野明久、神藤正士, "Cesium Plasma Density Distribution Produced by Photoionization",1998 年春季第 45 回応用物理学関係連合講演会,東京工科大学, (1998 年 3 月 28 日),講演番号 30aYc11.

4. 鄭偉、荻野明久、神藤正士, "Ignited Mode Study for a Large-gap Thermionic Energy Converter with Xenon Lamp Irradiation", 1997 年秋季第 58 回応用物理学会 学術講演会、秋田大学、(1997 年 10 月)、講演番号 2 aSS19.

5. 鄭偉、荻野明久、神藤正士, "Experimental Study on Ignited Mode of Large-gap TEC with Xenon Lamp Irradiation"、1997年日本傾斜機能材料学会第9回傾斜材料 シンポジウム、大阪大学、(1997年9月)、講演要旨集、p.6.

その他の研究業績

1. 鄭偉、宮下隆雄, "*水トリー発生試料におけるの高電圧高周波誘電特性*",電気学 論文誌,**117-A** (1997) 333-334.

2. 鄭偉、宮下隆雄, "Dielectric Characteristics of Water-treed CV Cables", Proc. of Asian Int. Conf. on Electrical Insulation and Dielectrics, (Xian, China, Oct. 1996) 255-258.

3. 鄭偉、宮下隆雄: "Study on Supporting Force and Non-contact Power Supply of Magnetic Levitation", Proc.of 2<sup>nd</sup> Joint Int. Conf. on Advanced Science and Technology, (Hangzhou, China, Oct. 1997) 78-81.